

**O'ZBEKISTON RESPUBLIKASI
OLIY VA O'RTA MAXSUS TA'LIM VAZIRLIGI
MIRZO ULUG'BEK NOMIDAGI
O'ZBEKISTON MILLIY UNIVERSITETI**

K.A. Tursunmetov, U.Q.Valiyev, H.Yu. Mavlyanov, I.X. Xamidjonov

**YARIMO'TKAZGICHALAR FIZIKASIDAN
MASALALAR VA SAVOLLAR TO'PLAMI
(O'quv qo'llanma)**

**Toshkent
“Universitet”
2012**

Ushbu qo'llanma yarimo'kazgichlar fizikasining barcha bo'limlarini qamrovchi masalalar, shu jumladan elementar va 4 xil qiyinlik darajasidagi masalalar (qiyin masalalar yechimlari bilan), nazorat savollari va testlar to'plamidan iborat bo'lib, ta'larning barcha bosqichlarida (maktablar, akademik litsey, o'rta maxsus o'quv yurtlari, bakalavr va magistraturada) ta'lif olayotganlar uchun mo'ljallangan.

Fizika - matematika fanlari doktori, professor S.Z.Zaynobilov tahriri ostida

Taqrizchilar: Toshkent Davlat Texnika universiteti professori N.F.Zikrillaev
O'zbekiston Milliy universiteti dotsenti N.A.Nurmatov

O'zbekiston Respublikasi Oliy va o'rta maxsus ta'lim vazirligi oliy o'quv yurtlari o'quvchilari, fizika yo'nalishi (440000) va mutaxassisligi bo'yicha bakalavr (5440100 - fizika, 5440300 - astronomiya) va magistrleri (5A440103 – yarimo'kazgichlar fizikasidan) uchun o'quv qo'llanma sifatida tavsiya etgan.

ISBN 978-9943-328-85-3

Kirish

Ushbu o'quv qo'llanma 4 xil qiyinlik darajasidagi savol, masala va testlar to'plamidan iborat. Birinchi va ikkinchi qiyinlik darajadagi savollar, mashqlar va masalalar to'plami elementar fizika hajmidagi vazifalar bo'lib, ular o'rta maxsus o'quv yurtlari o'quvchilari hamda yarimo'tkazgichlar fizikasidan masala yechishni o'rganmoqchi bo'lган bakalavrlar uchun mo'ljallangan.

Uchinchi qiyinlik darajadagi masalalar esa fizika yo'nalishida ta'lif olayotgan bakalavrlarning mustaqil yechishlari uchun mo'ljallangan.

To'rtinchi qiyinlik darajadagi masalalar fizika yo'nalishida ta'lif olayotgan bakalavrlar hamda (fizika mutaxassisligi bo'yicha shug'llanayotgan) magistrlerarga mo'ljallangan bo'lib, barcha masalalarning yechimlari keltirilgan.

Testlar to'plami bakalavr kursini bitiruvchilar hamda yarimo'tkazgichlar fizikasi mutaxassisligi bo'yicha magistraturaga kiruvchilar uchun mo'ljallangan.

Shu jumladan, yarimo'tkazgichlar fizikasining barcha bo'limlari bo'yicha nazorat savollari keltirilganki, ular shu kurs bo'yicha oraliq va yakuniy nazoratga tayyorlanish, magistratura va aspiranturaga kirishga tayyorgarlik ko'rishga imkon beradi.

O'quv qo'llanmadagi barcha savol, mashq va masalalarni ishlab chiqqan o'quvchilar yarimo'tkazgichlar fizikasining deyarli barcha bo'limlarini nazariy ham amaliy qayta ishlab chiqqan bo'ladi.

Shunday qilib, ushbu qo'llanma yarimo'tkazgichlar fizikasidan masala yechish bo'yicha universal qo'llanma bo'lib, o'rta maxsus o'quv yurtlari o'quvchilari, fizika yo'nalishida taqsil olayotgan bakalavrlar hamda yarimo'tkazgichlar fizikasi mutaxassisligi bo'yicha shug'llanayotgan magistrler va aspiranturlarga mo'ljallangan.

Mualliflar o'quv qo'llanmaning yanada yaxshilanishiga qaratilgan taklif va murohazalar uchun oldindan minnatdorchilik bildiradilar.

1 - QIYINLIK DARAJADAGI MASALALAR

- 1.1. Aralashma (kirishma) o'tkazgichlar va izolyatorlar qarshiligiga qanday ta'sir qiladi?
- 1.2. Temperatura o'zgarganda sof yarimo'tkazgichlar elektr qarshiliqi qanday o'zgaradi?. Ularda o'ta o'tkazuvchanlik kuzatiladimi?
- 1.3. Termistorning ishlash tamoyili nimaga asoslangan?
- 1.4. Sof yarimo'tkazgichlar qanday tok tashuvchi zaryadlarga ega?
- 1.5. Qanday sababga ko'ra elektron - kovak juftligi hosil bo'ladi?
- 1.6. Nima uchun tashqi sharoit o'zgarmaganda elektron - kovak juftligi to'xtovsiz hosil bo'lib tursa ham ularning soni o'zarmaydi?
- 1.7. Yarimo'tkazgichlarda kovakli o'tkazuvchanlik qanday hosil qilinadi? Elektron o'tkazuvchanlikchi?
- 1.8. Temperatura o'zgarganda yarimo'tkazgichlar qarshiliqi qanday o'zgaradi?
- 1.9. Nima uchun erkin zaryad tashuvchilar p-n o'tishda ushlaniib qolmaydi?
- 1.10. Nima uchun p-n o'tishda bir xil kuchlanish berilganda ham to'g'ri tok teskari tokka nisbatan katta bo'ladi?
- 1.11. Nima uchun yarimo'tkazgichli ventilni tokka to'g'ridan - to'g'ri nagruzkasiz ulab bo'lmaydi?
- 1.12. Nima uchun temperatura ortishi bilan p-n o'tishning tokni to'g'rilash xususiyati pasayadi?
- 1.13. Nima uchun tranzistorlarda baza kengligi kichik bo'lishi kerak?
- 1.14. Nima uchun tranzistor emitterida aralashma (kirishma) konsentratsyasi bazaranikiga qaraganda katta?
- 1.15. Qanday energiya hisobiga tranzistor signalni kuchavtiradi?
- 1.16. Mutloq sof o'tkazgichlar va dielektriklarning elektr qarshiligiga aralashmalar qanday ta'sir ko'rsatadi?
- 1.17. Termistorning ishlash prinsipini tushuntiring.
- 1.18. Zanjirning bir qismida o'tkazgich va yarimo'tkazgich parallel ulangan. Bu qismida kuchlanishni o'zgarmas deb hisoblab, o'tkazgich va yarimo'tkazgich qizdirilganda zanjir qismidagi kuchlanishlar qanday o'zgaradi?
- 1.19. Zanjirning bir qismida metall va yarimo'tkazgich ketma - ket ulangan. Bu qismida kuchlanishni o'zgarmas deb hisoblab, o'tkazgich va yarimo'tkazgich qizdirilganda zanjirdagi tok kuchi qanday o'zgaradi?
- 1.20. Sof yarimo'tkazgichda elektr zaryad tashuvchilari miqdori qanday nisbatda bo'ladi?
- 1.21. Yarimo'tkazgichlarda elektron - kovak jufti hosil bo'lishiga nima sabab bo'ladi?
- 1.22. Magniy va tellurning 20°C temperaturadagi solishtirma qarshiliklari mos holda $0.04 \cdot 10^{-6}$ va $5000 \cdot 10^{-6} \Omega \cdot \text{m}$ ga teng. Bu ikki mojjadan qaysi biri yarimo'tkazgich bo'ladi?

- 1.23. Kremniy absolyut nol temperaturaga yaqin temperaturagacha sovitisa, u o'ta o'tkazuvchan bo'ladi mi?
- 1.24. Elektronlar va kovaklar o'zaro qo'shilish hodisasi nima deyiladi?
- 1.25. Nima uchun barcha tashqi sharoitlar bir xil bo'lganda elektron - kovak juftlari hosil bo'lishi uzuksiz davom etsa - da, yarimo'tkazgichdagi zaryad tashuvchi erkin elektronlar soni o'zgarmaydi?
- 1.26. Qanday usul bilan yarimo'tkazgichlarda elektron va kovakli o'tkazuvchanlik oshiriladi? 2. Fosfor, mishyak, surma, galliy, bor, indiy aralashmalaridan qaysi biri qo'shilganda germaniyli yarimo'tkazgichning elektron o'tkazuvchanligi va kovakli o'tkazuvchanligi ortadi?
- 1.27. Aralashmali yarimo'tkazgichlarning qarshiligi temperatura o'zgarishi bilan qanday o'zgaradi?
- 1.28. Nima uchun erkin zaryad tashuvchilar p-n - o'tish sohasida tura olmaydi?
- 1.29. Nima uchun p-n - o'tishda to'g'ri tok kuchi teskarri tok kuchidan katta bo'ladi?
- 1.30. Past temperaturada kremniy va germaniyning elektr o'tkazuvchanligi qanday o'zgaradi?
- 1.31. Termistorlar uchun tok kuchi bilan qarshilik qanday bog'lanishda bo'ladi?
- 1.32. Termistor va fotorezistorning o'zaro farqi nimadan iborat?
- 1.33. Yarimo'tkazgichli kristal qanday o'tkazuvchanlikka ega?
- 1.34. Tranzistorda emitter, baza va kollektor toklari o'zaro qanday ifoda orqali bog'langan?
- 1.35. Radiotexnikada yarimo'tkazgichli asboblardan foydalanishning elektron lampalardan afzalligi nimalardan iborat?
- 1.36. Nima uchun yarimo'tkazgichli ventilni o'zgaruvchan tok tarmog'iga yuk(nagruzka)siz ulash mumkin emas?
- 1.37. Nima uchun temperatura sezilarli o'zgarganda p-n- o'tishning to'g'rilash xususiyati keskin kamayadi? Germaniyli yarimo'tkazgich asboblardan qanday temperaturalarda foydalanish mumkin? Kremniyli asboblardan - chi?
- 1.38. Nima uchun tranzistor bazasining kengligi kichik bo'lishi kerak?
- 1.39. Nima uchun tranzistor emitteridagi aralashmalar konsentratsyasi bazadagiga nisbatan yuqori bo'ladi?
- 1.40. Tranzistor kristalida qanday sohalar bor?
- 1.41. Tranzistorning emitter - baza va baza - kollektor qismida kuchlanish birday orttirilganda kollektor zanjirida tok kuchi ham birday ortadimi?
- 1.42. Qanday energiya hisobiga tranzistordan kuchaytilrilgan signal olinadi?
- 1.43. Tarkibidagi indiy va mish'yak elementlari miqdori (mol hisobida) bir xil bo'lgan InAs birikmani (indiy arsenidi) to'rtinchchi guruh elementlari (Ge, Si) ning xususiy o'tkazuvchanligi kabi tipdag'i o'tkazuvchanligi ortganda o'tkazuvchanlik qanday tipda bo'ladi? Mishyak konsentratsyasi ortganda - chi?

1.44. Kerakli tipdag'i aralashmali o'tkazuvchanlik olish uchun yarim-o'tkazgichlar texnikasida ko'pincha fosfor, galliy, mishyak, indiy, surma ishlataladi. Elektronli o'tkazuvchanlik olish uchun bu elementlardan qaysi birini aralashma sifatida germaniyga qo'shish mumkin?

1.45. Nima uchun jajji yarimo'tkazgichli radiopriyonikni tranzistor deyish noto'g'ri?

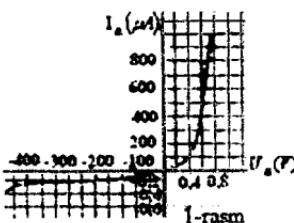
2 - qiyinlik darajadagi masalalar

2.1. Fotoqarshilikning qorong'ilikdagi qarshiligi $1,0 \cdot 10^{-10} \Omega$, yoritilgandagisi esa $2 \cdot 10^4 \Omega$. Fotoqarshilikka 50 V kuchlanish berilgan bo'lsa, yoritilganda fototok qancha bo'ladi.

2.2. Kuchlanishi 16 V bo'lganda qorong'ilikda fotoqarshilikda 1,6 mA, ma'lum darajada yoritilganda esa 2,0 mA tok bo'lgan. Fotoqarshilikning yoritilmagan vaqtidagi va shu berilgan yoritilganlikdagi volt - amper xarakteristikasini birgina o'qlarda chizing. Kuchlanish 5 V; 10 V bo'lganda fototok kattaligini grafikdan ko'rsating.

2.3. Fotoelementni sport yugurish yo'li finishida ishlatish sxemasini tuzing.

2.4. 1-rasmida germaniyli diod DG-S - 27 orqali o'tuvchi tokning kuchlanishga bog'liq bo'lish grafigi berilgan. Xarakteristikaning qaysi qismi tok bilan kuchlanish orasidagi bog'lanishni aks ettiradi? Qaysi qismi berk yo'nalishdagi bog'lanishni ko'rsatadi? Kuchlanish 0,4 V va teskari kuchlanish 400 V bo'lganda diodning ichki qarshiligini toping.



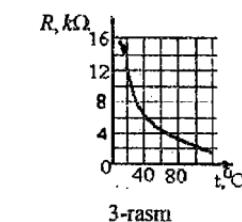
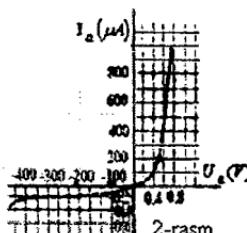
2.5. Yerning sun'iy yo'ldoshlarida yarimo'tkazgichli quyosh elektr batareyalari o'rnatiladi. Yo'ldoshning Yer atrofida bir marta aylanishi davomida shunday batareyaning 1 m^2 sirtidan olinadigan elektr energiya o'rtacha miqdori aniqlansin. Quyosh energiyasi oqimining zichligi $1 \frac{\text{kW}}{\text{m}^2}$, issiqlik nurlanishi oqimning 60% ini tashkil etadi. Batareyaning F.I.K. 10%, yo'ldoshning aylanish davri 102 min. Yo'ldosh Yer atrofida aylanish vaqtining $\frac{2}{3}$ qismi davomida quyosh nuri bilan yoritiladi.

2.6. Nega temperatura ortishi bilan elektrolitlar va yarimo'tkazgichlarning qarshiligi kamayadi?

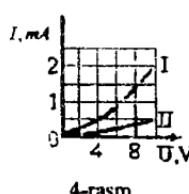
2.7. Kremniyni mutloq no' temperaturagacha qizdirilganda, u o'ta o'tkazuvchan bo'ladi, yo'qmi?

2.8. Yarimo'tkazgichni qizdirish natijasida uning qarshiligi 20% kamaydi. Tok kuchi necha foizga o'zgaradi?

- 1.9. 20°C temperaturada germaniydagи elektronlar konsentratsyasi $1,0 \cdot 10^{14} \text{ sm}^{-3}$. Atomlarning umumiy miqdori $5 \cdot 10^{22} \text{ sm}^{-3}$ bo'lsa ularning qancha miqdori ionlashgan? O'rta hisobda har bir atomdan bittadan valent elektroni ajraladi.
- 2.10. Ionlashgan atomlari $2 \cdot 10^{-8}\%$ ni tashkil qilgan germaniyda o'tkazuvchan elektronlar konsentratsyasi qanchaga teng? O'rta hisobda har bir atomdan bittadan valent elektroni ajraladi.
- 2.11. Germaniy monokristaliga fosfor kiritildi; uning miqdori massa bo'yicha $10^{-4}\%$ ni tashkil qiladi. Bu aralashma natijasida zaryad tashuvchilar miqdori qanchaga o'zgaradi? Barcha fosfor atomlari ionlashmoqda deb hisoblansin.
- 2.12. Kreminiya kovaklar konsentratsyasi $5,0 \cdot 10^{16} \text{ sm}^{-3}$ ga teng bo'lishi uchun unga qancha miqdorda (massa % hisobida) alyuminiy qo'shish kerak? Alyumininiyning har bir atomi kovaklashishda ishtirok etadi.
- 2.13. To it valentli germaniy quyidagi moddalar kiritildi: 1) Besh valentli mishyak 2) Uch valentli indiy. Germaniyda asosiy tok tashuvchilar har bir hol uchun qanday bo'ladi: elektronlarmi yoki kovaklarmi?
- 2.14. Germaniya quyidagi moddalar kiritilganda u qanday o'tkazuvchanlikka ega bo'ladi: fosfor, rux, kaliy?
- 2.15. Agar germaniy yoki kreminiya qalay eritilib kiritilsa, p-n o'tish hosil bo'ladi mi?
- 2.16. Xususiy o'tkazuvchanliklarda elektronlar va ko-vaklar konsentratsyasi bir xil bo'lishiga qaramasdan elektron tok kovak tokidan katta bo'ladi. Buri tushuntiring.
- 2.17. 1) 2-rasmda germaniyli diodning (DG-S-27) volt-amper xarakteristikasi berilgan.



- Xarakteristikaning qaysi qismida tokning kuchlanishga bog'lanishi to'g'ri yo'nalishda, qaysinisa teskari yo'nalishda?
- 2) Nima uchun yarimo'tkazgichli diodning volt-amper xarakteristikasida to'g'ri va teskari toklarni bir xil masshtabda chizish qulay emas?
- 2.18. 3-rasmda termistorning temperaturaviy xarakteristikasi ko'rsatilgan. Kuchlanish tushushi 18 V bo'lganda termistordagi tok kuchini aniqlash uchun milliampermetr o'lchash chegaralari qanday bo'lishi kerak? Qanday tempeaturalarda milliampermetr 10mA, 5 mA, 2mA larni ko'rsatadi?
- 2.19. Nima uchun metallarning qarshiligi nurlanish ta'sirida o'zgarmaydi?
- 2.20. 4-rasmda yoritilgan (I-grafik) va yoritilmagan (II-grafik) fotoqarshilikning volt - amper xarakteristikasi keltirilgan. Qaysi holda fotoqarshilikning qarshiligi katta? Shu berilgan fotoqarshilik uchun Om



qonuni o'rinnimi?

2.21. Quyoshdan Yerga 1 minutda yetib keladigan energiya miqdori $\approx 7500 J/m^2$ ga teng. Quvvati 100 W bo'lgan quyosh yarimo'tkazgichli elektr batareyasining yuzasi qanday bo'lishi kerak? Batareyaning F.I.K. i 20 %.

2.22. Ketma - ket ulangan termistor va qarshiligi $1 k\Omega$ bo'lgan reostatdan iborat zanjirning uchlariga 20 V kuchlanish berildi. Uy temperaturasida zanjirdagi tok kuchi 5 mA bo'lib, agar termistor qaynoq suvgaga tushirilganda tok kuchi 10 mA bo'lsa, bunda termistorning qarshiligi necha marta o'zgargan bo'ladi?

2.23. Qorong'ida 25 $k\Omega$ qarshilikka ega bo'lgan fotorezistor 25 $k\Omega$ li rezistorga ketma - ket ulandi. Fotorezistor yoritilganda zanjirdagi tok kuchi 1,8 marta ortadi (o'sha kuchlanishda). Fotorezistorning qarshiligi necha marta kamaygan?

2.24. Agar selenli to'g'rilagichning bitta shaybasi 9 V kuchlanishga mo'ljallangan bo'lsa, 36 V kuchlanishni to'g'rilash uchun nechta shayba va ularni qanday uilash kerak?

2.25. Tajribalarda aniqlangan Xoll koeffitsiyentining qiymatlari a) $R = 2 \cdot 10^3 \frac{sm^3}{C}$; b) $R = 3,1 \cdot 10^2 \frac{sm^3}{C}$; c) $R = 6,2 \cdot 10^3 \frac{sm^3}{C}$ bo'lgan hollar uchun kristaldagi zaryad tashuvchilarning konsentratsyясини aniqlang.

2.26. Germaniy va kremniydagи elektron va kovaklarning harakatchanligining qiymatlarini bilgan holda $T = 77$ va 300 K dagi diffuziya koeffitsiyentlari D_n ni hisoblang.

2.27. $T = 300K$ da germaniydagи elektronlarning o'ttacha yashash vaqtı $2 \cdot 10^{-4} s$ ga teng. Avvalgi masalada aniqlangan D_n ning qiymatini bilgan holda diffuzion uzunlikni aniqlang.

2.28. Elektr o'tkazuvchanlikning to'la toki kovaklı elektr o'tkazuvchanlik tokiga nisbatini quyidagi hollar uchun aniqlang: a) toza germaniy uchun; b) solishtirma qarshiligi $0,05 \Omega \cdot m$ bo'lgan; v) p- turdagи germaniy uchun. Xona temperaturasida toza germaniyda zaryad tashuvchilar konsentratsyasi $n = 2 \cdot 10^{13} sm^{-3}$, elektronlar harakatchanligi $\mu_e = 3900 \frac{sm^2}{V \cdot s}$, kovaklarniki $\mu_p = 1900 \frac{sm^2}{V \cdot s}$ ga teng.

2.29. Germaniy monokristalida elektronlarning harakatchanligi $\mu_e = 3900 \frac{sm^2}{V \cdot s}$, kovaklarniki $\mu_p = 1900 \frac{sm^2}{V \cdot s}$. Xususiy konsentratsya $n_i = 2,5 \cdot 10^{13} sm^{-3}$ ga teng deb, uning xususiy elektr o'tkazuvchanligi σ_i , minimal o'tkazuvchanligi σ_{min} va maksimal solishtirma qarshiligi topilsin.

2.30. Induksiyasi $B_z = 1000 Gs$ bo'lgan maydonga o'lchamlari: $\ell_x = 5 sm$, $\ell_y = 0,5 sm$ $\ell_z = 0,5 sm$ bo'lgan namuna joylashtirilgan. Namunaga $U_x = 3,5 mV$ kuchlanish qo'yilganda undan $I = 25 mA$ tok o'tgan. O'lchangan Xoll

kuchlanishi 12 mKV bo'lsa, elektr o'tkazuvchanlik va zaryad tashuvchilarning konsentratsyasi topilsin.

2.31. Kengligi $l = 1\text{sm}$ va uzunligi $L = 10\text{sm}$ bo'lgan ingichka plastinka ko'rinishidagi yarimo'tkazgich $B = 0,2 \text{ T}$ induksiyali bir jinsli magnit maydonga joylashtirilgan. Magnit induksiyasi vektori plastinka tekisligiga tik. Plastinka uchlariga (L yo'nalishi bo'yicha) $U = 300\text{V}$ doimiy kuchlanish qo'yilgan. Agar Xoll doimiysi $R_n = 0,1 \frac{\text{m}^3}{\text{C}}$, solishtirma qarshiligi $\rho = 0,5 \Omega \cdot \text{m}$ bo'lsa, plastinkani yon tomonlaridagi Xoll potensiallar farqi U_n aniqlansin.

2.32. Kengligi $l = 2\text{sm}$ bo'lgan yupqa kremniy plastinka induksiya chiziqlariga tik qilib, bir jinsli magnit maydoniga ($B = 0,577$) joylashtirilgan. Plastinka bo'ylab yo'nalga- $j = 2 \frac{\text{mkA}}{\text{mm}^2}$ tok zichligida Xoll potensiallar farqi $U_n = 2,8\text{V}$ bo'lib chiqdi. Zaryad tashuvchilarning konsentratsyasi n aniqlansin.

3 - qiyinlik darajadagi masalalar

3.1. Kub panjara uchun (211), (022), (002), (200) kristalografik tekisliklarni grafik ko'rinishida tasvirlang.

3.2. Qirrasi s bo'lgan kub panjarada ikkita qo'shni (hkl) tekisliklar orasidagi masofani aniqlang.

3.3. n - chi energetik zona kengligi uchun umumiy ifodani keltirib chiqaring.

$$\text{Buning uchun } E_n = A_n + (-1)^n B_n \cos \varphi, \quad A_n = \frac{\hbar^2 n^2 \pi^2}{2ma^2} \left(1 - \frac{2}{p} \right) \quad \text{va} \quad B_n = \frac{\hbar^2 n^2 \pi^2}{2ma^2} - \frac{2}{p}$$

ifodalardan foydalaning.

3.4. n va $(n+1)$ - chi taqilangan qo'shni zonalar orasida joylashgan taqilangan zona kengligi uchun umumiy ifodani keltirib chiqaring. Buning uchun avvalgi masaladagi E_n , A_n va B_n larning ifodalaridan foydalaning.

$$3.5. \tau(\epsilon^*) = \tau_0(\tau) \epsilon^{\frac{1}{2}} \quad \text{ifodadan foydalab}, \quad \tau = \frac{\tau_0 \epsilon^{\frac{1}{2}}}{\epsilon^* + a^2} \quad \text{va} \quad \tau = \frac{\tau_0 \epsilon^{\frac{1}{2}}}{\epsilon^* + a^2}$$

ifodalarni mustaqil keltirib chiqaring.

3.6. $\tau(\epsilon^*) = \tau_0 \epsilon^{\frac{1}{2}}$ ifoda yordamida bir vaqtida ro'y beruvchi ikki sochilish me'anizmi uchun formulani keltirib chiqaring: a) akustik fononlarda va neytral aralashmalarda sochilish

b) Debay temperaturasidan kichik hol uchun aralashma ionlari va optik fononlarda sochilish.

$$3.7. \text{ Umumiylifodalar } \sigma = \frac{8\pi t^2}{3m^2(2\pi\hbar)^3} (2m^2kT)^3 r_{\alpha} \cdot F_{\alpha}(\mu^*) \quad \text{va} \quad u_{\sigma L} = \frac{2(e)}{3m^2} r_{\alpha} \cdot \frac{F_{\alpha}(\mu^*)}{F_{\chi}(\mu^*)}$$

dan kuchli aynish bo'lgan hol uchun akustik sochilish formulasini keltirib chiqaring.

$$3.8. \sigma_i = \frac{8\pi t^2}{3m^2(2\pi\hbar)^3} (2m^2kT)^3 r_{\alpha} \cdot F_{\alpha}(\mu^*) \quad \text{va} \quad u_{\sigma i} = \frac{2(e)}{m^2} r_{\alpha} \cdot \frac{F_{\alpha}(\mu^*)}{F_{\chi}(\mu^*)} \quad \text{ifodalarda}$$

$\mu^* \gg 0$ deb hisoblab, aynigan hol uchun aralashmalardagi sochilish jarayoni uchun σ_i va $u_{\sigma i}$ larning ifodasini toping.

3.9. Kuchli aynigan bo'lgan holda sochilish mexanizmining qanday bo'lishidan qat'iy nazar, Xoll - faktoring birga tengligini isbot qiling. Buning uchun Xoll -

$$\text{faktor uchun umumiylifodalar } A_L = \frac{3}{4} F_{\chi}(\mu^*) \cdot \frac{F_{\chi}(\mu^*)}{F_{\alpha}^2(\mu^*)} \quad \text{va} \quad A_i = \frac{3}{4} F_{\chi}(\mu^*) \cdot \frac{F_{\chi}(\mu^*)}{F_{\alpha}^2(\mu^*)}$$

dan foydalaning.

3.10. Elektronlar konsentratsyasi $10^{12}, 10^{17}$ va 10^{19} sm^{-3} bo'lgan n-turdagi germaniy uchun termo EYuK ining fonon tashkil etuvchisini hisoblang.

3.11. Tarkibida fosfor kirishmalarining konsentratsyalari $10^{18}, 10^{19}$ va 10^{20} sm^{-3} bo'lgan kremniyidagi kremniy ionlarida sochilish natijasida hosil bo'ladigan termo EYuK ini hisoblang.

3.12. Termo EYuK ni o'lhash asosida elektr o'tkazuvchanlikning turini aniqlash imkoniyatlarini tahlil qiling.

3.13. Taqiqlangan bilvosita o'tishlar uchun $\alpha(\hbar\omega)$ ning ifodasini keltirib chiqaring. Buning uchun $f = f_0 + \frac{e\hbar}{m} r(k) \frac{\partial f_0}{\partial E} \varepsilon_0 e^{i\omega t}$, $\sigma = \sigma_1 + i\sigma_2$ va $\alpha = \sum \alpha_i(\omega) = \sum \sigma_i(\omega) N_i$ ifodalardan foydalaning.

$$3.14. \chi = n^2 - k^2 = \chi_0 - \frac{4\pi Ne^2}{m^2} \cdot \frac{r^2}{1 + \omega^2 r^2} \quad \text{va} \quad \chi = \chi_0 - \frac{Ne^2 \lambda^2_{\max}}{m^2 c^2} \quad \text{ifodalardan}$$

$$\text{foydalanib } \left(\frac{1 + \sqrt{R}}{1 - \sqrt{R}} \right)^2 = \chi_0 - \frac{Ne^2 \lambda^2}{m^2 c^2} \text{ ni o'rinni ekanligini isbot qiling.}$$

3.15. Xona temperaturasida germaniyda nurlanish zonalararo rekombinasiyada zaryad tashuvchilarining yashash vaqtisi $8 \cdot 10^{-2} \text{ s}$ ga teng. Zaryad tashuvchilarining konsentratsyasi $n = 2 \cdot 10^{13} \text{ sm}^{-3}$. Nurlanishli rekombinasiya koefitsiyentini aniqlang. O'lhashdagi injeksiyani kichik deb hisoblang.

3.16. n - turdagil aralashmali (kirishmali) yarimo'tkazgichdagi elektronlarning muvozanatdagi konsentratsyasi $5 \cdot 10^{16} \text{ sm}^{-3}$ ga teng. Kichik injeksiyada nurlanishli rekombinasiya sharoitida elektronning yashash vaqtisi 10^{-2} s ga teng. Elektronlarning konsentratsyasi $2 \cdot 10^{17}, 5 \cdot 10^{17}$ va $7 \cdot 10^{17} \text{ sm}^{-3}$ bo'lgan hollar uchun elektronning yashash vaqtini baholang.

- 3.17. Xususiy germaniyda nurlanishli yashash vaqtini temperaturaga bog'liqligini tahlil qiling. Injeksiya juda kichik va koefitsiyent γ temperaturaga bog'liq emas deb hisoblang.
- 3.18. Kovaklarning p-turdagi germaniyda nurlanishli yashash vaqtini temperaturaga bog'liqligini tahlil qiling. Gailiy kirishmalarining konsentratsyasi $2 \cdot 10^{16} \text{ sm}^{-3}$. Tahlilni $4K \leq T \leq 77K$ temperatura intervali uchun qiling.
- 3.19. Kremniydagagi fosfor kirishmaning konsentratsyasi $4 \cdot 10^{18}$ dan $8 \cdot 10^{19} \text{ sm}^{-3}$ ga ortganda, to'qnashish rekombinasiyasi bo'lganda, zaryad tashuvchilarining yashash vaqtini necha marta va qanday o'zgaradi?
- 3.20. Kub panjaralari kristalning birinchi Brullyuen zonasida bir atomga 2 ta elektron to'g'ri kelishini ko'sating.
- 3.21. Atomlari orasidagi masofalar a va $\epsilon = 3a$ bo'lgan ikki o'lchamli sodda to'g'ri burchakli panjara uchun birinchi 4 ta Brullyuen zonasini grafigini chizing.
- 3.22. Geksagonal zich joylashgan (GZJ) monoatomli panjara strukturasi uchun Brullyuen zonasi olti burchakli prizma ko'rinishda bo'ladi. Bu prizmaning o'lchamlarini aniqlang. Panjara doimisi a ga teng.
- 3.23. Qirrasi $2 \cdot 10^{-8} \text{ sm}$ bo'lgan oddiy kub panjara uchun deyarli erkin elektronlar yaqinlashishda $E(\vec{X}_{100})$ ni hisoblang. Bu yerda \vec{X}_{100} - Brullyuen zonasi markazi bilan (100) qirrali zonani tutashiruvchi vektor.
- 3.24. InSe da taqiqlangan zona kengligi $\Delta E = 0,18 \text{ eV}$, $\epsilon = 17$ va $m^* = 0,014 \text{ m}$. a) Donorlar ionizasiya energiyasini; b) asosiy holatdagi orbita radiusini; s) qanday minimal donorlar konsentratsyasyidan boshlab, orbitalarning qo'shni aralashma orbitalari bilan qisman kesishi bilan bog'liq effektlar namoyon bo'ladi?
- 3.25. Qanday temperatura intervalida $n\text{-Ge}$ ning elektronlar konsentratsyysini $n = 10^{15} \text{ sm}^{-3}$ qiymatda stabillash mumkin? $n = 10^{16} \text{ sm}^{-3}$ dachi? Bu temperatura intervali kremniy uchun qanday bo'ladi? Aralashmalarning energiya aktivasiyasi bir xil va $0,01 \text{ eV}$ ga teng deb hisoblang.
- 3.26. Eynshteyn nisbatini aynigan va aynimagan yarimo'tkazgichlar uchun keltirib chiqaring.
- 3.27. Germaniy va kremniy xususiy yarimo'tkazgichlarda elektron va kovaklarning diffuziya koefitsiyentlarini jadvalini tuzing.
- 3.28. Elektron va kovaklar uchun bipolyar (biquotb) diffuziya koefitsiyenti formulasini keltirib chiqaring.
- 3.29. n - turdag'i kremniy va germaniy yuzalarida kovaklarni qandaydir ortiqcha konsentratsyasi doimiy saqlanadi. Namuna qalinligi bo'yicha ortiqcha yengil va oqir kovaklar taqsimoti qanday? (masalani bir o'lchamli deb hisoblang).
- 3.30. Erkin yugurish yo'lini vaqtga bog'liqligi yaqinlashuvida erkin zaryad tashuvchilarining o'rtacha erkin yugurish yo'li vaqtini aniqlang. Zaryad tashuvchilarining harakatchanligi 0,4 SI birligiga, massasi esa erkin elektronning massasiga teng deb hisoblang.
- 3.31. Yarimo'tkazgichlarning xususiy elektr o'tkazuvchanligi $\sigma_i = en_i(\mu_n + \mu_p)$ ko'rinishida yoziladi. Minimal elektr

o'tkazuvchanlik $\sigma_{min} = 2en(\mu_n \cdot \mu_p)^{\frac{1}{2}}$ ko'rinishda ifodalanishini isbotlang. Bu holda elektronlar konsentratsyasi $n_e = n_p (\mu_p / \mu_n)^{\frac{1}{2}}$ va kovaklar konsentratsyasi $n_p = n_e (\mu_n / \mu_p)^{\frac{1}{2}}$.

3.32. Yuzasi metall parda bilan qoplangan germaniy namunasining yuzasidan qancha ichkariga kontakt maydonining kirishini aniqlang. Elektron konsentratsyasi $n_0 = 10^{14} sm^{-3}$, metali - germaniy kontaktida chiqish ishining farqi $0,3 eV$ va $\varepsilon = 16$ (germaniy uchun).

3.33. Metall - yarimo'tkazgich kontaktida yarimo'tkazgichdan metalga o'tayotgan elektronlar tokini toping. Yarimo'tkazgichda elektronlarning yuza zichligi $n_s = 10^{13} sm^{-3}$.

3.34. Donorlar konsentratsyasi $N_D = 10^{16} sm^{-3}$ bo'igan n-kremniy va akseptorlar konsentratsyasi $N_A = 10^{17} sm^{-3}$ bo'lgan p- germaniy hosil qilgan p-n-o'tishdag'i kontakt potensiallar farqini aniqlang. O'tishning geometriyasi to'g'rilanish diffuzion nazariyasini qanoatlantiradi. $T = 300 K$ deb hisoblang.

3.35. Germaniyli yassi diodning p-n o'tish sohasini yuzi $1 mm^2$ bo'lib, p-sohasi uchun $\rho_p = 0,1 \Omega \cdot sm$ va n-sohasi uchun $\rho_n = 2 \Omega \cdot sm$. Asosiy bo'limgan zaryad tashuvchilarning yashash vaqtini p- sohadada $\tau_p = 100 mks$ va n-sohadada $\tau_n = 100 mks$. Bu diod uchun to'yinish teskari tokini toping.

3.36. Ko'ndalang kesim yuzasi $1 mm^2$ bo'igan germaniyli p-n o'tishli dioddagi to'yimish tokining kovak tashkil qiluvchisini aniqlang. Kovaklarning n-sohadagi difuziya uzunligi $0,005 sm$, solishirma elektr o'tkazuvchanligi $\sigma = 1000 \frac{Sim}{m}$ va $T = 300 K$ deb eling.

3.37. Elektron yarimo'tkazgich yuzasiga tik $E = 5 \cdot 10^3 \frac{V}{sm}$ kuchlanishli doimiy elektr maydoni qo'yilgan va unda yuza o'tkazuvchanligi $10^6 \Omega^{-1}$ ga teng bo'lganda yuza holatidagi zaryad aniqlansin. Yarimo'tkazgichning barcha joyida $\frac{e\phi}{kT} \ll 1$ shart bajariladi va $n = 5 \cdot 10^{14} sm^{-3}$, $\varepsilon = 16$, $\mu_e = \mu_n = 3800 \frac{sm^2}{V \cdot s}$.

3.38. Kovakli yarimo'tkazgich sirt potensiali $|\phi_s| = 0,25 eV$ bo'lsa, uning manfiy sirt zaryad zichligini aniqlang. Akseptorlar yarimo'tkazgich ichida (sirtidan ekranlashtirish uzunligidan kattaroq masofalarda) to'la ionlashtigan va $n_p = 3 \cdot 10^{14} sm^{-3}$, $\varepsilon = 16$, $T = 300 K$ deb hisoblang.

3.39. Judi yupqa uzun plastinka (uzunligi ℓ va eni s , qalinligi $a = 0,25 mm$), $\ell, s \gg a$ uchun yuza rekombinasiya tezligi S ni aniqlang. Plastinkadagi muvezzanatda bo'limgan zaryad tashuvchilarning effektiv yashash vaqtini $\tau = 125 mks$, hajmiy yashash vaqtini $\tau_s = 250 mks$, $\frac{S \cdot a}{D_s} \ll 1$ shart qo'llanilsin.

3.40. Aralashmalarning ionlarida sochilish asosiy bo`lgan hol uchun λ va μ orasidagi munosabatni keltirib chiqaring.

3.41. Germaniy $T = 300 K$ da elektronlarning harakatchanligi $\mu_e = T^{-1.66}$ qonuniyatga bo`ysunishi (eksperimental) aniqlangan. Shu temperaturalarda $p-n-p$ -tranzistorning baza orqali diffuziya natijasida tok zichligi aniqlansin. Emitterdag'i ($x=0$) elektronlar konsentratsyasi 10^{17} sm^{-3} va kollektordag'isi ($x=10^{-3} \text{ sm}$) esa nolga teng.

3.42. $T = 300 K$ da o'tkazuvchanlik zonasida o'rtacha tezlik bilan harakatlanayotgan elektronlarning energiyasi, kvaziimpulsn, to'lqin vektori va to'lqin uzunligini aniqlang. Bunda $m_e^* = 0.37 m$ deb hisoblang. Shu kattaliklarni to'lqin uzunligi elektronnikidan ikki marta katta bo`lgan, $6500 \frac{m}{s}$ tezlik bilan harakatlanayotgan LA bo`ylanma akustik fononlar uchun aniqlang. Energiya va impuls saqlanish qonunlaridan bunday fonon elektronni qanday burchakka sochishini toping. Shu jumladan, elektron energiyasining o`zgarishini toping.

3.43. Sochilish germaniyda ionlashgan akseptor kirishmada ro'y berayotgan bo`lsa, markaziy to`qnashayotgan elektron sochuvchi markazga qanday minimal masofaga yaqinlashadi.

3.44. Kremniyidagi aralashmaning ionlashgan atomlarida sochilayotgan elektronlarining effektiv sochilish kesimini aniqlang. Aralashma konsentratsyasi $n_e = 10^{15} \text{ sm}^{-3}$ va uning sathi o'tkazuvchanlik zonasini tubidan $\Delta E_e = 0.01 eV$ masofa joylashgan.

3.45. Elektronlarning birlik uzunlikdagi to`qnashuvlari soni effektiv kesim yuzasiga va erkin yugurish yo`li T^{-1} ga proporsional ekanligini ko`rsating. Yarimo'tkazgichlarda erkin elektronlarning o'rtacha kinetik energiyasi $\frac{3}{2} k_b T$

ga teng deb, $\mu \approx T^{-\frac{3}{2}}$ ekanligini hisobga oling.

3.46. Sochilish aralashma atomlarida va panjara atomlarning tebranishlarida bir xil ahamiyatga molik bo`lgan hol uchun Xoll koefitsiyentini hisoblash metodikasini keltiring.

3.47. Zaryad tashuvchilarining ikki xil turi bo`lgan holda Xoll koefitsiyenti uchun $R = \frac{1}{e} \cdot \frac{p \mu_p^2 - n \mu_n^2}{(\rho \mu_p + n \mu_n)}$ o'rini bo'llishini isbot qiling va ikki: $n \gg p$, $n \ll p$ hollarni ko'ring.

3.48. $T = 30 K$ da aktivasiya energiyasi $0.05 eV$ bo`lgan bor bilan legirlangan kremniyda kovaklarning Xoll harakatchanligi $50 \frac{\text{sm}^2}{V \cdot s}$ ga teng. Shu temperaturada sochilish aralashmalar ionlarida bo`ladi deb hisoblab, $T = 200 K$ da kovaklar harakatchanligi $250 \frac{\text{sm}^2}{V \cdot s}$ ga teng bo`lganda sochilish qanday bo`lishi aniqlansin.

3.49. Qandaydir yarimo'tkazgich uchun $\Delta E = 0,16 \text{ eV}$, $T = 78 \text{ K}$ va 120 K uchun Xoll koeffitsiyenti $R = +160 \frac{\text{sm}^{-3}}{\text{K}}$. $T = 78 \text{ K}$ da solishtirma qarshilik $0,04 \Omega \cdot \text{sm}$,

$T = 120 \text{ K}$ da esa $0,076 \Omega \cdot \text{sm}$, termo EYuK koeffitsiyenti $T = 120 \text{ K}$ da $520 \frac{\text{mkV}}{\text{K}}$,

$T = 254 \text{ K}$ da kuchsiz maydon Xoll koeffitsiyenti nolga aylanadi. Zaryad tashuvchilarning effektiv massasi $m^* = 0,07m$. Shu namuna uchun $T = 254 \text{ K}$ da kuchli magnit maydoni uchun kovaklarning effektiv massasi, akseptor aralashma konsentratsyasi (kompensasiya yo'q deb), elektron va kovaklarning harakatchanligi, qarshiliqi, termo EYuK va Xoll koeffitsiyenti aniqlansin.

3.50. Dreyf tezligini kuchli elektr maydonida o'zgarishi Ω qonunini buzilishiga olib keladi. Maydonning qanday qiymatida germaniydag'i tezlikning nisbiy o'zgarishi $\frac{\Delta \rho}{\rho} = 13\%$ ga teng bo'ladi. Elektronlarning harakatchanligi

$$\mu_s = 3900 \frac{\text{sm}^2}{\text{V} \cdot \text{s}}.$$

3.51. Agar aktivlanish energiyasi $\Delta E_0 = 0,1 \text{ eV}$ bolsa, xususiy elektr o'tkazuvchanlikli yarimo'tkazgichdagi Fermi sathi E_f aniqlansin. Elektronlar kinetik energiyasini hisoblashning nolinchisi sathi sifatida o'tkazish zonasini eng pastki sati qabul qilinsin.

3.52. Xususiy elektr o'tkazuvchanlikli (germani) muayyan temperaturada $\rho = 0,48 \Omega \cdot \text{m}$ solishtirma qarshilikka ega bo'ladi. Agar elektronning va kovaklarning harakatchanliklari b_e va b_p lar mos ravishda $0,36$ va $0,16 \frac{\text{m}^2}{\text{Vs}}$ ga teng bo'lsa, zaryad tashuvchilarning konsentratsyasi nani aniqlansin.

3.53. Aralashmali kremniyning solishtirma o'tkazuvchanligi $\sigma = 112 \frac{\text{sim}}{\text{m}}$. Agar

Xoll doimiysi $R_n = 3,66 \cdot 10^{-4} \text{ m}^3/\text{C}$ bolsa, kovaklarning harakatchanligi μ_p va ularning konsentratsyasi n_p aniqlansin. Yarimo'tkazgich faqat kovakli o'tkazuvchanlikka ega deb qabul qilinsin.

3.54. Germaniyda atomlarning bir qismi surma atomlari bilan almashtirilgan. Kiritilgan atomning qo'shimcha elektronini Bor modeli bo'yicha qarab, uning bog'lanish energiyasi E va orbitasining radiusi r baholansin. Germaniyning dielektrik singdiruvchanligi $\epsilon = 16$.

3.55. Temperaturasi 400 K bo'lgan xususiy yarimo'tkazgichda elektronlar zichligi $\kappa = 1,38 \cdot 10^{15} \text{ sm}^{-3}$. Elektron va kovaklarning effektiv massalarini ko'paytnasini toping. Taqiqlangan zona kengligi $\ell_z = 0,785 \cdot 4 \cdot 10^{-4} T(\text{eV})$ qonuniyat bo'yicha o'zgaradi.

3.56. Energiyasi $E(k) = E_0 + \frac{(\hbar k)^2}{2m}$ ifoda bilan aniqlangan bir o'lchovli, aynimagan elektron gazi uchun holatlar zichligi $g(E)$ topilsin.

3.57. Bor (B) atomi $N_a = 10^{17} \text{ sm}^{-3}$ miqdorda kiritilgan kremniydag'i kovaklar zichligi topilsin. $T = 300 K$, $m^* = 0,59 m_0$, $\mu_p = 100 \text{ sm}^2 Vs^{-1}$ va $g_0 = 1$. Bor atomlari uchun $E_V = +0,045 eV$.

3.58. Yarimo'tkazgichdag'i elektronlar zichligi $T = 400 K$ da $n = 1,3 \cdot 10^{16} \text{ sm}^{-3}$, $T = 350 K$ da $n = 6,2 \cdot 10^{15} \text{ sm}^{-3}$ bo'lsa, taqiqlangan zona kengligi E_g ni aniqlang. E_k temperaturaga chiziqli bog'langan deb hisoblang.

3.59. Toza germaniydag'i elektronlari harakatchanligi $T = 300 K$ da $\mu_n = 3800 \text{ sm}^2 V^{-1} s^{-1}$, $m_n^* = 0,55 m_0$ va $\mu = aT^{-\frac{1}{2}}$ bo'lsa, germaniyning $T = 30 K$ dagi solishtirma qarshiligini toping. $E_g = 0,785 - 4 \cdot 10^{-4} T$ qonuniyat bo'yicha o'zgaradi, $\frac{\mu}{\mu_0} = 2,1$ va a doimiy kattalik deb olinsin.

4 -qiyinlik darajadagi masalalar

1. Yarimo'tkazgichlardagi elektronlar va kovaklar statistikasi.

Valent zonadagi kovaklar kotsentrasiyasi - p va o'tkazuvchanlik zonasidagi elektronlar konsentratsyasi - n mos ravishda quyidagi ifodalar bilan aniqlanadi:

$$n = \frac{2}{(2\pi)^3} \int dk f_n(E_n(k)), \quad (1.1a)$$

$$p = \frac{2}{(2\pi)^3} \int dk f_p(E_p(k)) \quad (1.1b)$$

Bu yerda elektronlar va kovaklarning energiyalar bo'yicha taqsimot funksiyalarini integrallash Briyullen zonasidagi bo'yicha amalga oshiriladi. Ular quyidagi ifodalar yordamida aniqlanadi:

$$f_n(E) = \frac{1}{1 + e^{\beta(E-E_F)}}, \quad f_p(E) = 1 - f_n(E) \quad (1.2)$$

bu yerda k - kvazi to'lqin vektori, $\beta = 1/kT_{e,F}$ - Fermi sathi, $E_n(k)$ ($E_p(k)$) - elektron (kovak) lar dispersiya qonuniyati. Valent zona tepasida va o'tkazuvchanlik zona (soha) tubi yaqinrog'ida $E_n(k)$ va $E_p(k)$ funksiyalarning xususiyatlari (1.1a) (1.1b) formulalar yordamida aniqlanishi muhimdir. Agar o'tkazuvchanlik zonasidagi mos kelsa bu nuqta (kub kristal panjarada) $k=0$ dagi nu ja bo'lishi kerak. U holda aynimagan soha (zona) da

$$E_n(k) = E_s + \frac{\hbar^2 k^2}{2m_n}, \quad (1.3a); \quad \text{bu yerda } E_s \text{ va } m_n \text{- lar o'zarmas qiymatlar.}$$

Agar o'tkazuvchanlik zonasining tubiga Briyullen zonasidagi bir nechta nuqtalar mos kelsa $k^*(1,2,\dots)$ uchun (avvalgidek aynimagan zona uchun)

$$E_{n,i}(k) = E_s + \sum_{i=x,y,z} \frac{\hbar^2 (k_i - k_i^*)^2}{2m_i}, \quad m_i > 0. \quad (1.3b)$$

E_s - o'tkazuvchanglik zonasining tubiga to'g'ri keladi,
 m_e - elektronlarning effektiv massasi.

(1.3b) anizotrop holatda m_i effektiv massa tenzori komponentlari

$m_{ii}, m_{ij}^{-1} = \frac{1}{\hbar^2} \cdot \frac{\partial^2 E_s(k)}{\partial k_i \partial k_j}$ larni bosh koordinata o'qlariga keltirilgan qiymatini bildiradi.

Bosh koordinata o'qlar sistemasida quyidagilarga ega bo'lamiz.

$$\begin{aligned} m_{xx} &= m_x, \quad m_{yy} = m_y, \quad m_{zz} = m_z, \\ m_{xy} &= m_{yz} = \dots = 0 \end{aligned} \quad (1.4)$$

Xuddi shunga o'xshash ifodalar valent zonada elektronlar uchun ham yoziladi:

$$E_p(k) = E_s - \frac{\hbar^2 k^2}{2m_p} \quad (1.3v)$$

(1.3 v) izotron holat uchun va

$$E_{pz}(k) = E_s - \sum_{i=x,y,z} \frac{\hbar^2 (k_i - k_i^0)^2}{2m_i} \quad (1.3g)$$

(1.3g) esa anizotron holat uchun. Bu $E_g = E_s - E_g$ kattalik taqiqlangan zonaning kengligi deyiladi.

Aynigan (buzilgan) zonalar uchun (1.3a) va (1.3b) ifodalar mos kelmaydi, shuning uchun $E(k)$ ifoda yetarlicha murakkabroq ko'rinishda yoziladi.

Masalan, agar $k = 0$ bo'lganda valent zonada 2 ta aynigan izotrop zonalar bo'lsa, zona chekkasiga yaqin joyda dispersiya qonuni quyidagi ko'rinishga keladi.

$$E_p(k) = E_s - \frac{\hbar^2}{2m_0} \left\{ Ak^2 \pm \sqrt{B^2 k^4 + C^2 (k_x^2 k_y^2 + k_x^2 k_z^2 + k_y^2 k_z^2)} \right\}, \quad (1.3d)$$

ifodadagi + ishora "engil" - ishora esa "og'ir" kovaklarga tegishlidir, m_0 - vakuumdagi erkin elektronning massasi.

Tor taqiqlangan zonali qator yarimo'tkazgichlarda ekstremum biroz uzoqlashganda ham zonani neparabolikligi yetarlicha ta'sir qiladi. Agar parabolik holatlar 2 ta valent va o'tkazuvchanlik zonalarini o'zaro ta'siri deb faraz qilsak, boshqa zonalar yetarlicha uzoqda joylashgan bo'lib, qaralayotgan zonalardagi dispersiya qonunini taxminan quyidagicha ko'rinishda yozamiz:

$$E(k) = E_s + \frac{\hbar^2 k^2}{2m_0} + \frac{1}{2} \left(\pm \sqrt{E_g^2 + \frac{8}{3} P^2 k^2} - E_g \right) \quad (1.3e)$$

Bu yerda + (belgisi) ishora o'tkazuvchanlik, - minus esa valent zonaga tegishlidir. Parametr P -zonalarini o'zaro ta'siri bildiradi. (1.3e) dispersiya

qonuni Keyn tomonidan kiritilgan: $m(0) = \frac{3\hbar^2 E_s}{4P^2}$ ifoda zona chegarasi yaqinida effektiv massa qiymati, $m(0) \ll m_0$ bo'lganda quyidagi ifodani yozamiz:

$$E(k) = E_s + \frac{1}{2} \left(\pm \sqrt{E_s^2 + \frac{2\hbar^2 k^2 E_s}{m(0)}} - E_s \right) \quad (1.3j)$$

Tor taqilangan zonalı bir qator yarımo'tkazgichlar uchun o'tkazuvchanlik zonasida yuqoridağı ifoda bilan xarakterlanuvchi dispersiya qonunini yetarlıcha bajarılıdi.

Oddiy parabolik zona (1.3a) uchun elektronlar konsentratsyasi quyidagi ifoda bilan topiladi:

$$n = N_s F_{\chi_2}(\eta), \eta = \frac{F - E_s}{kT} \quad (1.5),$$

bu yerda

$$N_s = 2 \left(\frac{m_n k T}{2\pi\hbar^2} \right)^{3/2} \quad (1.6)$$

o'tkazuvchanlik zonasida holatlar effektiv zichligi deyiladi, $F_{\chi_2}(\eta)$ esa Fermi integralini bildiradi. Aynish kuzatilmaganda, (1.5) ifoda quyidagi ko'rinishga keladi:

$$n = N_s e^\eta \quad (1.7)$$

Murakkabroq $E(k)$ bog'lanishlarda konsentratsya (1.5) va (1.6) ifodalar bilan beriladi, bu effektiv massa zichligining holati deyilib, m_n kattalik m_d ga almashtirib yoziladi. (1.3b) holat uchun

$$m_d = Q^{1/3} (m_n m_i)^{1/3}, \quad (1.8)$$

bu yerda Q -o'tkazuvchanlik zonasidagi ekvivalent minimumlar soni (4-masalaga qarang).

Fermi sathini aniqlovchi asosiy munosabatlar vazifasini elektr neytrallik sharti bajaradi, ya'ni

$$p + \sum_j z_j N_j - n = 0 \quad (1.9)$$

bu yerda z_j - elektron zaryad birligidagi j sirdagi zaryadni bildiradi (ishorasiga hisobga olingan holda), N_j - j sortli aralashma konsentratsyasi.

Aralashmali atomlar energetik sathlarining to'ldirilish darajasi quyidagi ifodalar bilan aniqlanadi:

$$\frac{N_d^0}{N_d^+} = g_d e^{\frac{F - E_d}{kT}}, \quad \frac{N_d^-}{N_d^0} = g_a e^{\frac{F - E_a}{kT}}, \quad (1.10)$$

bu yerda $N_d^0 (N_d^+)$ va $N_d^- (N_a^-)$ -lar neytral va zaryadlangan donor (akseptor) lar sonini bildiradi.

$g_d (g_a)$ -aynigan aralashmali sath faktori, $E_d (E_a)$ - donor (akseptor) larning aralashmali sathlar energiyalari.

Ifodadagi E_d, E_a , g_d va g_a -lar har birri alohida olingan holatda tajriba yordamida aniqlanadi. Oddiy ko'rinishda aralashma sathining aynishi elektronning epini bilan bog'liq bo'lgan holda aynish faktori \geq ga teng bo'ladi.

4.1. Aynimagan xususiy yarimo'tkazgichdagi Fermi sathining holati va temperaturaga bog'liqlik konsentratsyasi topilsin. Agar $E_g = (0.785 - \xi T) eV$ bo'lganda, temperatura 200 dan 300 K gacha o'zgargandagi elektronlar konsentratsyasi qanday o'zgaradi?

4.2. Xususiy yarimo'tkazgichdagi elektronlar konsentratsyasi 400 K temperaturada $1.38 \cdot 10^{15} sm^{-3}$ ga teng bo'lgan. Agar taqiqlangan zonaning kengligi $E_g = (0.785 - 4 \cdot 10^{-4} T) eV$ qonun bo'yicha o'zgarishi aniqlas, elektron va kovaklar effektiv massalarining ko'paytmasi topilsin.

4.3. Tekshirilayotgan yarimo'tkazgichdagi, Xoil effekti bo'yicha olib borilgan o'lchashlar 400^0 K temperaturadagi elektronlar konsentratsyasi $1.3 \cdot 10^{16} sm^{-3}$ ekanligi, 350^0 K temperaturada esa $6.2 \cdot 10^{15} sm^{-3}$ ga tengligi aniqlanadi. Material taqiqlangan sohasining kengligi topilsin. Qaralyotgan material taqiqlangan sohasi temperaturaga bog'liq holda chiziqli qonun bo'yicha o'zgaradi.

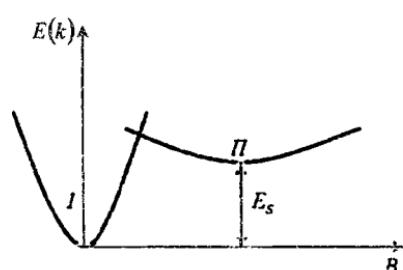
4.4. Germaniy va kremniydagagi elektronlar holatlari zichligining effektiv massasini va Fermi sathining konsentratsyaga bog'liqligini aniqlang. Q'tkazuvchanlik zonasidagi dispersiya qonuni (1,3b) ifoda bilan aniqlanadi. Ma'lumki, k -fazoda doimiy energiya sirti aylanuvchi ellipsoidga to'g'ri keladi, u germaniyda $Q=4$ ga teng, ko'ndalang massasi $m_i = 0.082 m_0$, bo'ylama massasi esa $m_t = 1.64 m_0$, kremniyda esa $Q=6$, $m_i = 0.19 m_0$, $m_t = 0.98 m_0$.

4.5. Valent zonadagi (1,3d) dispersiya qonunini qo'yidagicha yozish mumkin:

$$E(k) = E_s - \frac{\hbar^2 k^2}{2m_0} \left[A \pm B \sqrt{1 + \delta \cdot 6 \left(\frac{k_x^2 k_y^2 + k_x^2 k_z^2 + k_y^2 k_z^2}{k^4} - \frac{1}{6} \right)} \right]^{\frac{1}{2}},$$

bu yerda $B'^2 = B^2 + \frac{1}{6} C^2$, $\delta = \frac{C^2}{6B'^2}$, figurali qavslar ichidagi ifodaning son qiymati $\frac{1}{6}$ dan katta bo'la olmaydi.

δ -bo'yicha qatorga yoyishdan foydalanib, germaniydagagi holatlar zichligining effektiv massalarini "engil" va "og'ir" kovaklar uchun baholansin (aniqlansin) ($A = 13.1$; $B = 8.3$; $C = 12.5$), xuddi shu kabi effektiv massa zichlik holati butun valent zonasini uchun topilsin.



1- rasm

4.6. Avvalgi masala natijalaridan foydalanib, germaniydagagi yengil kovaklar hamma kovaklarning qanday qismini tashkil etishi aniqlansin.

4.7. Parabolik zonalni xususiy yarimo'tkazgichdagi 600^0 K temperaturada

Fermi sathininig holati va elektronlar konsentratsyasi topilsin, agar taqilangan zonaning shu temperaturadagi o'zgarishi $E_s = (0.26 - 2.7 \cdot 10^{-4}T)eV$ qonunga bo'yusuna, o'tkazuvchanlik zonasidagi elektron gazining aynishi hisobga olinmagandagi xatolik baholansin, effektiv massalar $m_n = 0.1m_p = 0.02 m_0$, ga teng deb va (ilova 4) dagi Fermi integralidan foydalanilsin. Aynish uncha kuchli emas deb olinsin.

4.8. Uy temperaturasida (300K) toza Ge dagi elektronlarning harakatchanligi $3800 \frac{sm^3}{V \cdot s}$. Bunday materialning shu temperaturadagi va 30 K dagi solishtirma

qarshiligi topilsin, elektronlar harakatchanligi $\mu = aT^{-\frac{3}{2}}$ deb olinsin, bu yerdagi a - doimiy (o'zgarmas son), elektronlarning effektiv massasi $0.56m_0$, kovaklarniki esa $0.37m_0$ ga teng, qaralayotgan hamma temperaturalar uchun taqilangan zonaning kengligi $E_g = (0.785 - 4 \cdot 10^{-4}T)eV$ chiziqli qonun bo'yicha o'zgaradi, elektron va kovaklar harakatchanligining o'zaro nisbati $b = \frac{\mu_n}{\mu_p} = 2.1$ ga teng deb olinsin.

4.9. Arsenid galliyning o'tkazuvchanlik zonasidagi asosiy minimumdan biri Briullen zonasining markazida yotadi, undan tashqari boshqa minimumlar ham mavjud bo'lib, ular E_s dan yuqoriroq joylashgan (1-rasm) aynimagan elektron gazi uchun shu yarimo'tkazgichdagisi va kuchli aynigan holat chegarasidagi Fermi sathining konsentratsyasiga bog'liqligi topilsin. Boshqa zonalarning ta'siri hisobga olinmasin.

4.10. Arsenid galliyning yuqori minimum holatlardagi aynigan holat hisobga olinmagan holda elektron gazining temperaturaga bog'liqligi hisobga olinib, to'ldirilishi hisobga olinsin. Yuqori minimumdagi elektronlar konsentratsyasi n_u ning asosiy minimumdagi elektronlar konsentratsyasiga nisbati $300^0 K$ va $1000^0 K$ temperaturalar uchun nimaga teng bo'ladi? Elektronlar uchun effektiv massa zichlik holati (yuqori minimum holat uchun) $m_u = 15m_1$, $E_s = 0.35 eV$ larga teng deb, elektronlarning to'liq zichligini temperaturaga bog'liq emas deb qabul qiling.

4.11. Arsenid galliyni o'tkazuvchanligi elektron gaz temperurasiga bog'liqligini tekshiring. Elektronlarning to'liq konsentratsyasi va I, II minimum holatlardagi harakatchanligi temperaturaga bog'liq emas deb olinsin. O'tkazuvchanlikni o'zgarishini elektron gazining temperaturasi $300 K$ dan $1000 K$ ga chiq o'zgarganda qanday bo'lishligi hisoblansin. $\frac{\mu_{1000}}{\mu_{300}} = 50$: boshqa

parametrlarning kerakli qiymatlari 4.10 masaladan olinsin.

4.12. Yarimo'tkazgichdagisi elektronlar konsentratsyasi, Fermi sahi aniqlansin. k ning kichik qiymatlari uchun elektronlar dispersiyasi $E_n(k) = E_s + \frac{\hbar^2 k^2}{2m_n}(1 - \gamma k^2)$, bu yerda γ - doimiy son

4.13. n-tipli aynigan yarimo'tkazgichdagi elektronlar konsentratsyysini Fermi sathi bilan bog'liqlik ifodasi aniqlansin. Dispersiya qonuni (1.3j) ifodadagidek deb qabul qilinsin.

4.14. Quyidagi

$$n = 2 \left(\frac{m_e k T}{2\pi \hbar^2} \right)^{\frac{1}{2}} F_{1/2}(\eta)$$

ifodani dispersiya qonuni kvadratik qonundan farq qilgan holda m_d effektiv massani topish ifodasi deb qabul qilsak bo'ladi. Kuchli aynigan holat chegarasida, (1.3j) dispersiya qonuniga bo'ysunuvchi yarimo'tkazgich uchun m_d ni konsentratsyaga bog'liqligi topilsin. Olingan ifodani xuddi shunga o'xshash $m^* \theta = \hbar K$ ifoda bilan aniqlanadigan m^* effektiv massa bilan solishtirilsin. Bu yerda θ - elektronning guruhiy tezligi, qaralayotgan dispersiya qonuni uchun m^* va m_d orasidagi munosabat aniqlansin.

4.15. N_d konsentratsyali, bir tipli, bir valentli donorlardan tashkil topgan, aynimagan yarimo'tkazgich uchun Fermi sathining aralashmali soha uchun temperaturaga bog'liqligi o'rGANILSIN.

4.16. 10^{16} sm^{-3} konsentratsyali surma bilan legirlangan germaniyning donor aralashmali sati bilan mos tushuvchi Fermi sathi temperaturasi aniqlansin. (surma sath $E_d = E_s - 0,01 \text{ eV}$, g_d ni esa 2 ga teng deb olinsin). Shu temperaturadagi elektronlar konsentratsyasi nimaga teng?

4.17. Bir turli, bir valentli donor aralashmali yarimo'tkazgichdagi elektronlar konsentratsyasingining temperaturaga bog'liqlik grafigi yasalsin. Tarkibida $2 \cdot 10^{15} \text{ sm}^{-3}$ surma bo'lgan germaniyda uy temperaturasidagi tok tashuvchilar konsentratsyasi qanday bo'ladi?

4.18. Shunday temperatura oralig'i topilsinki, unda elektronlar konsentratsyasi doimiy (o'zgarmas) bo'lib, donorlar konsentratsyasiga teng bo'ladi. Germaniy uchun interval chegarasi topilsin, germaniyi tarkibida $2 \cdot 10^{15} \text{ sm}^{-3}$ donorlar mavjud, energetik sati esa $E_d = E_s - 0,01 \text{ eV}$ taqiqlangan zonaning kengligi $E_g = \Delta - \xi T$, bu yerda $\Delta = 0,785 \text{ eV}$ va $\xi = 4 \cdot 10^{-4} \text{ eV/grad}$, aynish faktori 2 ga teng.

4.19. Xuddi yuqoridagiga o'xshash masala indiy antimonid uchun yechilsin, elektronning effektiv massasi $0,15 m_0$, $\Delta = 0,26 \text{ eV}$, $\xi = 0,27 \cdot 10^{-4} \text{ eV/grad}$;

$$E_d = E_s - 0,001 \text{ eV}; \quad N_d = 2 \cdot 10^{15} \text{ sm}^{-3}, g_d = 2.$$

Zonaning neparabolikligi hisobga olinmasin.

4.20. Tarkibida N_d konsentratsyadagi bir turdag'i bir valentli donorleri bo'lgan aralashmali yarimo'tkazgichda Fermi sathining temperaturaga bog'liqlik grafigi aniqlansin (aynish ta'siri ham e'tiborga olinsin). Germaniy va antimонид indiyilar uchun donorlarning minimal konsentratsyasi baholansin, bu holatda Fermi sathi o'tkazuvchanlik zonasida bo'ladi. Aynishni uncha katta emas ($\eta \leq 1,3$) deb, Fermi integralidan (ilova 4) foydalaniadi. Parametrlarni son qiymatlarini 4.18 va 4.19 masalalardan olinsin.

- 4.21. Bor bilan legirlangan ($N_a = 10^{17} \text{ sm}^{-3}$) kremniyning uy temperaturasida solishtirma qarshiligini va kovaklar konsentratsyysini hisoblang. Kovaklar uchun holatlar zichligining effektiv massasi $m_e = 0,59 m_0$, harakatchanlik $\mu_p = 100 \text{ sm}^2/V \cdot s$, $g_a = 1$, kremniydagи borning energetik sathi $0,045 \text{ eV}$. Temperatura 30 K bo'lganda kovaklar konsentratsyasi nimaga teng bo'ladi?
- 4.22. Qisman kompensasiyalangan namuna ($N_d > N_a$) dagi tok tashuvchilar konsentratsyysini aynish hisobga olinmaganda aralashma oblastidagi temperaturaga bog'liqligi aniqlansin. inning $\left(\frac{1}{T}\right)$ ga bog'lanishining quyi temperaturaviy qismidagi og'maligini belgilovchi aktivasiya energiyasi nimaga teng?
- 4.23. Kuchli kompensasiyalangan ($N_d \approx N_a$) yarimo'tkazgichlardagi tashuvchilar konsentratsyysini temperaturaga bog'liqligi ifodasi aniqlansin.
- 4.24. Germaniy surma va bor bilan legirlangan. Bor konsentratsyasi 10^{16} sm^{-3} , kompensasiya darajasi $N_a / N_d = 0,5$ ga teng, aynish faktori 2 ga teng deb, 250 K temperaturadagi elektronlar konsentratsyasi topilsin, agar $m_e = 0,56 m_0$, $E_d = E_s - 0,01 \text{ eV}$ bo'lsa.
- 4.25. Qisman kompensirlangan ($N_d > N_a$) yarimo'tkazgichdagi elektronlar konsentratsyysini temperaturaviy grafigi ko'rsatilsin, yarimlogarifmik masshtabdan foydalangan holda grafik o'qlariga in n va $\left(\frac{1}{T}\right)$ lar qo'yilsin.
- 4.26. Temperaturaning shunday sohasi topilsinki, unda qisman kompensirlangan yarimo'tkazgich ($N_d > N_a$) dagi elektronlar konsentratsyasi o'zgarmas va $N_d = N_a$ ga teng bo'ladi. Konsentratsyasi $2 \cdot 10^{15} \text{ sm}^{-3}$ bo'lgan mishyak ($E_d = E_s - 0,05 \text{ eV}$) va $1,2 \cdot 10^{15} \text{ sm}^{-3}$ konsentratsyadagi alyuminiy bilan legirlangan kremniy uchun shunday soha chegarasi baholansin. Kremniydagи holatlar zichligining effektiv massasi elektronlar uchun $1,1 m_0$, taqiqlangan zonaning kengligi temperatura bo'yicha $E_p = (1,21 - 2,8 \cdot 10^4 T) \text{ eV}$ qonun bilan o'zgaradi, donorlar uchun aynish faktori 2 deb olinsin.

2. Yarimo'tkazgichlardagi zaryad tashuvchilar rekombinasiyasи.

Zaryad tashuvchilar konsentratsyysini n va p larning qiymatlaridan chetias' ishi natijasida issiqlik generasiyasi orasidagi balans buziladi - bu bir tomonidan, ikkinchi tomondan esa, lokal markazlarda tok tashuvchilar ushlab qolinadi. Elektron - kovaklar rekombinasiyasining absolyut tezliklari u_n va u_p noldan farqli bo'ladi va bu tezliklar tok tashuvchilarning natijaviy ushlanish soniga tengdir ($1 \text{ sm}^3, 1 \text{ sekundda}$)

$$-\left(\frac{\partial \Delta n}{\partial t}\right)_{rek} = u_n = \frac{\Delta n}{\tau_n}; \quad -\left(\frac{\partial \Delta p}{\partial t}\right)_{rek} = u_p = \frac{\Delta p}{\tau_p}; \quad (2.1)$$

tengliklar bilan elektron va kovaklarning yashash vaqtllari aniqlanadi, ya'ni τ_n va τ_p nostasionar holatlarda umumiy holda, $\Delta n \ll \Delta p$ larga bog'liqdir. Shuningdek, agar zonalararo to'g'ridan - to'g'ri rekombinasiyalar ko'p bo'lsa, u holda

$$u_n = u_p = \alpha(np - n_0 p_0), \quad (2.2)$$

Bu yerda α - doimiy.

Ko'p hoilarda rekombinasiya panjara defektlarida erkin tok tashuvchilarni ushlab qolish bilan amalga oshadi (tutish markazlari yoki tuzoqlar), ular taqiqlangan zonalarda lokal energetik sathlarni hosil qiladi. Odatda aynimagan yarimo'tkazgichda N_t - konsentratsyada bir turli ushlash markazlari bo'ladi. Ular biita E_f -lokal sathni beradi. Stasionar holatlar uchun quyidagi munosabat o'rinnlidir:

$$u_n = u_p = u = N_t \frac{a_n a_p (pn - p_0 n_0)}{a_n (n + n_0) + a_p (p + p_0)}. \quad (2.3)$$

Bu yerda

$$n_i = N_s \exp \frac{E_i - E_s}{kT}, \quad p_i = \frac{p_0 n_0}{n_i} = \frac{n_i^2}{n_0} \quad (2.4)$$

E_f ga tuzoqlarning aynishlarini hisobga oluvchi $kT \ln g$ ham kiritilgan (1.10) bilan solishtirib, a_n va a_p lar elektron va kovaklar ushlanish koefitsiyentlari ifodalariga ushlash kesim yuzasi kattaligini ham kiritish foydali:

$$S_n = \frac{a_n}{v_t}, \quad S_p = \frac{a_p}{v_t}, \quad (2.5)$$

Bu yerda $\beta_i = \sqrt{\frac{3kT}{m_0}}$ erkin elektronning "issiqlik" tezligi, N_t konsentratsya juda kichik bo'lganligi sababli elektronlarni tuzoqlardagi (lovushkalardagi) nomuvazaran konsetrasiyasini hisobga olmasa ham bo'ladi:

$$\frac{\Delta n_t}{\Delta p} = - \frac{\Delta p_t}{\Delta p} = \frac{N_t}{n_0 + n_1} \frac{a_n n_1 - a_p n_0}{a_p (p_0 + p_1) + a_n \left[n_0 + n_1 + \frac{N_t n_i}{n_0 + n_1} \right]} \quad (2.6)$$

Bu tok tashuvchilarni yopishib qolishi sodir bo'lmaydigan holatdir, u holda

$$\tau_z = \frac{\tau_{n0}(p_0 + p_1 + \Delta n) + \tau_{p0}(n_0 + n_2 + \Delta n)}{n_0 + p_0 + \Delta n} \quad (2.7)$$

bu yerdag'i

$$\tau_{n0} = \frac{1}{N_t a_n}, \quad \tau_{p0} = \frac{1}{N_t a_p} \quad (2.8)$$

lar tok tashuvchilar juftining yashash vaqtllari hisoblanadi. Bu vaqtlar kuchsiz uyq'ongan unipolyar materiallardagi p - va n - turlarga mos ravishda to'g'ri keladi.

Agar ushlash markazi taqiqlangan zonada 2 ta lokal (mahalliy) E_1 ea E_2 sathlar bosil qilsa, muvozanat holatlardan biroz chetlashish va yopishib qolish hisobga olimmaganda

$$\frac{1}{\tau} = \frac{1 + \frac{n_0}{p_0}}{1 + \frac{p_1}{p_0} + \frac{p_1 p_2}{p_0^2}} N_i \left[\frac{1}{\frac{1}{a_{s1}} + \frac{1}{a_{s1}} \frac{n_1}{p_0}} + \frac{\frac{p_1}{p_0}}{\frac{1}{a_{s2}} + \frac{1}{a_{s2}} \frac{n_2}{p_0}} \right], \quad (2.9)$$

ko`rinishga ega bo`ladi.

Bu yerda ushlash koeffitsiyentlariagi ikkinchi indekslar tok tashuvchilarini qaysi sath orqali ushlanishini bildirsa, n_1, n_2, p_1, p_2 -lar (2.4) dagiga o`xshash holda E_1 ni E_1 yoki E_2 ga almashtirish bilan aniqlanadi.

Yarimo`tkazgichlarda tutib olish markazlaridan tashqari yana yepishib turish deb ataluvchi markazlar borki, ular o`tkazuvchanlik zonasidan elektronlarni ushlab oladi va yana qaytarib beradi, u holda n -turdagi namunada muvozanatdan biroz chetlanganda ham quyidagi ifodalar o`rini bo`ladi.

$$\begin{aligned} -\frac{\partial \Delta n}{\partial t} &= u_n = \frac{\Delta n}{\tau_r} + \frac{\Delta n}{\tau_j} - \frac{\Delta n}{\tau_2}, \\ -\frac{\partial \Delta p}{\partial t} &= u_p = \frac{\Delta n}{\tau_r}, \quad \Delta n_i = \Delta p - \Delta n, \end{aligned} \quad (2.10)$$

bu yerda τ_r - rekombinasiyoning yashash vaqtini

τ_n - yopishish sathidagi elektronning o`rtacha ushlanish vaqtini

τ_2 - qaytdan tashlangan o`rtacha vaqtini.

4.27. Hajm bo`yicha elektron - kovak juftlarining generasiya to`xtatilgandan so`ng $t_1 = 10^{-4}$ s o`tgach zaryad tashuvchilarining nomuvozanat konsentratsiyasi $t_2 = 10^{-3}$ s dagidan ko`ra $n = 10$ marta kattaroq ekanligi aniqlandi. Agar uyg`otish darajasi uncha katta bo`lmasa va rekombinasiya faqat oddiy nuqsonlar orqali yuz berayotgan bo`lsa yashash vaqtini τ ni aniqlash.

4.28. 1 sm² yuzaga 1s ichida $I = 5 \cdot 10^{15}$ ta yorug`lik kvanti tushib turuvchi namunadagi o`tkazuvchanlik nisbiy o`zgarishini hisoblang. Yutilish koeffitsiyenti $a = 100 \text{ sm}^{-1}$: namunani qalinligi a^{-1} ga nisbatan ancha kichik rekombinasiya oddiy nuqsonlarda o`tadi;

$$n_0 = 10^{15} \text{ sm}^{-3}, \tau = 2 \cdot 10^{-4} \text{ s}$$

4.29. Agar generasiya manbai o`chirilgan paytda $t=0$ rekombinasiya $u = a(p - n^2)$, tezlik bo`yicha kechayotgan bo`lsa, bunda $a = \text{const}$ n - tur modulada erkin tok tashuvchilar konsentratsiyasining o`zgarish qonuniyatini aniqlang.

4.30. Yarimo`tkazgichda $N_4 = 5 \cdot 10^{12} \text{ sm}^{-3}$ va $E_s = (E_s + E_v)/2$. rekombinasiyoning markaz mavjud. 300° k da elektron va kovaklarni tutilish kesimi bir xil, muvozanatdan kichik og`ish $\tau = 10^{-4}$ s, $\rho = 50 \text{ m sm}$. Tutilish kesimi S ni toping.

4.31. n -Ge ning $n_0 = 10^{14} \text{ sm}^{-3}$ li namunasida rekombinasiya oddiy markazlarda yuz beradi. Ularning energetik sathi taqiqlangan sohaning yuqori yarmida joylashgan va $N_2 = 2 \cdot 10^{12} \text{ sm}^{-3}$; $T = 300K$ da $\tau = 17 \text{ mks}$, $T = 200K$ da $\tau = 2 \text{ mks}$, juda past temperaturada $\tau \sim T^{-\frac{1}{2}}$. Kovaklarning tutilish kesimi S_p va n_0 ni doimiy deb hisoblab, E_t esa S_p ni aniqlang.

4.32. Turli n_0 esa p_0 li Ge namunalarida $N_i = 2 \cdot 10^{13} \text{ sm}^{-3}$ li oddiy rekombinasion markazlar mavjud. 300K da unipolyar n -Ge da $\tau = \tau_1 = 8 \text{ mks}$, $p_0 = p_{02} = 10^{13} \text{ sm}^{-3}$, $\tau_2 = 26 \text{ mks}$ maksimal τ esa $\tau = \tau_{maj} = 91 \text{ mks}$. Markazning energetik sathi taqiqlangan sohaning pastki yarmida joylashgan deb hisoblab, energetik sathi E_t ni zaryad tashuvchilarning tutilish kesim yuzasi va koefitsiyentini aniqlang.

4.33. n -turli Ge da ($n_0 = 10^{15} \text{ sm}^{-3}$) stasionar gruppash bilan hajm bo'yicha zaryad tashuvchilar justi paydo qilinyapti. Kuchsiz yoritilganlikda $\tau_2 = 2 \text{ mks}$, $\Delta n/n_0 = 0,1$ da rekombinasiya $\tau = 4,7 \text{ mks}$ bilan yuz beradi. Agar rekombinasiya $E_t = E_c - 0,20 \text{ eV}$ li oddiy markazlarda yuz berayotgan bo'lsa, 300 K da kovaklar va elektronlarning tutilish kesim yuzasi nisbatlarini hisoblang.

4.34. 300 K da $\rho_o = 1,65 \Omega \cdot \text{sm}$ n -Ge li namunalari uchun kuchsiz yoritilganligida yashash vaqtiga $\tau = \tau_1 = 2,0 \text{ mks}$, kuchliroq uyg'otishida $\rho_1 = 1,275 \Omega \cdot \text{sm}$ va $\tau = \tau_1 = 3,3 \text{ mks}$. Rekombinasiya $E_t = E_s + 0,32 \text{ eV}$ satr orqali yuz beradi deb hisoblab, monopolyar p -va n -Ge uchun shu rekombinasiya mexanizmida yashash vaqtini hisoblang.

4.35. Yarimo'tkazgichga $N_a = 10^{16} \text{ sm}^{-3}$ konsentratsyali akseptor aralashma kiritilgan. Ularni sathi taqiqlangan sohani o'rtafiga yaqin joylashgan. Tutilish kesimlari nisbati $S_n/S_h = 100$. Bunda yarimo'tkazgichga sayoz holatlari donor $N_d = 10^{15} \text{ sm}^{-3}$ kiritilgan. Past temperaturada namuna yorug'lik bilan nurlantiriladi, bunda hajm bo'yicha bir tekisda $g = 10^{19} \text{ sm}^{-3} \text{s}^{-1}$ just tezlikda zaryad tashuvchilar paydo bo'ladi. Elektronlarning yashash vaqtiga $\tau_n = 10 \text{ mks}$, τ_p , nomuvozanatlari Δn va Δp konsentratsyalarini, shuningdek tutilish koefitsiyentlari α_n esa α_p ni aniqlang.

4.36. p -Ge da nomuvozanatlari zaryad tashuvchilarining yashash vaqtiga τ ni aniqlashda temperatura xona temperaturasidan to $T = 120^{\circ}\text{K}$ gacha o'zgargan. τ ni temperaturaga bog'liqligi quyidagi ko'rinishga ega bo'lgan:

$$\tau = 10^{-5} \left[8,1 - 6,2 \ln \left(\frac{955}{T} - 4,41 \right) \right] \text{ sek}$$

Rekombinasiya 2 ta E_t - taqiqlash sohasini pastki yarim va E_t - yuqori yarim sohasida bo'lishi ma'lum. Elektronlarning tutish koefitsiyentini a_m va a_n hamda p_0 , n_0 doimiy deb hisoblab, bu kattailiklar va E_t ni aniqlashda

$N_e = 2 \cdot 10^{12} \text{ sm}^{-3}$ va $N_i = 10^{19} \text{ sm}^{-3} = \text{const.}$ deb hisoblang. 200 K temperaturada elektronlarning tutish kesim yuzasini aniqlang.

4.37. Muvozanatdan kuchsiz og'ishni hosil qiluvchi stasionar generasiya to'xtatilgandan so'ng, n -turli yarimo'tkazgichda qo'shimcha zaryad tashuvchilarining konsentratsyasi qanday o'zgarishini aniqlash. Rekombinasiya vaqt τ_r , tutilish vaqt τ_1 va teskarri o'tish vaqt τ_2 ma'lum deb hisoblansin.

4.38. Yuqoridagi masala shartida ifodalangan sharoitda $n_0 = 5 \cdot 10^{15} \text{ sm}^{-3}$ bunda stasionar generasiya $g = 10^{19} \text{ sm}^{-3} \cdot \text{s}^{-1}$ $n - Ge$ da o'tkazuvchanlikni nisbiy o'zgarishi aniqlansin va agar $\tau_r = 2 \text{ mks}$, $\tau_1 = 5 \text{ mks}$, $\tau_2 = 50 \text{ mks}$. bo'lsa uning relaksasiyasini miqdoriy tadqiq qilish.

4.39. n -turdagi germaniyda kuchsiz qo'zg'atishda fotootkazuvchanlik fotoelektromagnit effektlar bo'yicha aniqlangan. $\frac{\Delta p_1}{\Delta p} = 24$ va $n_0 = 4 \cdot 10^{14} \text{ sm}^{-3}$

Rekombinasiya $E_r = E_g + 0.16 eV$, $N_i = 10^{14} \text{ sm}^{-3}$, $a_p = 10^{-8} \text{ sm}^3 \cdot \text{s}^{-1}$ markazda yuz beradi. $N_e = N_i = 10^{12} \text{ sm}^{-3}$ konsentratsyali va yuqoridagidek tabiatli markazlar mavjud bo'lganda hamda kuchsiz uyg'atish holati uchun elektron va kovaklarning yashash vaqtini aniqlansin.

3. Zaryad tashuvchilarining diffuziyasi va dreyfi

Zaryad tashuvchilarining notejisini taqsimoti natijasida namunada diffuzion toklar yuzaga keladi. Elektron va kovak diffuzion toklari quyidagi tenglamalar bilan aniqlanadi:

$$j_{n,dif} = eD_n gradn \quad j_{p,dif} = -eD_p gradp \quad (3.1)$$

Bunda e - elektron zaryadi, D_n va D_p - elektron va kovaklarning diffuziya koefitsientlari, n va p ularning konsentratsyasi.

Elektron va kovaklarning to'liq toki ushbu holda diffuzion va dreyf tashkil etuvchilar yig'indisidan iborat:

$$\begin{aligned} j_n &= eD_n gradn + en\mu_n E, \\ j_p &= -eD_p gradp + ep\mu_p E. \end{aligned} \quad (3.2)$$

Bu yerda μ_n va μ_p - elektron va kovaklar harakatchanganligi.

Muvozanat holatida, unipolyar, masalan elektron yarimo'tkazgichda tok bo'lmaydi:

$$j_n = j_{n,dif} + j_{n,dr} = 0. \quad (3.3)$$

Elektronlarning konsentratsyясини (1.5) formula yordamida o'tkazuvchanlik zonasining $-e\phi$ (2) pasayishini hisobga olgan holda, bunda ϕ - elektrostatik potensialni deb hisoblab va (3.1) dan quyidagini topamiz:

$$j_{n,dr} = \frac{e^2 D_n}{kT} \frac{dn}{d\phi} grad\phi, \quad (3.4)$$

Bunda $\eta = \frac{F - \tilde{E}_S}{kT}$. Bundan (3.2) va (3.3) ga asoslanib topamiz:

$$D_n = \frac{n \mu_n kT}{e} \frac{\frac{dn}{d\eta}}{d\eta}. \quad (3.5)$$

Xuddi shunday kovaklar uchun ham:

$$D_p = - \frac{p \mu_p kT}{e} \frac{\frac{dp}{d\eta}}{d\eta}. \quad (3.6)$$

Aynimagan yarimo'tkazgichlar uchun (1.7) ifoda o'rini bo'lganda (3.5) va (3.6) tengliklar Eynshteyn ifodasiga o'tadi:

$$D_n = \frac{\mu_n kT}{e}, \quad D_p = \frac{\mu_p kT}{e}. \quad (3.7)$$

Elektronlar va kovaklar kinetikasi uzliksizlik tenglamasi orqali tavsiflanadi:

$$\begin{aligned} \frac{\partial n}{\partial t} &= g - \frac{\Delta n}{\tau_n} + \frac{1}{e} \operatorname{div} j_n, \\ \frac{\partial p}{\partial t} &= g - \frac{\Delta p}{\tau_p} + \frac{1}{e} \operatorname{div} j_p, \end{aligned} \quad (3.8)$$

Bu yerda Δn va Δp elektron va kovaklar konsentratsyasi n va p lar bilan ularning muvozanat paytidagi qiymatlari n , va p , orasidagi farq, g -birlik vaqt ichida namuna birlik hajmida paydo bo'lgan elektron - kovak juftlari soni:

$$g = \gamma a I e^{-\alpha x}, \quad (3.9)$$

Bunda γ -kvant chiqishi, α -yorug'likning yutilish koeffitsenti, $I e^{-\alpha x}$ - kvant oqimi zichligi. τ_n va τ_p elektron va kovaklarning yashash vaqt (2.1) va (2.3) ifoda orqali hisoblanadi.

Diffuziya hodisasi ko'rib chiqilayotganda odatda uzunlik o'lchamidagi xarakterli kattalik kiritiladi:

$$L_n = \sqrt{D_n \tau_n}, \quad L_p = \sqrt{D_p \tau_p}, \quad (3.10)$$

Bular mos ravishda elektron va kovaklarini diffuzion uzunligi deyiladi.

(3.8) va (3.2) tenglamalarga elektroneytrallik buzilgan hol uchun Puasson tenglamasini qo'shish lozim bo'ladi:

$$\operatorname{div} E = \frac{4\pi\rho}{\epsilon}, \quad (3.11)$$

Bunda ρ -elektr zaryad zichlik, ϵ - yarimo'tkazgichning dielektrik singdiruvchanligi.

Ta'kidlash joizki, ko'pincha yarimo'tkazgichning lokal elektroneytrallik shartini kiritish mumkin.

Ushlanish bo'imagan holda, ya'ni $\tau_n = \tau_p = \tau$, bu quyidagini anglatadi:

$$\begin{aligned} \Delta n &= \Delta p, \\ \rho &= 0, \quad \operatorname{div}(j_n + j_p) = 0. \end{aligned} \quad (3.12)$$

Bunda elektron va kovoklarning diffuziya va dreyfi o'zaro bog'liq - tez diffuziyaluvchi tashuvchilarni tormozlovchi va sekinlanganlarini tortuvchi elektr maydon yuzaga keladi.

Ortiqcha zaryad tashuvchilarning yagona neytral frontining tarqalishi, (3.8) va (3.12) ga asosan, quyidagi tenglama orqali ifodalanadi:

$$\frac{\partial(\Delta p)}{\partial t} = g - \frac{\Delta p}{\tau} + \operatorname{div}(D \operatorname{grad}\Delta p) - \mu E \operatorname{grad}\Delta p; \quad (3.13)$$

Bunda D-bipolyar diffuziya koefitsenti, μ -bipolyar dreyf harakatchanligi

$$D = \frac{n+p}{\frac{n}{D_p} + \frac{p}{D_p}}, \quad \mu = \frac{n-p}{\frac{n}{\mu_p} + \frac{p}{\mu_p}}. \quad (3.14)$$

Ushbu hodisa uchun harakterli uzunlik bu bipolyar diffuziya uzunligi L dir:

$$L = \sqrt{D\tau}. \quad (3.15)$$

Bipolyar diffuziya tenglamasi D-konstanta bo'lgan holda soddalashadi. Bu shunday holki, bir turdag'i zaryadlar ko'p bo'lib bunda D - asosiy bo'lmasan zaryad tashuvchilar diffuziya koefitsentisi, yoki xususiy o'tkazuvchanlik uchun:

$$n = p, \quad D = \frac{2D_n D_p}{D_n + D_p}, \quad (3.16)$$

Bunda $\mu = 0$.

Nihoyat, (3.13) tenglama uchun chegaraviy shartlarni ifodalash darkor. Yarimo'tkazgich sirtida zaryad tashuvchilar rekombinasiyasi yuz berib turadi. 1sm² yuzada 1s ichida rekombinasiyaluvchi juftlar sonini u , deb belgilaymiz va u , bilan quyidagi ifoda orqali bog'langan sirtiy rekombinasiya tezligini aniqlaymiz (sm/s o'chamlikda):

$$s = \frac{u}{\Delta n} = \frac{u}{\Delta p}, \quad (3.17)$$

Bunda $\Delta n = \Delta p$ - sirtdag'i ortiqcha zaryad tashuvchilar konsentratsyasi, sirtda rekombinasiyaluvchi elektron va kovaklar u yerda sirtga qarab yo'nalgan ortiqcha zaryad tashuvchilar oqimi va sirtiy generasiya hisobiga paydo bo'ladi. Shuning uchun p-tur yarimo'tkazgichda sirt uchun chegaraviy shart quyidagi ko'rinishga ega:

$$g_s = \frac{1}{e} (j_n v) + s \Delta n,$$

bunda v sirtga o'tkazilgan tashqi birlik normal vektor. Bundan keyin yarimo'tkazgich kontaktidagi zaryad tashuvchilar tok zichligi uchun chegaraviy shartni asosiy bo'lmasan zaryad tashuvchilar tokining umumiy tokka nisbati bilan aniqlanuvchi injeksiya koefitsiyentini berish yo'li bilan ifodalaymiz.

4.40. Xona temperaturasida aynimagan germaniya elektronlar diffuziya koefisiyentlarini hisoblangu ($\mu_n = 3800 \text{ sm}^2 / V \cdot s$)

4.41. To'liq aynigan hol uchun elektronlar diffuziya koefisiyenti hisoblansin, elektronlar dispersiyasi (1.3 a) ko'rinishga ega,

$$\mu_n = 300 \text{ sm}^2 / V \cdot s, n = 10^{18} \text{ sm}^{-3}, m_s = 0.2 m_0.$$

4.42. Agar energiyaning kvazito'lqin vektoriga bog'liqligi (1.3b) ko'rinishda bo'lsa, aynigan elektron gaz uchun diffuziya koeffisiyenti ifodasi olinsin.

4.43. Xona temperaturasida xususiy germaniy uchun diffuziya koeffisiyenti hisoblansin ($b = 2.1$, $\mu_n = 3800 \text{ sm}^2 / V \cdot s$)

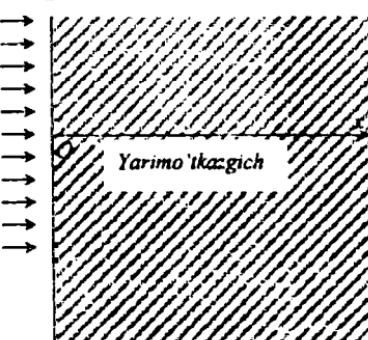
4.44. n -Ge qalin namunasi sirtida zaryad (2-rasm), tashuvchilarining nomuvozanatli konsentratsyysini toping. Juftlar generasiyasi hajm bo'yicha tekis: $g_0 = 2.5 \cdot 10^{17} \text{ sm}^3 \cdot s^{-1}$, kovaklar yashash vaqt $\tau_p = 4 \cdot 10^{-6} \text{ s}$ sirt rekombinasiya tezligi $s = 5 \cdot 10^2 \text{ sm} / s$, $D_p = 49 \text{ sm}^2 / s$.

4.45. n -Ge ning qalin namunasining yoritilgan sirtida kovaklarning nomuvozanat konsentratsyasi topilsin. Bunda $s = 5 \cdot 10^2 \text{ sm} / s$, kvantlar oqimi zichligi $I = 6 \cdot 10^{16} \text{ sm}^{-2} s^{-1}$, kvant chiqishi $\gamma = 1$, yorug'likning yutilish koeffisiyenti $a = 10^3 \text{ sm}^{-1}$, $\tau_p = 10^{-4} \text{ s}$, $D_p = 49 \text{ sm}^2 / s$.

4.46. Yarimo'tkazgich sirtiga normal yo'nalishda yuzaga keluvchi Dember effekti uchun elektron maydon kuchlanganligi ifodasini oling (2-rasmga qarang). Yoritilish shundayki, elektron - kovak juftlarining hosil bo'lishi yupqa sirtiy holatda bo'ladi, olingen ifodani $T = 300 \text{ K}$ temperaturada n -Ge uchun tahlil qiling, bunda $L = 0.3 \text{ mm}$, $n_0 = 5 \cdot 10^{14} \text{ sm}^{-3}$, $\epsilon = 16$. Injeksiya sathini kichik deb hisoblang: $\Delta\sigma/\sigma_0 \ll 1$. Shuningdek $|\Delta\sigma - \Delta\rho| \ll \Delta\rho$ deb oling.

4.47. n -turdagi germaniy qalin namunasining yoritilgan va qora sirlari orasidagi Dember effekti natijasida yuzaga kelgan potensollar farqi topilsin. (2-rasmga qarang). Sirtiy juftlar generasiyasi intensivligi $g_s = 10^{15} \text{ sm}^{-2} \cdot s^{-1}$, nomuvozanatli zaryad tashuvchilarining yashash vaqt $\tau = 19.3 \cdot 10^{-6} \text{ s}$, sirtiy rekombinasiya tezligi $s = 100 \text{ sm} / s$, $D_n = 98 \text{ sm}^2 / s$, $b = 2.1$, $n_0 = 5 \cdot 10^{14} \text{ sm}^{-3}$.

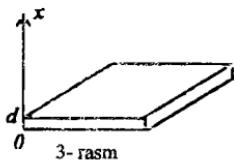
4.48. n -turdagi yarimo'tkazgich yupqa plastinkasining ustki va pastiki chegaralarida nomuvozanatni zaryad tashuvchilar konsentratsyasi topilsin.



2- rasm

Bunda namuna yorug'lik ta'sirida hajmiy generasiya ta'sirida, kvant oqimi zichligi $I = 5 \cdot 10^{16} \text{ sm}^{-2} \cdot s^{-1}$, yutilish koeffisiyenti $a = 5 \text{ sm}^{-1}$, kvant chiqishi 1, plastinka qaliligi $d = 0.7 \text{ mm}$, sirtiy rekombinasiya tezligi $s = 500 \text{ sm} / s$, $\tau_p = 10^{-4} \text{ s}$, $D_p = 49 \text{ sm}^2 / s$.

4.49. Kovaklarning stasionar injeksiyasi va namuna bo'yicha $E = 5 \text{ V}/\text{sm}$ elektron maydoni bo'lgan n -Ge sharoitida uzun ipsimon namunasida nomuvozanatni kovaklar taqsimotini aniqlang. Xona temperaturasi, yarimo'tkazgich aynimagan, $L_p = 0.09 \text{ sm}$.



3- rasm

4.50. Bir jinsli yarim cheksiz elektron yarimo`tkazgichning $x=0$ nuqtasida stasionar ravishida kovaklar injeksiyalanadi. Agar injeksiya koefisiyenti $\gamma = 0,5$, to`liq tok zichligi $1,6 \text{ mA/sm}^2$, $L_p = 0,1 \text{ sm}$, $D_p = 50 \text{ sm}^2/\text{s}$ bo`lsa, $x=0$ nuqtada kiritilgan kovaklar konsentratsiyasi aniqlansin, kovaklar dreyfi hisobga olmasin.

4.51. Oldingi masaia shartidan foydalanim (biroq $L_p = 0,05 \text{ sm}$), injeksiya nuqtasida elektr maydon kuchlanganligini hisoblang, bunda namunaning solishtirma o`tkazuvchanligi $\sigma_0 = 0,1 \Omega^{-1} \cdot \text{sm}^{-1}$, $b = 2,1$ deb olish mumkin.

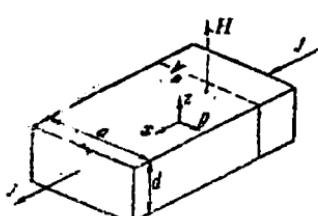
4.52. Bir jinsli yarim cheksiz elektron yarimo`tkazgichning $x=0$ nuqtasida stasionar ravishda injeksiyalanayotgan kovaklar taqsimotini tadqiq eting, bunda kovaklar yashash vaqt $\tau_p = a/p$, (a – doimiy kattalik), $\Delta p \gg p_0$, deb hisoblang, kovaklar dreyfini hisobga olmang. 4.53. $x=0$ nuqtasiga kuchli $E > 0$ elektr maydon qo`yilgan. Kuchsiz legirlangan elektron yarimo`tkazgich yarim cheklangan ($0 \leq x < \infty$) namuna chegarasida nomuvozanatlilik kovaklar konsentratsiyasi hisoblansin, injeksiya koefisiyenti $\gamma = 0,15$, $n_0 = 10^{13} \text{ sm}^{-3}$, $p_0 = 0,5 \cdot 10^{13} \text{ sm}^{-3}$, $b = 2,1$, $\Delta n = \Delta p \ll n_0$ va jarayon stasionar deb hisoblang.

4.54. Oldingi masalada $E < 0$ deb olib, $x=0$ da nomuvozanatlilik kovaklar konsentratsiyasi hisoblang.

4.55. Bir jinsli elektron yarimo`tkazgich namunasining qaysidir nuqtasida yoruglik zondi yordamida zaryad tashuvchilar jufti paydo qilinmoqda. Agar zonddan $x_1 = 2 \text{ mm}$ masofada nomuzonatlilik zaryad tashuvchilar konsentratsiyasi $\Delta p_1 = 10^4 \text{ sm}^{-3}$, $x_1 = 4,3 \text{ mm}$ masofada $\Delta p_2 = 10^{13} \text{ sm}^{-3}$ bo`lsa, bir o`lchamli holat uchun kovaklar diffuziya uzunligi topilsin.

4. Magnit maydonda zaryad tashuvchilarning diffuziyasi va dreyfi.

Elektr maydoni E va unga perpendikulyar kuchsiz magnit maydoni H da joylashgan bir jinsli izotrop yarimo`tkazgichda tok zichligi quyidagicha bo`ladi:



4- rasm

$$J_n = ne\mu_n \left\{ \tilde{E} \left[1 - \eta_n \left(\frac{\mu_{nH} H}{c} \right)^2 \right] - \frac{\mu_{nH}}{c} [\tilde{E} \times \tilde{H}] \right\}, \quad (4.1)$$

$$j_p = pe\mu_p \left\{ \tilde{E} \left[1 - \eta_p \left(\frac{\mu_{pH} H}{c} \right)^2 \right] - \frac{\mu_{pH}}{c} [\tilde{E} \times \tilde{H}] \right\}. \quad (4.2)$$

Bu yerda μ_{nH} va μ_{pH} – Xoll harakatchanligi, η_n va η_p – zaryad tashuvchilar erkin yugirishi yo`lining energiyaga bog`liqligidan aniqlanuvchi doimiylar, magnit maydon shu ma`noda kuchsiz hisobianadi, agar $\mu_{nH} H/c \ll 1$,

$\mu_{eff}H/c \ll 1$ bo'lsa. Bu holda keltirilgan formulalarda ikkinchidan yuqori tartibli hadlar tashlab yuboriladi.

4 - rasmida keltirilgan tajriba sharoitlarida namunaning yon yoqlari orasida shunday potensiallar farqi V_H hosil bo'ladiki, bunda y o'qi bo'yicha E_z - Xoll maydoni ta'siri kuzatiladi.

Quyidagi ifoda Xoll doimiysi nomini olgan (j_z - tok zichligining ta'sir etuvchisi):

$$R = \frac{cE_z}{j_z H} \quad (4.3)$$

Xuddi shu sharoitlarda E_z va j_z orasidagi munosabat quyidagicha:

$$j_z = (\sigma_0 + \Delta\sigma)E_z, \quad (4.4)$$

σ_0 - $H = 0$ dagi o'tkazuvchanlik, kuchsiz magnit maydonda o'tkazuvchanlikning nisbiy o'zgarishi odatda quyidagicha topiladi:

$$\frac{\Delta\sigma}{\sigma_0} = \xi R_0^2 \sigma_0^2 \frac{H^2}{c^2}. \quad (4.5)$$

Bu yerda R_0 - Xoll doimiysining qiymati ($H \rightarrow 0$ da), ξ - magnit qarshilik koeffitsiyenti.

Bir jinsli bo'limgan aynimagan yarimo'tkazgich holida (n va p koordinataga bog'liq) (4.1) ifodaga quyidagicha o'zgartirish kiritish lozim:

$$\vec{E} \rightarrow \vec{E}_n^* = \vec{E} + \frac{kT}{e} \text{grad} \ln n, \quad (4.1a)$$

(4.2) da esa

$$\vec{E} \rightarrow \vec{E}_p^* = \vec{E} - \frac{kT}{e} \text{grad} \ln p. \quad (4.2a)$$

Agar magnit maydon katta bo'lsa (lekin hali kvant effektlari sezilariga bo'limganda $\frac{eHh}{mc} \frac{1}{kT} \gg 1$), Magnit maydon quyidagi tenglamalar orqali hisobga olinadi (bunda zaryad tashuvchilar erkin yugurish yo'li energiyaga bog'liq bo'limgan hol qarab chiqiladi):

$$\vec{j}_n = \frac{n e \mu_n}{1 + \left(\frac{\mu_n H}{c} \right)^2} \left\{ \vec{E} - \frac{\mu_n}{c} [\vec{E} \times \vec{H}] \right\}, \quad (4.6)$$

$$\vec{j}_p = \frac{p e \mu_p}{1 + \left(\frac{\mu_p H}{c} \right)^2} \left\{ \vec{E} + \frac{\mu_p}{c} [\vec{E} \times \vec{H}] \right\}. \quad (4.7)$$

Magnit maydon tomonidan og'diriluvchi birlamchi zaryad tashuchilar oqimi faqat tashqi E_z maydon tomonidan hosil qilinmaydi, balki 5 - rasmida ko'rsatilgandek, to'g'ri to'rtburchak shaklidagi namunaning izolyasiyalangan yog'i shunday yoritilganda elektron va kovaklar juftlari hajm bo'yicha notekis vujudga kelishiga binoan ham hosil bo'ladi.

x - yo'nalish bo'yicha diffuzion oqim hosil bo'ladi, magnit maydon ta'siri esa y yo'nalishi bo'yicha o'tadi, yoqlar orasida fotoelektromagnit effekt kuchlanishi V_{FEM} yuzaga keladi. Namuna o'lchami katta bo'lgani uchun ZY tekislikda parametrlar x va y ga bog'liq bo'lmaydi.

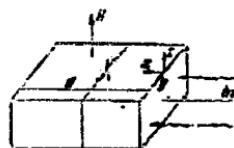
$$\text{Stasionarlik shartidan } \text{rot} \vec{E} = 0, \quad \frac{dE_x}{dx} = 0,$$

yu'ni E_y hamma joyda bir hil.

Qaralayotgan sistemani quyidagi tenglamalar orqali ifodalash mumkin:

$$\frac{1}{e} \text{div} j_n = \frac{\Delta n}{\tau_n} = \frac{\Delta p}{\tau_p} = -\frac{1}{e} \text{div} j_p, \quad (4.8)$$

$$j_{nx} + j_{px} = 0 \quad (4.9)$$



Bu yerda tutilish sathlarining to'lishi ortiqcha konsentratsyaga proporsional. Kichik magnit maydonda tok zichligi uchun ifodada birinchi yaqinlashishida H li hadlarni hisobga olmaslik mumkin.

5- rasm

$$\vec{j}_n = \vec{j}_n^* - \frac{\mu_{eff}}{c} [\vec{j}_n^* \times \vec{H}], \quad \vec{j}_n^* = ne\mu_n \vec{E} + eD_n \text{grad} n, \quad (4.10)$$

$$\vec{j}_p = \vec{j}_p^* - \frac{\mu_{eff}}{c} [\vec{j}_p^* \times \vec{H}], \quad \vec{j}_p^* = pe\mu_p \vec{E} - eD_p \text{grad} p \quad (4.11)$$

Δn va Δp larni bir o'lchamli chegaraviy shartlar asosida topiladi:

$$g = -\frac{1}{e} j_{nx} + S_0 \Delta n, \quad x = 0;$$

$$0 = \frac{1}{e} j_{nx} + S_d \Delta n, \quad x = d.$$

Endi FEM - effekt tok zichligi (j_z) ni quyidagi tenglamadan topish mumkin (yoki FEM effekt elektr maydoni E_y , misol uchun $\int_0^d dx j_z = 0$ da):

$$j_y = eE_y (n\mu_n + p\mu_p) + \frac{eH(\mu_{eff} + \mu_{ph})}{c} D_n^* \frac{dn}{dx}. \quad (4.12)$$

Bu yerda $n = n_0 + \Delta n$, D - bipolyar difiuziya koefisiyenti (3.14) va

$$D_n^* = D \frac{n\tau_p + p\tau_n}{\tau_n(n+p)} \quad (4.13)$$

4.56. n -turdagi namunada $x - o'$ qi bo'yicha $j_x = 0.1 A/sm^2$ tok bor (4-rasmga qarang) $z - o'$ q bo'yicha magnit maydon $H = 1000$ ers. Panjara tebranishlaridagi sochilish sharotida $\mu_{eff} = 1.18 \cdot \mu_n$. Agar $n_0 = 10^{15} sm^{-3}$ va namunaning y yo'nalishi bo'yicha o'lchami $a = 0.5 sm$ bo'lsa, Xoll kuchlanishi V_u va R ni aniqlang.

4.57. p - turdagи namunaga tok yo'nalishiga tik ravishda $H_z = 4000$ ers magnit maydon qo'yilganda qarshilik 0,22% ga oshdi.

Agar $\mu_{pH} = 2240 \text{ sm}^2 / V \cdot s$. bo'lsa, ((4.1) va (4.2) ifodadagi) magnit qarshilik ξ , va η_p koeffitsiyent hisoblansin.

4.58. Agar Xoll harakatchanlikning dreyf harakatchanligiga nisbatli 1,18 bo'lsa, $N_a = 5 \cdot 10^{16} \text{ sm}^{-3}$ konsentratsyali akseptor aralashmasi bo'lgan $InSb$ da $T = 300K$ temperaturada Xoll doimiyisini aniqlang. $\mu_n / \mu_p = 80$, magnit maydoni kuchsiz, $n_i = 1,6 \cdot 10^{16} \text{ sm}^{-3}$, akseptorlarni butunlay ionizasiyalangan deb tushuning. 4.59. p -tur yarimo'kazgichda $\beta = \mu_{pH} H / c = 0.2$ bo'lganda $R=0$, magnit qarshilik koeffitsiyenti ξ ni aniqlang. $b = \mu_n / \mu_p = 30$ va elektronning erkin yugurish yo'li energiyaga bog'liq emas.

4.60. Agar $\beta = 0,07$ sirtdagisi qo'shimcha zaryad tashuvchilar maksimal konsentratsyasi $\Delta n(0) = 10^{13} \text{ sm}^{-3}$, n -turli namunada $\rho_0 = 1,6 \Omega \cdot \text{sm}$, $D_p = 45 \text{ sm}^2 / s$, $b = 2,1$ bo'lsa, massiv kubik namunaning yoqlari orasidagi FEM - effekt kuchlanishini aniqlang.

4.61. Agar y o'qi bo'yicha qo'yilgan $E_{1y} = 0,168 \text{ V / sm}$ elektr maydoni (5-rasmga qarang) va $H = 1000 \text{ ers} (z)$ o'qi bo'yicha magnit maydoni x o'qiga perpendikulyar tushayotgan yoritilganlikka bog'liq bo'lmasa, p -tur yarimo'kazgichda tok tashuvchilarni yashash vaqtini aniqlang. $D_n = 98 \text{ sm}^2 / s$ va

$\frac{\mu_{nH} + \mu_{pH}}{\mu_n + \mu_p} = 1,2$. Namunaning o'lchamlarini yetarlicha katta deb oling. Tutilishlar yo'q.

4.62. n -tur yarimo'kazgichning $x = 0$ sirtida (5-rasmga qarang) nomuvozanan zaryad tashuvchilar yorug'lik ta'sirida shunday hosil bo'lyaptiki, bunda $\Delta n(0) = 2 \cdot 10^{13} \text{ sm}^{-3}$, qarshilikning nisbiy kamayishi $\delta = 1,2\%$, $V_{FEM} = 3,8 \cdot 10^{-3} \text{ V}$, $\beta = 0,1$. Agar $\mu_n = 3800 \text{ sm}^2 / V \cdot s$, $b = 2,1$ $D_p = 45 \text{ sm}^2 / s$, $d = 0,2 \text{ sm}$ hamda y o'qi bo'yicha namuna o'lchami $a = 1 \text{ sm}$ bo'lsa, τ_p va τ_n larni aniqlang.

5. Sirtyi hodisalar

Yarimo'kazgichda sirtyi holatlarning mavjudligi elektr zaryadining ikkilamchi qatlaming paydo bo'lishiga olib keladi. Ular akseptor yoki donorligiga qarab manfiy yoki musbat zaryadlanadi, hamda sirtga yaqin sohada hajmiy zaryad sohasi vujudga keladi. Hosil bo'lgan elektr maydon energetik sathlarni akseptor holida yuqoriga va donor holida pastga egadi:

$$E_e(r) = E_{cv} - e\varphi(r), \quad (5.1)$$

$$E_s(r) = E_{sv} - e\varphi(r)$$

Hajmiy zaryad sohasida elektron va kovaklarning konsentratsyasi koordinataga bog'liq bo'ladi. Aynimagan yarimo'kazgich holida ushbu bog'lanish quyidagi ko'rinishga ega:

$$n(r) = N_c e^{\frac{F - E_{cr} + e\phi(r)}{kT}} = n e^{\frac{e\phi(r)}{kT}}, \quad (5.2)$$

$$p(r) = N_s e^{\frac{E_a - e\phi(r) - F}{kT}} = p e^{\frac{-e\phi(r)}{kT}}.$$

Elektrostatik potensial $\phi(r)$ ni aniqlash uchun chegaraviy shartlar asosida, Puasson tenglamasini yechish darkor:

$$\operatorname{div} D = 4\pi\rho, \quad \tilde{D} = \epsilon\tilde{E} = -\epsilon \frac{d\phi}{dr}, \quad (5.3)$$

Bu yerda ρ - hajmiy zaryad zichligi ϵ - dielektrik singdiruvchanlik,

$$\rho = \epsilon [N_D^+(r) - N_a^-(r) + p(r) - n(r)] \quad (5.4)$$

$n(r)$ va $p(r)$ (5.2) formula bilan aniqlanadi, hajmiy zaryad sohasidagi ionizasiyalashgan donor va akseptorlarning konsentratsyasi esa quyidagi formulalar bilan aniqlanadi:

$$N_D^+ = \frac{N_D}{1 + e^{\frac{F - E_D + e\phi(r)}{kT}}}, \quad (5.5)$$

$$N_a^- = \frac{N_a}{1 + e^{\frac{E_a - F - e\phi(r)}{kT}}},$$

Bu yerda $E_a = E_a^* + kT \ln g_a$, $E_D = E_D^* + kT \ln g_D$, yarimo'tkazgich hajmidagi akseptor va donor sohasi energiyasi, g_a va g_D - akseptor va donor satlharning aynish darajasi hajmiy zaryad sohasi kengligi ekranlashtirish uzunligi yoki Debay (L_D) uzunligi bilan xarakterlanadi. Elektron o'tkazuvchanlikka ega bo'lgan yarimo'tkazgich uchun u quyidagiga teng:

$$L_D = \sqrt{\frac{ekT}{4\pi\epsilon^2 n}}, \quad (5.6)$$

Xususiy yarimo'tkazgich uchun esa quyidagiga teng:

$$L_D = \sqrt{\frac{skT}{8\pi\epsilon^2 n}}. \quad (5.7)$$

Agar tashqi elektr maydon bo'lmasa yarimo'tkazgich elektroneytraldir. Yarim cheksiz yarimo'tkazgich namuna uchun elektroneytrallik sharti quyidagicha ifodalanadi (xuddi shu hol keyinchalik $x=0$ sirt bilan qarab chiqiladi) ($0 \leq x \leq \infty$):

$$\int_0^\infty \rho(x) dx + Q_S = 0, \quad (5.8)$$

Bu yerda Q_S - sirtiy holatlardagi sirtiy zaryad zichligi. Hajmiy zaryad qatla sidagi ortiqcha elektronlar va kovaklar konsentratsyasi quyidagi formula orqali hisoblanadi:

$$\Delta N = \int_0^\infty [n(x) - n] dx, \quad \Delta P = \int_0^\infty [p(x) - p] dx. \quad (5.9)$$

bu yerda n va p elektron va kovaklarning hajmdagi konsentratsyasi. Sirtiy o'tkazuvchanlik G quyidagicha aniqlanadi:

$$G = e\mu_n^* \Delta N + e\mu_p^* \Delta P, \quad (5.10)$$

Bunda μ_n^* , μ_p^* - elektron va kovaklarning hajmiy zaryad qatlamidagi effektiv harakatchanligi. Ko'pincha ular namura hajmidagi harakatchanlikka teng deb olinadi.

4.63. Agar xususiy o'tkazuvchanlikka ega bo'lgan yarimo'tkazgich sirtiga normal ravishda kuchsiz elektr maydon E qo'yilgan bo'lsa, bunda yarimo'tkazgichning hamma joyida $e\phi/kT \ll 1$ bo'lsa (6-rasm), zonalarning shaklini aniqlang. Agar $E = 160 V/sm$, $n_i = 2.0 \cdot 10^{13} sm^{-3}$, $\epsilon = 16$, $T = 300 K$ bo'lsa, sirtdag'i potensial sakrashini aniqlang.

4.64. Xona temperaturasidagi xususiy germaniyning sirtiga $N = 10^9 sm^{-2}$ zichlik bilan donor aralashma adsorbsiyalangan bo'lsa, uning sirtida zonaning egilish kattaligini hisoblang. Donorlarning butunlay ionlashgan deb hisoblang, $e\phi/kT \ll 1$, $n_i = 2.0 \cdot 10^{13} sm^{-3}$, $\epsilon = 16$.

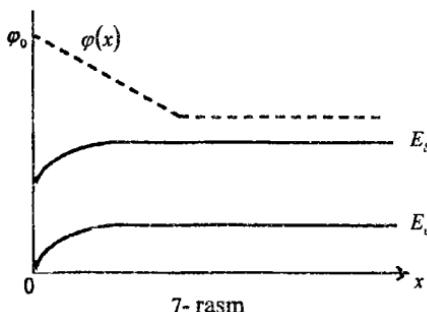
4.65. Xona temperurasidagi xususiy germaniyning sirtiga $N = 10^{12} sm^{-2}$ zichlik bilan denor aralashma adsorbsiyalangan bo'lsa, uning sirtida zonaning egilish kattaligini hisoblang. Potensial $\phi(x)$ ni ikkita to'g'ri chiziqli uchastkalardan

iborat deb oling (7-rasm).

$$\phi = \begin{cases} \phi_0 - E_x, & 0 \leq x \leq \phi_0/E, \\ 0, & x \geq \phi_0/E, \end{cases}$$

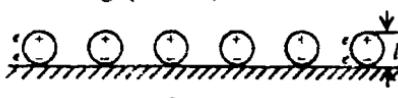
Bunda E -doimiy kattalik. Sirtdag'i zonalar egriligini katta deb oling:

$$e\phi_0/kT \gg 1 \quad n_c = 2 \cdot 10^{13} sm^{-2}, \\ \epsilon = 16.$$



6-rasm

zichligi $N = 10^{12} sm^{-2}$ bo'lgan molekulalar kiritilgan bo'lsa, elektronlar chiqish ishini o'zgarshini hisoblang (8-rasm).



8-rasm

4.67. Hajmida butunlay ionizasiyalangan aralashma bo'lgan yarimo'tkazgich uchun sirdagi zaryad va sirtiy potensial orasidagi bog'lanishini toping. $\varphi|_{x=0} = \varphi_s > 0$ deb oling.

4.68. Agar n - tur kremniyning sirtiga $N = 10^{11} \text{ sm}^{-2}$ konsentratsyali donorlar adsorbsiyałangan bo'lsa uning sirtida zonalarning egilish kattaligini hisoblang. Hamma donorlar ionizasiyalangan, bunda $e\varphi_s/kT \gg 1$, $n = 10^{12} \text{ sm}^{-2}$, $\varepsilon = 12$, $T = 300K$

4.69. Agar sirdagi zonalar $e\varphi_s = 10kT$ ga egilgan bo'lsa, n - turli germaniying sirtidagi zaryadni hisoblang. Hajmdagi donorlar butunlay ionizasiyalangan, $T = 300K$, $n = 10^{16} \text{ sm}^{-3}$, $\varepsilon = 16$. Ushbu zaryadni hosil qilayotgan akseptor sathlarning konsentratsyясини aniqlang. Akseptorlarni butunlay ionizasiyalangan deb hisoblang.

4.70. Agar akseptor molekulalarning adsorbsiyasi natijasida energetik zonalar $0,25eV$ ga egilgan bo'lsa, hajmdagi barcha aralashmalar ionizasiyalangan kovakli yarimo'tkazgich uchun sirtiy o'tkazuvchanlikni taqriban hisoblang; $p = 10^{13} \text{ sm}^{-3}$, $\varepsilon = 12$, $\mu_p^* = 10^3 \text{ sm}^2/V \cdot s$, temperatura xona temperaturasiga teng.

4.71. Agar sirtiy o'tkazuvchanlik $G = 10^7 \text{ sm}^{-1}$ bo'lsa, xususiy o'tkazuvchanli yarimo'tkazgichni sirtiy potensialini aniqlang. Yarimo'tkazgichning hamma joyida $e\varphi/kT \ll 1$ ($\varphi > 0$) deb oling; $\mu_m^* = \mu_n = 3800 \text{ sm}^2/V \cdot s$, $b = 2,1$, $\varepsilon = 16$, $n_i = 2,0 \cdot 10^{13} \text{ sm}^{-3}$, $T = 300K$

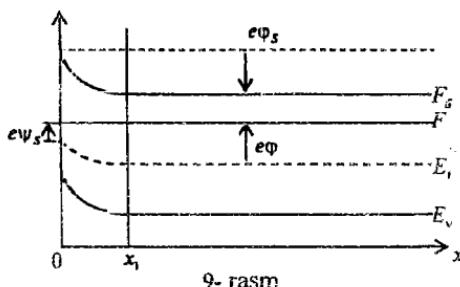
4.72. Agar elektron yarimo'tkazgichning sirtiga normal ravishda $E = 5 \cdot 10^3 V/sm$ elektr maydon qo'yilgan va bunda sirtiy o'tkazuvchanlik $10^{-6} \Omega^{-1}$ bo'lsa, sirtiy holatlardagi zaryadni aniqlang. Yarimo'tkazgichning hamma joyida $e\varphi/kT \ll 1$, $n = 5 \cdot 10^{14} \text{ sm}^{-3}$, $\varepsilon = 16$, $\mu_m^* = \mu_n = 3800 \text{ sm}^2/V \cdot s$, $T = 300K$ deb oling. Yarimo'tkazgichdagi hamma donorlarni butunlay ionizasiyalangan deb oling.

4.73. Agar yarimo'tkazgich hajmidagi donor aralashma, ekranlash uzunligidan katta masofalarda to'la ionlashgan bo'lsa, N sirtiy konsentratsyali donor molekulalarning adsorbsiyasida n - turli yarimo'tkazgichdagi sirtiy potensialni aniqlang: $N_d = n = 3 \cdot 10^{14} \text{ sm}^{-3}$, $\varepsilon = 16$, $T = 300^0K$ ikki xil holni qarab chiqing:

a) $N = 10^9 \text{ sm}^{-2}$, bunda $e\varphi/kT \ll 1$ deb hisoblang, bunda $\varphi_s = \varphi|_{x=0}$;

b) $N = 3 \cdot 10^{12} \text{ sm}^{-2}$, bunda $e\varphi/kT \gg 1$.

4.74. Agar sirtiy potensial $|\varphi_s| = 0,25V$ bo'lsa, yarimo'tkazgichda manfiy zaryadlarning sirtiy zichligini aniqlang. Yarimo'tkazgich ichidagi akseptorlarni (erkin uzunligidan katta masofalarda) butunlay ionizasiyalangan deb oling;



$$p = 3 \cdot 10^4 \text{ sm}^{-3}, \quad \varepsilon = 16, \quad T = 300K.$$

4.75. Uzunligi va kengligi qalinligidan $2a = 0,5 \text{ mm}$ dan ancha katta bo'lgan yupqa va uzun plastinka uchun sirtiy rekombinasiya tezligi s ni aniqlang. Rekombinasiya tezligi plastinkani ikkala tamoni uchun bir xil. Nomuvoranatlari zaryad tashuvchilarining effektiv yashash vaqtisi $\tau_i = 125 \text{ mks}$, qalin namuna uchun o'lchangan hajmiy yashash vaqtisi $\tau_p = 250 \text{ mks}$, $sa/D_p \ll 1$ shartdan foydalaning.

4.76. Yupqa plastinkaning yuqori yog'iadi sirtiy rekombinasiya tezligi s_1 ni aniqlang. Uning uzunligi va kengligi qalinligi $2a = 0,2 \text{ mm}$ dan ancha katta, $s_1 \gg s_2$, bunda s_2 – paski yog'ning sirtiy rekombinasiya tezligi. Plastinkadagi nomuvoranatlari zaryad tashuvchilarining effektiv yashash vaqtisi $\tau_i = 20 \text{ mks}$, hajmiy yashash vaqtisi $\tau_p = 100 \text{ mks}$, $sa/D_p \ll 1$ shartdan foydalaning.

4.77. Sirtiy rekombinasiya tezligi s ning sirtiy potensial u_s ga bog'liqligini toping (9-rasm). (3.17) ga asosan, $s = \frac{u_s}{\Delta n}$, bunda $u_s = u_{\mu} = u_{n-n_s} \text{ sm}^2$ sirdagi elektron va kovaklar tutilishini absolut maromi. Rekombinasiyada qatnashuvchi sirtiy markazlar zichligi N_t , energiyasi E_t , $\Delta p = \Delta n$ hajmiy zaryad sohasiga yaqin joydagi ($x = x_t$) ortiqcha zaryad tashuvchilar koncentratsiyasi. Injeksiya darajatsini yuqori emas ($n_0 \gg \Delta p$) hamda yarimo'tkazgichni aynimagan va statsionar sharoitda deb hisoblang.

4.78. Agar sirtiy rekombinasiya tezligi $s(\varphi_s) \propto e^{\varphi_s} = 1,1kT$ da maksimumga erishsa, oldindi masala shartidagi hol uchun elektron va kovaklarning tutilish kesimlarining nisbatini aniqlang.

6. Yarimo'tkazgichdagi termo elektr yurituvchi kuchi (EYuK)

Bir turdag'i zaryad tashuvchili yarimo'tkazgichning differensial termo-elektr yurituvchi kuchi quyidagi ifoda bilan beriladi:

$$\alpha = \pm \frac{k}{e} \left(\frac{Q^*}{kT} \pm \eta \right), \quad (6.1)$$

bunda ishora zaryad tashuvchilar ishorasi bilan mos keladi, $\eta = \frac{F}{kT}$, F-Fermi sathi (sanoq boshi qilib mos zonaning chegarasi tanlab olinadi), Q^* – ko'chish energiyasi deb nomlanuvchi kattalik. Keyinchalik biz ko'rib chiqadigan izotrop hol uchun ko'chish energiyasi quyidagiga teng:

$$Q^* = \frac{q}{\sigma} \quad (6.2a)$$

oxirgi ifodada

$$\sigma = \left\langle \frac{er}{m} \right\rangle, \quad (6.3a)$$

$$q = \left\langle \frac{er}{m} E \right\rangle. \quad (6.3b)$$

• belgi $\frac{k^3(E)}{3\pi^2} \left(-\frac{\partial f}{\partial E} \right)$ kattalik bilan energiya bo'yicha integrallashni bildiradi:

$$\langle A(E) \rangle = \frac{1}{3\pi^2} \int_0^\infty dE k^3(E) \left(-\frac{\partial f}{\partial E} \right) A(E)$$

Bu erda f -Fermi funksiyasi (1.2), τ - relaksatsiya vaqtini bo'lib kvaziimpuls (energiya) ga quyidagi qonun bo'yicha bog'liq:

$$\tau = \tau_0 \cdot \frac{dE}{dk} \cdot k^{2(r-1)}, \quad (6.4)$$

m^* esa massa o'lchamligiga ega bo'lgan va quyidagi ifoda bilan aniqlanuvchi kattalik:

$$m^* g = \hbar k \quad \left(g = \frac{1}{\hbar} \nabla_k E(k) \right) \quad (6.5)$$

Umuman olganda, m^* kattalik energiyaga bog'liq, dispersiya kvadrat qonunining oddiy holida u doimiy bo'lib, zaryad tashuvchilarning oddiy holda aniqlanadigan effektiv massasi bilan mos tushadi (14-masalaga qarang).

(6.4) formulada r kattalik zaryad tashuvchilar impulsining sochilish mexanizmi bilan aniqlanadi. Zaryad tashuvchilarning panjaraning akustik tebranishlarida sochilish holida $r=0$, panjaraning optik tebranishlar holida $r=1$, Debay temperaturasidan katta temperaturalarida, $T < T_D$ da $r=1/2$, zaryadlangan aralashmalarda sochilish holida $r=2$.

Agar sistemada bir necha turli zaryad tashuvchilar mavjud bo'lsa, to'liq termo EYuK quyidagiga teng:

$$\alpha = \sum_i \frac{\sigma_i}{\sigma} \alpha_i, \quad (6.6)$$

bunda σ , va α_i - o'tkazuvchanlik va termo EYuK bo'lib, ular i- turdag'i zaryad tashuvchilar bilan bog'liq. σ -to'liq o'tkazuvchanlik va uni umumlashtirish barcha turdag'i zaryad tashuvchilar bo'yicha olinadi.

Kichik temperaturalarda toza materiallarda zaryad tashuvchilarni fotonlar tomonidan ergashtirib ketish effekti hisobiga termo EYuK (6.1) ifoda beradigan qiymatdan kattaroq qiymat olishi mumkin. Ushbu holda termo EYuK ning fonon tashkil etuvchisi quyidagiga teng:

$$\alpha_F = \alpha \frac{\theta_F I_F}{\mu T}, \quad (6.7)$$

bunda θ_F - tovush tezligi, I_F - fononlarning erkin yugurish yo'li, μ - zaryad tashuvchilar harakatchanligi, α - akustik tebranishlardagi sochilishning zaryad tashuvchilar to'la sochilishiga qo'shadigan nisbiy hissasi extimolligini belgilovchi ko'paytuvchi. Agar hamma sochilishlar panjaraning akustik tebranishlarda ro'y bersa, unda $\alpha \approx 1$.

Magnit maydonda¹ termo EYuK oldingidek (6.1) ifoda bilan belgilanadi, bunda

$$Q^* = \frac{\sigma_1 q_1 + \sigma_2 q_2}{\sigma_1^2 + \sigma_2^2}, \quad (6.2b)$$

bunda

$$\sigma_1 = \left\langle \frac{e\tau}{m^*} \frac{1}{1+\omega^2} \right\rangle, \quad \sigma_2 = \left\langle \frac{e\tau}{m^*} \frac{\omega}{1+\omega^2} \right\rangle, \quad (6.3v)$$

$$q_1 = \left\langle \frac{e\tau}{m^*} E \frac{1}{1+\omega^2} \right\rangle, \quad q_2 = \left\langle \frac{e\tau}{m^*} E \frac{\omega}{1+\omega^2} \right\rangle, \quad (6.3g)$$

$$\omega = \frac{eH}{m^* s} \tau.$$

4.79. Kvadratik dispersiya qonunida zaryad tashuvchilar uchun magnit maydon bo'lmaganda termo EYuK uchun ifoda olinsin. Xona temperaturasida tipik metall uchun tipik termo EYuK ni baholang ($m_{met} = m_0$, $n_{met} = 2 \cdot 10^{22} \text{ sm}^{-3}$) va uni aynan turli yarimo'tkazgich uchun ($m_{yo} = 0,22m_0$, $n_{yo} = 2 \cdot 10^{19} \text{ sm}^{-3}$) hisoblangan termo EYuK bilan taqqoslang. Ikkala holda ham sochilish zaryadlangan kirishmalarda bo'ladi deb hisoblang.

4.80. Grafikda n -turli germaniy termo EYuK ni temperaturaga bog'lanishini kirishmali va xususiy sohalarda tasvirlang.

4.81. Sochilish akustik tebranishlarda sodir bo'ladi deb hisoblab, $T=200 \text{ K}$ da $6 \cdot 10^{15} \text{ sm}^{-3}$ miqdorda mayda akseptorlari bo'lgan p - turli germaniyda termo EYuK ni kattaligini hisoblang.

4.82. Agar 100 K da termo EYuK $2,1 \text{ mV/grad}$ ga teng bo'lsa, kompensirlangan n -turli yarimo'tkazgichda donorlar energetik sati holatini aniqlang. $N_d = 2 \cdot 10^{15} \text{ sm}^{-3}$, $n_d \ll N_a$, kompensasiya darajasi $N_a/N_d = 0,5$ ekani ma'lum, sochilish esa panjara akustik tebranishlarida yuz beradi.

4.83. n -turli yarimo'tkazgich termo EYuK ifodasini chegaraviy kuchli aynigan hol uchun keltirib chiqaring, dispersiya qonuni (1.3 j) ko'rinishga ega. Agar sochilish zaryadlangan kirishmalarda bo'layotgan bo'lsa, 100 K da elektronlar konsentratsyasi 10^{18} sm^{-3} bo'lgan indiy antimonidida termo EYuK ni toping. O'tkazuvchanlik sohasining quyi qismida elektronlarning effektiv massasi $0,013 \text{ m}_0$, taqiqlangan soha kengligi temperaturaga quyidagicha bog'langan: $E_g = (0,26 - 2,7 \cdot 10^{-4}) \text{ eV}$

4.84. Ixtiyoriy aynishda dispersiya qonuni (1.3 j) ko'rinishda bo'lgan n -turli yarimo'tkazgich termo EYuK ifodasini keltirib chiqaring. Bunda sohalarni noperabolikligi katta emas deb hisoblang va sohalarning noperabolikligidan kelib chiquvchi tuzatmalarining birinchi tartibi bilan chegaralanilsin.

¹ Biz unchalik kuchli bo'lmagan magnit maydonni qaraymiz, bunda elektronlar energiyasining magnit aydonda kvantlanishi sezilarsiz. (6.2 b), (6.3 v), (6.4 g) qo'llanish sharti $\frac{eH}{m^* s} \ll kT$

4.85. $20K$ temperaturada n-turli germaniy termo EYuK fonon tashkil etuvchisini baholang. Tadqiq etilayotgan namunada elektronlarning harakatchanligi asosan akustik tebranishlardagi sochilish bilan aniqlanadi va $4 \cdot 10^5 \text{ cm}^2 / V \cdot s$ ga teng, sononlarning sochilishi namuna devorlarida yuz beradi. Namunaning ko`ndalang o`lchamlari 1 mm, tovush tezligi esa $4 \cdot 10^5 \text{ sm/s}$.

4.86. $20K$ da indiy antimonidida elektronlarning kuzatiluvchi harakatchanligi $2 \cdot 10^5 \text{ sm}^2 / V \cdot s$, sochilish faqat akustik tebranishlarida yuz berganda aniqlangan, harakatchanlik xona temperaturasida $10^8 \text{ sm}^2 / V \cdot s$ ga teng. Fononlarning sochilishi namuna devorlarida yuz beradi deb hisoblab, n-tur indiy antimonidida termo EYuK ning fonon tashkil etuvchisini n-turli germaniy termo EYuK i fonon tashkil etuvchisiga nisbatini baholang. *InSb* da tovush tezligi 10^5 sm/s , namenaiarning ko`r lalang o`lchamlari bir xil deb hisoblang. Germaniy uchun ma'lumotlarni oldingi masala shartidan oling.

4.87. Kuchli magnit maydonda p -- tur yarimo`tkazgich termo EYuK ni xona temperurasida o`lhash natijalari ($\omega \gg 1$) shuni ko`rsatdiki, o`rganilayotgan sohada termo EYuK magnit maydonga bog`liq emas va u $475 \text{ mK}/\text{grad}$ ga teng. Ushbu o`lhashlar natijasiga ko`ra, kovaklar effektiv massasini toping. Ularning konsentratsyasi $5,6 \cdot 10^{17} \text{ sm}^{-3}$ ga teng. Kovaklar dispersiya qonuni kvadratik deb hisoblansin.

4.88. Aynish bo`lmagan holda kuchli magnit maydon ($\omega \gg 1$) da (1.3a) qonuni bo'yicha o`zgaruvchi dispersiyada n-tur yarimo`tkazgich uchun termo EYuK ifodasi topilsin.

$$\Delta a(\infty) = a|_{H \rightarrow \infty} - a|_{H=0} \text{ farqning sochilish mexanizmiga bog`liqligi qarab chiqilsin.}$$

4.89. $77K$ temperaturada elektronlar konsentratsyasi 10^{17} sm^{-3} bo`lgan indiy antimonidi namunasida, termo EYuK kuchli magnit maydon sohasida magnit maydonga bog`liq emas va u $68 \text{ mK}/\text{grad}$ ga teng. Dispersiya qonuni (1.3 j) ko`rinishda deb olib, o`tkazuvchan soha tubidagi elektronlar effektiv massasi kattaligini toping. $77K$ da taqiqlangan soha kengligi $0,22 \text{ eV}$ ga teng.

4.90. n-turli aynigan yarimo`tkazgich termo EYuK, kuchli magnit maydon sohasida doimiy va u $- 27 \text{ mK}/\text{grad}$ ga teng. O`lhashlar shu temperaturada termo EYuK qiymati - $51 \text{ mK}/\text{grad}$ ga tengligini ko`rsatdi. Tadqiq qilinayotgan materialda o`tkazuvchan soha parabolik ko`rinishda bo`lsa, elektronlarning sochilish xarakterini aniqlovchi r ni toping.

4.91 Indiy arsenidi uchun elektronlarning o`tkazuvchanlik sohasidagi qonuni uchta $0,6 \text{ eV}$ energiyagacha bajariluvchi quyidagi empirik ifoda olindi:

$$E(k) = 0,28 \ln[1 + 5,9 \cdot 10^{-14} k^2 (\text{sm}^{-2})] \text{ eV}$$

Qanday elektronlar konsentratsyasyida kuchli magnit maydonda termo EYuK o`zgarishi nolga teng bo`ladi? Agar dispersiya qonuni (1.3 j) ko`rinishga ega bo`lsa, u nolga aylanishi mumkinmi? Sochilish zaryadlangan kirishmalarda deb hisoblang.

7. Yarimo'tkazgichlarda foto EYuK

Yarimo'tkazgich namuna yoritilganda, Dember effekti bilan bir qatorda (46-masalaga qarang), ya'ni ortiqcha zaryad tashuvchilarining notejis taqsimoti bilan birga, foto EYuK yarimo'tkazgich materialning bir jinsli bo'lмаганligidek ham vujudga keladi. Soddalik uchun, nomuvozanatlari $n = n_0 + \Delta n$ va $p = p_0 + \Delta p$ konsentratsyalar faqat x koordinataga bog'liq bo'lgan bir o'lchamli masalani ko'rib chiqamiz. Ushbu holda foto EYuK quyidagi ifoda orqali ifodalanadi.

$$\varepsilon = \oint dx \frac{D_s \frac{dp}{dx} - D_n \frac{dn}{dx}}{\mu_n n + \mu_p p}, \quad (7.1)$$

bu yerda integral namunani o'z ichiga olgan butun zanjir bo'yicha olinadi. Agar Eynshteyn ifodasi (3.7) o'rini bo'lsa, u holda

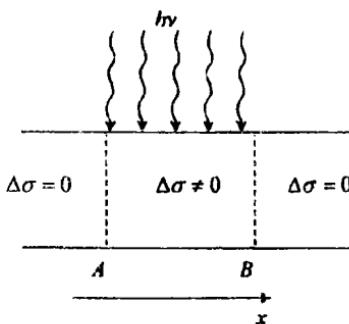
$$\varepsilon = \frac{kT}{e} \oint dx \frac{\frac{dp}{dx} - b \frac{dn}{dx}}{bn + p}, \quad b = \frac{\mu_n}{\mu_p}. \quad (7.2)$$

Namunani bir jinsli emasligi bilan bog'langan ε_1 hadni (ventil foto EYuK) ε dan ajratib olish mumkin ((7.2) formuladan kelib chiqamiz): $\varepsilon = \varepsilon_1 + \varepsilon_2$

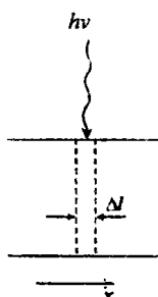
$$\varepsilon_1 = \frac{kT}{e} \oint dx \frac{1+b}{bn+p} \Delta n \frac{d \ln n_0}{dx}. \quad (7.3)$$

$$\varepsilon_2 = \frac{kT}{e} \oint dx \frac{1-b}{bn+p} \frac{d \Delta n}{dx}. \quad (7.4)$$

4.92. Ixtiyoriy aynish darajasida unipolar (birqtubli) o'tkazuvchanlikli yarimo'tkazgichda foto EYuK ini toping.



10- rasm



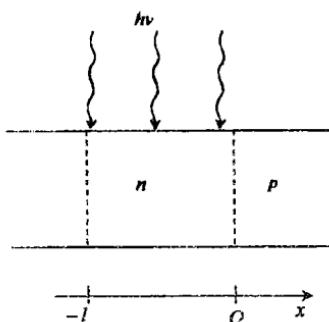
11- rasm

4.93. $T = 300\text{K}$ da $n-Ge$ namunasi uchun foto EYuK ni hisoblang. Bunda uning o'rta qismi (10-rasm) shunday yoritilganki. uning ichida $\Delta\sigma = 0.2 \Omega^{-1} \cdot \text{sm}^{-1}$,

tashqarisida esa $\Delta\sigma=0$, yoritilganlik bo`lmaganda A kesimida solishtirma qarshilik $\rho_{0,A} = 15 \Omega \cdot \text{sm}$ va B da $\rho_{0,B} = 5 \Omega \cdot \text{sm}$ kesimida

4.94. Oldingi masala shartiga o`xshash sharoitda $\rho_{0,A} = 10 \Omega \cdot \text{sm}$ $\rho_{0,B} = 8 \Omega \cdot \text{sm}$ va $\Delta\sigma$ ning ikki xil qiymatida: $\Delta\sigma = 0,01 \Omega^{-1} \cdot \text{sm}^{-1}$, $\Delta\sigma = 2 \Omega^{-1} \cdot \text{sm}^{-1}$ bo`lganda loto EYuK ni hisoblang.

4.95. n -Ge namuna $\Delta l = 0,1 \text{ mm}$ kenglikli ingichka bo`lakchasi yoritiladi va



12- rasm

$$P_p = 10^{14} \text{ sm}^{-3}; \mu_n = 3 \cdot 10^4 \text{ sm}^2 / V \cdot \text{s}; b = 0,5.$$

4.97. $d = 1 \text{ sm}$ qalnligidagi n-turli namuna o`qlari orasidagi potensiallar farqi $\Delta\varphi$ ni aniqlang. Bunda $x=0$ yoq yoritilganligida nomuvozanatlilik konsentratsya. $\Delta n(x) = \Delta p(x) = N \exp(-x/L)$

$$0 \leq x \leq d$$

bu yerda $N = 10^{13} \text{ sm}^{-3}$, $L = 0,01 \text{ sm}$. Elektronlarning muvozanatlilik konsentratsyasi $x=0$ da $n'_0 = 5 \cdot 10^{14} \text{ sm}^{-3}$ dan $n''_0 = 4 \cdot 10^{14} \text{ sm}^{-3}$ gacha $x=d$ da chiziqli ravishda o`zgaradi. Temperatura $T=200\text{K}$, $b=2,1$.

4.98. 4.93-masala shartidagidek sharoitda foto EYuK ni hisoblang, faqat bunda tutilishlar bor, $\tau_p/\tau_n = 10$ deb oling.

Masalalarning javoblari va yechimlari

I - qiyalik darajadagi masalalarning javoblari

- 1.1. O'tkazgichlar qarshiligi ortadi, izolyatorlar qarshiligi esa kamayadi.
- 1.2. Temperatura ortganda kamayadi. Yo'q.
- 1.3. Termistor qiziganda uning qarshiligi keskin kamayadi va u ulangan zanjirda tok hosil bo'ladi.
- 1.4. Teng miqdordagi elektron va kovaklar.
- 1.5. Yarimo'tkazgichlar qizdirilganda yoki ular yoritilganda.
- 1.6. Chunki elektron - kovak juftligi hosil bo'lishi bilan bir qatorda, avval hosil bo'lganlarining rekombinatsiyasi sodir bo'lib turadi.
- 1.7. Yarimo'tkazgichga akseptor elementini kiritish bilan; donor elementini kiritish bilan.
- 1.8. Uncha katta bo'lmagan temperaturalarda kamayadi. Yuqori temperaturalarda ortadi.
- 1.9. Ularga p – n o'tish sohasida elektron maydon ta'sir qiladi.
- 1.10. To'g'ri tok asosiy zaryad tashuvchilar tomonidan hosil qilinadi, teskarli tok esa nisbatan kam bo'lgan, asosiy bo'lmagan zaryad tashuvchilar tomonidan hosil bo'ladi.
- 1.11. Agar qarshilik bo'lmasa, ventildan o'tuvchi tok juda katta bo'ladi va p-n o'tish kontaktlarida to'g'ri kuchlanish keskin ortadi, natijada ventil ishdan chiqadi.
- 1.12. Yarimo'tkazgichlar kuchli qizdirilganda elektron – kovak juftligi hosil bo'lishi keskin ortadi.
- 1.13. Negaki asosiy va asosiy bo'lmagan zaryad tashuvchilar baza orqali o'tganda rekombinasiyalanib ulgurmasligi kerak.
- 1.14. Emitter o'tish orqali tokning asosiy qismi bazadan o'tuvchi va kollektorga boruvchi zaryad tashuvchilardir. Baza zaryad tashuvchilaridan tashkil topgan emitter tokining boshqa qismi kollektor o'tish bilan bog'liq emas va u samarasizdir.
- 1.15. Kollektor zanjiridagi manba energiyasi hisobiga.
- 1.16. O'tkazgichlarning qarshiligi ortib, dielektriklarning qarshiligi kamayadi.
- 1.17. Termistor qiziganda uning qarshiligi keskin kamayadi va zanjirning u ulangan qismidagi tok kuchi ortadi.
- 1.18. O'tkazgichda kuchlanish ortadi. Yarimo'tkazgichda kamayadi.
- 1.19. O'tkazgichda tok kuchi kamayadi. Yarimo'tkazgichda ortadi.
- 1.20. Elektronlar va kovaklar soni bir xil bo'ladi.
- 1.21. Elektronni atomdan uzib chiqarish uchun energiya sarflash kerak. Bunga qizdirish, nurlanish kabi ta'sirlar sabab bo'ladi.
- 1.22. Tellur, chunki isitish natijasida uning qarshiligi kamayadi.
- 1.23. Yo'q, chunki temperatura pasayishi bilan kremniyning qarshiligi ortadi.
- 1.24. Rekombinatsiya.

- 1.25. Chunki elektron - kovak juftlari hosil bo'lishi bilan bir qatorda avval hosil bo'lgan elektronlar va kovaklarning rekombinatsiyasi ham mavjud bo'ladi.
- 1.26. 1.Yarimo'tkazgichga Mendeleyev jadvalidagi akseptorli va donorli guruq elementlaridan aralashma kiritish yo'li bilan. 2.V guruh elementlari: P, As, Sb qo'shilganda ko'proq elektron o'tkazuvchanlik; Ga, B, In kabi III guruh elementlari qo'shilganda ko'proq kovakli o'tkazuvchanlik ortadi.
- 1.27. Uncha katta bo'lmagan temperatura oralig'ida qizdirilganda ularning qarshiliklari ortadi, yuqori temperaturada esa kamayadi.
- 1.28. Chunki, ularga elektr maydon kuchi ta'sir etib, ularni $p-n$ sohadan chiqarib yuboradi.
- 1.29. Chunki, to'g'ri tok kuchini asosiy zaryad tashuvchilar, teskari tok kuchini esa juda kam miqdordagi asosiy bo'lmagan zaryad tashuvchilar hosil qiladi.
- 1.30. Kamayadi.
- 1.31. Ular orasida to'g'ri mutanosiblik yo'qligi sababli chiziqli bo'lmagan bog'lanishda bo'ladi.
- 1.32. Termistorlarda qarshilikning temperaturaga bog'lanishidan foydalanilsa, lotorezistorlarda esa qarshilikning yoritilganlikka bog'likligidan foydalaniladi.
- 1.33. Yarimo'tkazgichli kristal elektron va kovakli o'tkazuvchanliklarga ega.
- 1.34. $I_e = I_b + I_k$
- 1.35. Energiyani ko'proq iqtisod qiladi; qurilmalar hajmi juda ixcham va yengil bo'ladi.
- 1.36. Nagruzka bo'lmaganda ventildan o'tayotgan tok keskin ortadi va ventil ishdan chiqadi.
- 1.37. Yarimo'tkazgich juda qiziganda elektron - kovak juftlarining hosil bo'lishi ortadi. 70°C gacha, $120\text{-}150^{\circ}\text{C}$ gacha.
- 1.38. Baza orqali o'tuvchi asosiy va asosiy bo'lmagan zaryad tashuvchilar rekombinasiyalanib ulgurmasligi uchun.
- 1.39. Chunki, baza orqali kollektorga o'tuvchi emitter tok kuchining asosiy qismini asosiy zaryad tashuvchilar tashkil etadi. Bazzaning asosiy zaryad tashuvchilaridan iborat bo'lgan emitter orqali o'tuvchi tok kuchining boshqa qismi kollektor o'tish bilan bog'liq emas va u foydasiz tok kuchidir.
- 1.40. Baza, kollektor, emitter.
- 1.41. Yo'q. Chunki birinchi holda tok kuchi ko'proq bo'ladi va ko'proq ortadi.
- 1.42. Kollektor tarmog'idagi tok manbai energiyasi hisobiga.
- 1.43. Kovakli o'tkazuvchanlik; elektronli o'tkazuvchanlik.
- 1.44. Fosfer, mishyak, va surma - V - guruh elementi.
- 1.45. Chunki tranzistor radiopriyomnik asbobning bir elementidir, shuning uchun uning to'g'ri nomi tranzistorli radiopriyomnik deyiladi.

2 - daraja qiyinlikdagi masalalarning javoblari

- 2.1. 2,5 mA
- 2.2. Tok va kuchlanish qiymatlari asosida voltamper xarakteristika chiziladi
- 2.3. —

- 2.4. 4Ω ; $1,1 M\Omega$
- 2.5. 70 W soat
- 2.6. Erkin zarrachalar konsentratsyasi ortadi.
- 2.7. Yo`q. Past temperaturada kremniy qarshiliga ortadi.
- 2.8. 25% ga
- 2.9. $\approx 2,3 \cdot 10^{-7} \%$
- 2.10. $\approx 1,0 \cdot 10^{13} sm^{-3}$
- 2.11. n-turli; $\approx 1,1 \cdot 10^{17} sm^{-3}$
- 2.12. $\approx 9,6 \cdot 10^{-6} \%$
- 2.13. 1) Elektronli, chunki mishyak valentligi germaniy valentligidan katta;
2) Kovakli, chunki indiy valentligi germaniy valentligidan kichik.
- 2.14. Fosfor kiritilganda n-turli, boshqa hollarda p-turli o'tkazuvchanlikka ega bo`ladi.
- 2.15. Yo`q, chunki qalay uch valentli.
- 2.16. Kovaklarga nisbatan elektronlar harakatchanligi yuqori.
- 2.17. 1.O`ng qismi o'tkazuvchan, chap qismi taqiq yo`nalish; 2.Tok kuchi va kuchianish qiymatlarining farqi katta bo`lgani uchun.
- 2.18. $0-10mA$; $100^{\circ}C$; $\approx 70^{\circ}C$; $\approx 30^{\circ}C$.
- 2.19. Metallarda erkin elektronlar konsentratsyasi juda yuqori, shuning uchun fotoeffekt natijasida hosil bo`lgan kam miqdordagi qo'shimcha elektronlar metallar o'tkazuvchanligiga ta'sir qilmaydi.
- 2.20. Yoritilmagan fotoqarshilik qarshiligi katta. Om qonunini kichik toklarda ma'lum yaqinlashishda qo'llash mumkin.
- 2.21. $0,4 m^2$
- 2.22. 3 marta o`zgargan, ya`ni kamaygan bo`ladi.
- 2.23. 9 marta kamaygan.
- 2.24. To`rtta shayba ketma - ket ulanadi.
- 2.25. a) $n = 3 \cdot 10^{21} m^{-3}$, b) $n = 2 \cdot 10^{22} m^{-3}$, v) $n = 1 \cdot 10^{21} m^{-3}$
- 2.26. Ge ($D_{n_1} = 263 sm^2/s$) ($D_{n_2} = 116 sm^2/s$) ($D_{p_1} = 204 sm^2/s$) ($D_{p_2} = 90 sm^2/s$)
 Si ($D_{n_1} = 131 sm^2/s$) ($D_{n_2} = 33 sm^2/s$) ($D_{p_1} = 130 sm^2/s$) ($D_{p_2} = 13 sm^2/s$)
- 2.27. $L_1 = 0,23 sm$, $L_2 = 0,15 sm$
- 2.28. 1) $\rho = 0,05 \Omega \cdot m$, $\frac{I}{I_p} \approx 1,48$ 2) $\rho = 0,05 \Omega \cdot m$, $\frac{I}{I_p} \approx 1,85 \cdot 10^{-4}$
- 2.29. $\sigma_{mn} = 2,2 \cdot 10^{-2} (\Omega \cdot sm)^{-1}$
- 2.30. $n = 8,9 \cdot 10^{17} m^{-3}$, $\sigma = 1,4 (\Omega \cdot m)^{-1}$
- 2.31. 1,2 V
- 2.32. $4,46 \cdot 10^{15} m^{-3}$
- 2.33. 1,2 eV
- 2.34. $5,25 \cdot 10^{10} m^{-3}$

3 - daraja qiyinlikdagi masalalarning javoblari

3.1. f

$$3.2. d = \frac{c}{\sqrt{h^2 + k^2 + \ell^2}}$$

$$3.3. E_{\text{max}} - E_{\text{min}} = \frac{\hbar^2 n^2 \pi^2}{2ma^2} \cdot \frac{2}{p}$$

$$3.4. E_x = \frac{\hbar^2 \pi^2}{2ma^2} \left[(n+1)^2 \left(1 - \frac{4}{p} \right) - n^2 \right]$$

3.5. $\frac{1}{\tau} = \frac{1}{\tau_1} + \frac{1}{\tau_2}$ va $\tau = 2$ da $\tau^2 = \frac{\tau_1}{\tau_1}$ bo'lganda 1-ifoda, $\tau = 1$ da 2- ifoda kelib chiqadi.

3.6. 1-holda $r=0$ hamda $r=2$ deb olib, $a^2 = \frac{\tau_1}{\tau_i}$ ifodani hisobga olsak,

$$\tau = \frac{\tau_0 e^{-\frac{\tau}{\tau_1}}}{e^{-\frac{\tau}{\tau_1}} + a^2}$$

$$3.7. \sigma_0 = \frac{8\pi \ell^2 (2m^* kT)^{\frac{1}{2}}}{3m^*(2\pi\hbar)^3} \tau_{0*} \cdot \mu^*, \quad u_0 = \frac{e}{m^*} \tau_{0*} \cdot \mu^*$$

$$3.8. \sigma_1 = \frac{8\pi \ell^2 (2m^* kT)^{\frac{1}{2}}}{3m^*(2\pi\hbar)^3} \tau_{0*} \cdot \mu^* \quad u_{\sigma_1} = \frac{e}{m^*} \tau_{0*} \cdot \mu^*$$

3.9. $\mu \gg 0$ da $A_L = 1$ va $A_i = 1$

3.10. ($T = 300K$), 1) $2,02 mV$, 2) $1,62 mV$, 3) $1,22 mV$, $\alpha_1 \approx 1,58 mV$, $\alpha_2 \approx 1,62 mV$, $\alpha_3 \approx 1,22 mV$

3.11. $\alpha_1 \approx 1,58 mV$, $\alpha_2 \approx 1,38 mV$, $\alpha_3 \approx 1,18 mV$

3.12. $\alpha \approx \frac{\kappa_0}{e} (4 - \mu^*)$ da μ^* ning qiymatiga qarab baholanadi.

$$3.13. \alpha = \frac{4\pi}{n \cdot m^*} \cdot \frac{Ne^2}{\omega^2 \tau}$$

3.14. Ko'rsatma $R = \frac{(n-1)^2 + k^2}{(n+1)^2 + k^2}$ da $k=0$ deb oling.

3.15. $j(\omega) \approx 2,25 \cdot 10^{-4} sm^{-1} \cdot s^{-1}$

3.16. $\tau = 4 \cdot 10^{-2} s$; $\tau = 0,1 s$; $\tau = 0,14 s$;

3.17. $\tau = \frac{1}{\gamma_0(n_o + p_o)}$, temperatura ortishi bilan n_o , p_o - ortadi, τ - kamayadi.

3.18. $\tau = \frac{p}{\gamma_n \cdot n^{\frac{1}{2}}}$; $\gamma_n = 4\rho \left(\frac{300}{T} \right)^{\frac{1}{2}}$ bo'lgani uchun $\tau \sim c T^{\frac{1}{2}}$, ya'ni, $\tau \sim T^{\frac{1}{2}}$

3.19. $\frac{\tau_1}{\tau_2} = \frac{n_1^2}{n_2^2} = \left(\frac{n_1}{n_2} \right)^2 \approx \frac{1}{400}$; $\frac{2\tau_1 n_1^2}{n_0^2} \sim \frac{1}{n^2}$

3.20. Ko'rsatma [4] dagi 6-rasm asosida asoslang. $V_i = \frac{h^3}{a^3}$

3.21. Ko'rsatma [4] dagi 6-rasm asosida isbotlang.

3.23. $E \approx 7,5 \cdot 10^{-9} eV$

3.24. $\Delta E = 1,84 eV$, $r = 1A^0$, $n_a = 1,54 \cdot 10^{15} sm^{-3}$

3.25. $T_1 \approx 0,47 K$, $T_2 \approx 2,7 K$; Si uchun $T_1 \approx 0,31 K$, $T_2 \approx 1,5 K$

3.26. $\frac{\mu_n}{D_n} = \frac{e}{k_0 T}$ va $\frac{\mu_p}{D_p} = \frac{e}{k_0 T}$ aynigan yarimo'tkazgich uchun $\frac{\mu_n}{D_n} = \frac{ek_0 T}{4} \cdot \frac{F_{\frac{1}{2}}}{F_{\frac{1}{2}}}$ bu

erda $F_{\frac{1}{2}}$ va $F_{\frac{1}{2}}$ - Fermi integrallari

3.27. $D_n = \frac{k_0 T \mu_n}{e}$ va $D_p = \frac{k_0 T \mu_p}{e}$ formulalar bo'yicha berilgan T ning qiymatlarida hisoblanadi.

3.28. $D = \frac{n + p}{\frac{n}{D_n} + \frac{p}{D_p}}$ va $D_p > D > D_n$

3.29. $\Delta p_1 = \Delta p_2 = \Delta p_0 e^{-\frac{\tau}{L_p}}$ va $L_p = \sqrt{D_p \cdot \tau_p}$

3.30. $\tau = \frac{\mu_d \cdot m}{e} \approx 2,27 \cdot 10^{-12} s$

3.31. $\sigma = e \mu_n n_e + e \mu_p n_p$ ifoda orqali isbot qilinadi.

3.32. $\Delta y = \sqrt{\frac{2 \varepsilon \varepsilon_0 \Delta \phi}{n_0^2}} \approx 2,3 mkm$

3.33. $j_s = \frac{1}{4} n_s e \sqrt{\frac{8 k_0 T}{\pi m \alpha}}$ $j_s = 4,3 A/sm^2$

3.34. $\Delta \phi = \kappa T \ln \frac{N_s}{N_d} \approx 0,6 V$

3.35. $J = j_s S = 7,5 A$

3.36. $J = \frac{k_0 T}{4e} \sigma_p S = 2.58 A$

3.37. $q = \frac{\sigma E (\varepsilon \varepsilon_0)^{\frac{1}{2}}}{e^{\frac{1}{2}} \mu n^{\frac{1}{2}}} \cdot (\kappa T)^{\frac{1}{2}} \approx 5 \cdot 10^{-7} C$

3.38. $\delta = \frac{q}{s} = \frac{n \varphi}{\sqrt{\kappa T}} \cdot \sqrt{\frac{\varepsilon \varepsilon_0}{n}} \approx 3,2 \cdot 10^{-9} \frac{C}{m^2}$ yoki $3,2 \cdot 10^{-5} \frac{C}{sm^2}$

3.39. $s = \frac{a}{2\tau} \approx 3 \frac{m}{s}$

3.40. $\lambda = \frac{\sigma m}{e} \mu$

$$3.41 \quad j_s = kT_0\mu \frac{\Delta U}{\Delta x} = 0.34 A/m^2 \text{ yoki } 34 mKA/sm^2$$

$$3.42 \quad E_e = 6,21 \cdot 10^{-21} J, \quad P_e = 6,47 \cdot 10^{-26} \frac{kg \cdot m}{s}, \quad K_e = 6,16 \cdot 10^{-9} m^{-1}, \quad \lambda_e = 1 \cdot 10^{-8} m$$

$$h_F = 2,15 \cdot 10^{-22} J, \quad P_F = 3,24 \cdot 10^{-26} \frac{kg \cdot m}{s}, \quad K_F = 3,18 \cdot 10^{-8} m^{-1}, \quad \lambda_F = 2 \cdot 10^{-8} m, \quad \theta = \frac{\pi}{2}$$

$$3.43 \quad r_{max} = \kappa \frac{e^3}{E_k}, \text{ bu erda } E_k - \text{elektronlarning o'rtacha kinetik energiyasi}$$

$$3.44 \quad \sigma = \frac{1}{n \theta \tau}; \text{ bu erda } n = (n_a \cdot n_o)^{\frac{1}{2}} \exp \left[-\frac{\Delta E_d}{2kT} \right] \text{ va } n_o = 2 \left(\frac{mkT}{2\pi\hbar^2} \right)^{\frac{3}{2}}, \quad \tau = \frac{3}{8R\theta n_a}$$

$$3.45 \quad 1). \quad \lambda = \frac{1}{\sigma n}; \quad \mu = \frac{e\tau}{m^*} = \frac{e}{\sigma n \theta m^*}; \quad \lambda = \frac{\mu m^* \theta}{e}; \quad \mu \sim T^{\frac{1}{2}} \text{ va } \theta \sim T^{\frac{1}{2}} \text{ bo'lgani uchun } \lambda \sim T^{-1}. \quad 2). \quad \mu = \frac{4}{3\sqrt{\pi}} \cdot \frac{e\tau}{m^* \kappa^{\frac{3}{2}}} T^{\frac{3}{2}} \sim T^{\frac{3}{2}}.$$

$$3.46 \quad R = \frac{A_a A_n}{(A_a + A_n)en}; \quad A_a \approx 1,93, \quad A_n \approx 1,18$$

$$3.47 \quad \text{Elastik sochilishda } r_p = r_n, \quad r_n = r$$

$$j = e(n\mu_n + p\mu_p)\vec{E} - re(p\mu_p^2 - n\mu_n^2)[\vec{B} \cdot \vec{E}] \text{ tok k bo'yicha oqsa}$$

$$J_x = J_y = J_z = 0$$

$$\begin{cases} J_x = e(n\mu_n + p\mu_p)E_x + re(p\mu_p^2 - n\mu_n^2)BE_y = j \\ J_y = e(n\mu_n + p\mu_p)E_y - re(p\mu_p^2 - n\mu_n^2)BE_x = 0 \end{cases}$$

Bu tenglamalarni ε_y ga nisbatan echsak,

$$E_y = \frac{r}{e} \frac{p\mu_p^2 - n\mu_n^2}{(n\mu_n + p\mu_p)^2} jB = R j B. \text{ Bizning hol uchun } r=1 \text{ bo'gani uchun}$$

$$R = \frac{r}{e} \frac{p\mu_p^2 - n\mu_n^2}{(n\mu_n + p\mu_p)^2};$$

$$\text{a) Agar } n \gg p \text{ bo'lsa } R \approx -\frac{1}{en}; \quad \text{b) agar } p \gg n \text{ bo'lsa } R \approx \frac{1}{ep}$$

$$3.48 \quad \text{Sochilish asosan akustik fononlarda bo'ladi.}$$

$$3.49 \quad \epsilon = \frac{p}{n} = \frac{\mu_a^2}{\mu_s^2} = 4,26; \quad n = 1,2 \cdot 10^{22} m^{-3}; \quad p = \epsilon \cdot n = 5,1 \cdot 10^{22} m^{-3}; \quad m^* = 0,07 m;$$

$$\alpha = 93 mKV; \quad \rho_a = \frac{0,04}{10^1 \cdot 10^{-7,72}} \approx 0,02 \Omega \cdot sm; \quad \mu_n = 3450 \frac{sm^2}{V \cdot s}; \quad \mu_p \approx 810 \frac{sm^2}{V \cdot s}; \quad R = 160 \frac{sm^3}{C}$$

$$3.50 \quad \epsilon \approx 1050 \frac{V}{sm}$$

$$3.51 \quad E_F = -0,05 eV$$

$$3.52 \quad n = 3,3 \cdot 10^{22} m^{-3}, \quad \mu_n = 212,5 \frac{sm^2}{V \cdot s}$$

$$3.53 \quad p = 1,3 \cdot 10^{22} m^{-3}, \quad \mu_p = 412 \frac{sm^2}{V \cdot s}$$

$$3.54 \quad E = 0,053 eV; \quad r = 0,85 nm$$

4 - daraja qiyinlikdagi masalalarning javoblari

4.1. Aynimagan holdagi neytrallik sharti $p = n$ dan

$$2 \left(\frac{m_n kT}{2\pi\hbar^2} \right)^{\frac{3}{2}} e^{\frac{E_g - E}{kT}} = 2 \left(\frac{m_p kT}{2\pi\hbar^2} \right)^{\frac{3}{2}} e^{\frac{E_g - E}{kT}}$$

$$n \text{ olamiz. Bu yerdan } e^{\frac{2E_g - (E_e - E_s)}{2kT}} = \left(\frac{m_p}{m_n} \right)^{\frac{3}{2}}$$

$$\text{va bundan } F = \frac{E_e + E_s}{2} + \frac{3}{4} kT \ln \frac{m_p}{m_n}.$$

Elektronlar konsentratsyasi esa quyidagiga teng

$$n_i = \sqrt{np} = 2 \left(\frac{(m_n m_p)^{\frac{1}{2}} kT}{2\pi\hbar^2} \right)^{\frac{3}{2}} \cdot e^{\frac{E_g - E_s}{2kT}}$$

300 va 200 K da konsentratsyalar nisbati

$$\frac{n_{300}}{n_{200}} = \left(\frac{300}{200} \right)^3 \exp \left[-\frac{\Delta}{2k} \left(\frac{1}{300} - \frac{1}{200} \right) \right] = 3,6 \cdot 10^3$$

4.2. Xususiy yarim o'tkazgichda elektronlar konsentratsyasi taqiqlangan soha kengligining temperaturaga bog'liqligini hisobga olganda quyidagiga teng:

$$n = 2 \left(\frac{\sqrt{m_n m_p} kT}{2\pi\hbar^2} \right)^3 e^{\frac{E_g - \Delta}{2kT}}, \text{ bu yerda } E_g = \Delta - oT.$$

$$\text{Bundan } 2 \left(\frac{\sqrt{m_n m_p} kT}{2\pi\hbar^2} \right)^3 e^{\frac{E_g - \Delta}{2kT}} = \frac{n}{T^{\frac{3}{2}}} e^{\frac{E_g}{2kT}} \text{ ni olamiz va}$$

$$\frac{m_n m_p}{m_0^2} = \frac{(2\pi\hbar^2)^2}{2^{\frac{3}{2}} (kT)^2 m_0^2} n^{\frac{1}{2}} e^{\frac{2E_g - 2\Delta}{3kT}} = 0,21 \text{ kelib chiqadi.}$$

4.3. T_1 va T_2 temperaturada elektronlar konsentratsyalari nisbati (4.1 masalaga qarang) quyidagicha:

$$\frac{n_1}{n_2} = \left(\frac{T_1}{T_2} \right)^{\frac{3}{2}} e^{\frac{\Delta \left(\frac{1}{T_1} - \frac{1}{T_2} \right)}{2k}} \quad (E_g = \Delta - oT). \quad \text{Bundan } \Delta = 2k \frac{T_1 T_2}{T_1 - T_2} \ln \frac{n_1 T_2^{\frac{3}{2}}}{n_2 T_1^{\frac{3}{2}}}, \text{ bizning shart}$$

$$\text{uchun } \Delta = 0,26 \text{ eV}$$

4.4. Elektronlar konsentratsyasi quyidagiga teng:

$$n = \frac{2Q}{(2\pi)^3} \int dk \left\{ 1 + \exp \left[\beta \left(E_e - F + \frac{\hbar^2 k_x^2}{2m_i} + \frac{\hbar^2 k_y^2}{2m_i} + \frac{\hbar^2 k_z^2}{2m_i} \right) \right] \right\}^{-1} =$$

$$= \frac{2Q}{(2\pi)^3} \frac{1}{\hbar^3} (8m_i^2 m_r)^{1/2} (kT)^{3/2} \int_{-\infty}^{+\infty} dx dy dz \left\{ 1 + \exp \left[\beta \left(E_e - F + x^2 + y^2 + z^2 \right) \right] \right\}^{-1} =$$

$$= \frac{4\pi Q}{(2\pi\hbar)^3} \frac{\sqrt{\pi}}{2} F_{1/2}[\beta(F - E_e)] (8m_i^2 m_r)^{1/2} (kT)^{1/2} = 2 \left(\frac{m_d kT}{2\pi\hbar^2} \right) F_{1/2}[\beta(F - E_e)]$$

Bu yerda Q o'tkazuvchan sohaning ekvivalent minimumlar soni, $\beta = 1/kT$. k bo'yicha integrallash natijasi, bu chegaralar to'lgan holatlar sohasida yotsa, integrallash chegaralariga bog'liq bo'lmaydi. Bu juda ko'p qiziqarli hodisalarda o'rinni, shuning uchun biz k bo'yicha cheksiz chegaralarda integrallab xato qilmaymiz.

Shunday qilib, holatlar effektiv massasi uchun $m = Q^{2/3} (m_i^2 m_r)^{1/3}$ ga egamiz. Ge da $m_d = 0.56m_0$, Si da $m_d = 1.08m_0$.

4.5. Dispersiya qonuni (1.3 g) ni δ bo'yicha qatorga yoyib, δ bo'yicha chiziqli hadlar bilan chegaralanamiz: $E_p(k) = E_s - \frac{\hbar^2 k^2}{2m} \left[1 \pm \frac{3\delta B}{A \pm B} \phi(0, \varphi) \right]$ bu yerda $m_s = m_0 (A \pm B)^{-1}$, $\psi(0, \varphi) = \sin^4 \varphi + \cos^2 \varphi \sin^2 \varphi + \sin^2 \varphi \cos^2 \varphi - \frac{1}{6}$ va $\varphi = k$ vektorning sferik koordinatalardagi burchaklari. Ushbu yaqinlashishda kovaklar konsentratsyasi quyidagiga teng:

$$P_{1,2} = \frac{2}{(2\pi)^3} \int_0^{2\pi} dk \cdot k^2 \int_0^\pi d\varphi \int_0^\pi d\theta \cdot \sin \theta \times \left\{ 1 + \exp \left[\frac{\hbar^2 k^2}{2m \pm kT} \left(1 \pm \frac{3\delta B}{A \pm B} \psi(\theta, \varphi) - \eta \right) \right] \right\}^{-1} =$$

$$= \frac{1}{\pi^2} \int_0^\pi dk \cdot k^2 \left\{ \left[1 + \exp \left(\frac{\hbar^2 k^2}{2m_s kT} - \eta \right) \right]^{-1} \pm \frac{3\delta B k^2}{A \pm B} \frac{\partial^2}{\partial k^2} \left[1 + \exp \left(\frac{\hbar^2 k^2}{2m_s kT} - \eta \right) \right]^{-1} \right\} =$$

$$= N_{\delta,1} F_{1/2}(\eta).$$

Bu yerda "1" indeks "engil" kovaklar sohasiga, "2" indeks esa "og'ir" kovaklar sohasiga tegishli, holatlar effektiv soni

$$N_{\delta,1} = 2 \left(\frac{m_{1,2} kT}{2\pi\hbar^2} \right)^{3/2},$$

holatlar zichligining effektiv massasi

$$m_{1,2} = m_s \left[1 \pm \frac{\delta B}{(A \pm B)} \right]$$

Bundan qidirilayotgan effektiv massalar topiladi, $m_1 = 0.043m_0$, $m_2 = 0.32m_0$. Yuqori tartiblarni hisobga olib hisoblanganda, og'ir kovaklar effektiv massasi uchun $m_2 = 0.36m_0$ qiymat olinadi. Germaniy valent sohasidagi holatlar zichligining to'liq effektiv massasi quyidagiga teng:

$$m_p = (m_1^{3/2} + m_2^{3/2})^{3/2} m_0 = (0.043^{3/2} + 0.36^{3/2})^{2/3} m_0 = 0.37m_0$$

4.6. Barcha kovaklar konsentratsyasi dagi yengil kovaklar konsentratsyasi uchun quyidagi yozish mumkin:

$$\frac{p_1}{p} = \frac{N_{g_1}}{N_{g_1} + N_{g_2}} = \left(\frac{m_1}{m_p} \right)^{3/2} = 0.04$$

Shunday qilib, gennaniydagি yengil kovaklar hamma erkin kovaklarni 4% ni tashkil etadi.

4.7. Neytrallik shartiga ko'ra

$$N_e F_{1/2}(\eta) = N_g e^{\frac{E_g - F}{kT}}$$

Chunki, effektiv massaning kattaligi uchun valent sohadagi kovaklar gazini aynimagan deb olib va (ilova 4) dan foydalanib

$$F_{1/2}(\eta) \approx \frac{t}{1 - 0.27t}$$

ni yozamiz, bunda $t = e^3$. t uchun quyidagi tenglamaga kelamiz:

$$t^2 - 0.27At - A = 0, \quad A = \left(\frac{m_p}{m_n} \right)^{3/2} e^{\frac{E_g}{kT}}$$

Ushbu tenglamaning yechimi quyidagi teng:

$$t = 0.135A + \sqrt{0.018A^2 + A},$$

ayniganlikni hisobga olmaganimizda quyidagi natijaga erishardik

$$t_{\text{ayn}} = \sqrt{A}.$$

$\frac{F - E_s}{(F - E_s)_{\text{ayn}}}$ nisbat quyidagi teng:

$$\frac{F - E_s}{(F - E_s)_{\text{ayn}}} = \frac{\ln(0.135A + \sqrt{0.018A^2 + A})}{\ln\sqrt{A}}$$

Kovaklar konsentratsyasi teng elektronlar konsentratsyasi quyidagi ifoda orqali aniqlanadi.

$$n = p = N_g e^{\frac{E_g - F - E_s}{kT}}$$

T=600 K da $E_g = 9.8 \cdot 10^{-2}$ eV, $A = 4.74$; $t = 2.91$, $t_{\text{ayn}} = 2.18$;

$$\frac{F - E_s}{(F - E_s)_{\text{ayn}}} = 1.37; \quad \frac{n}{n_{\text{ayn}}} = \frac{t_{\text{ayn}}}{t} = 0.75.$$

bu yerdan $n = \frac{N_g}{t} e^{\frac{E_g - F - E_s}{kT}} = 3.3 \cdot 10^{17} \text{ sm}^{-3}$

4.8. Xususiy yarimo'tkazgichning solishtirma qarshiligi quyidagi teng:

$$\rho = [e(n\mu_n + p\mu_p)]^{-1} = (ne\mu_n)^{-1} \frac{b}{1+b} = \frac{b}{2(1+b)e\mu_n} \left(\frac{2\pi\hbar^2}{\sqrt{m_e m_p} kT} \right)^{3/2} \cdot \exp\left(\frac{E_s}{2kT}\right)$$

T=300K da $E_g=0,665\text{ eV}$, 30 K da esa $E_g=0,773\text{ eV}$ va mos holda

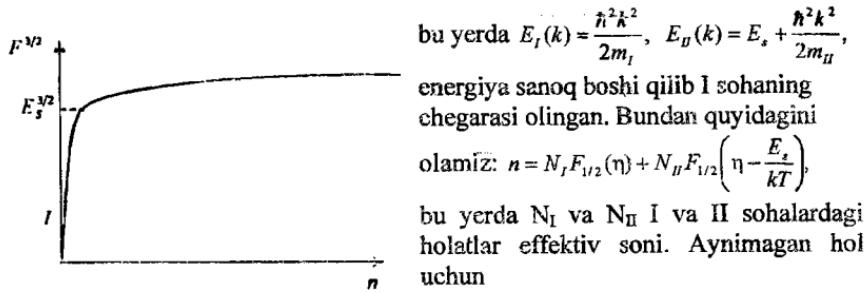
$$\rho_{300} = 57 \Omega \cdot sm$$

$$\rho_{30} = 1.2 \cdot 10^{61} \Omega \cdot sm$$

Oxirgi raqamni jiddiy qabul qilish kerak emas, bunday sharoitlarda kirishmalar va ya'na balkim strukturavly nuqsonlar ham rol o'yinaydi. Biroq qilingan baholash shuni ko'rsatadi, temperatura xususiy yarimo tkazgich qarshiligiga kuchli ta'sir ko'rsatadi.

4.9. Elektronlarning to'liq konsentratsyasi alohida sohalardagi konsentratsyalar yig'indisiga teng :

$$n = n_i + n_\eta = \frac{2}{(2\pi)^2} \int dk f(E_I(k)) + \frac{2}{(2\pi)^3} \int dk f(E_{II}(k))$$



13- rasm

$$\eta = \ln \frac{n}{N_I + N_{II} e^{-E_s/kT}};$$

$$n = \frac{1}{3\pi^2} \left(\frac{2m_I}{\hbar^2} \right)^{3/2} F^{3/2} \left[1 + \left(\frac{m_{II}}{m_I} \right)^{3/2} \left(1 - \frac{E_s}{F} \right)^{3/2} \theta(F - E_s) \right], \quad \theta(x) = \begin{cases} 1, & x > 0, \\ 0, & x < 0. \end{cases}$$

Kuchli aynish holi uchun Fermi sathining konsentratsyaga bog'lanish grafigi 13- rasmida ko'rsatilgan.

4.10. Yuqori minimumda elektronlar soni quyidagiga teng:

$$n_{II} = \frac{2}{(2\pi)^2} \int_E^\infty dk f(E_{II}(k)) = N_{II} e^\eta e^{-\frac{E_s}{kT}} = n \frac{\zeta e^{-\frac{E_s}{kT}}}{1 + \zeta e^{-\frac{E_s}{kT}}},$$

$$\text{bu yerda } \zeta = \frac{N_{II}}{N_I} = \left(\frac{m_{II}}{m_I} \right)^{3/2} = 58, \text{ qidirilayotgan bog'lanish } \frac{n_{II}}{n_I} = \frac{n_{II}}{n - n_{II}} = \zeta e^{-\frac{E_s}{kT}}$$

Bunga son qiymatlarini qo'yib, $\frac{n_{II}(300)}{n_I(300)} = 0.8 \cdot 10^{-4}$, $\frac{n_{II}(1000)}{n_I(1000)} \approx 1$ ni topamiz.

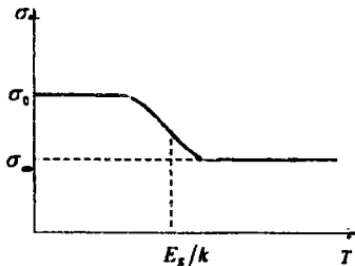
4.11. O'tkazuvchanlikning kattaligi quyidagiga teng:

$$|\sigma| = en_1\mu_1 + en_{11}\mu_{11} = en_1\mu_1 \left(1 + \frac{n_{11}}{n_1} \frac{\mu_{11}}{\mu_1} \right) = en\mu_1 \frac{1 + \zeta e^{-\frac{E_s}{kT}} \frac{\mu_{11}}{\mu_1}}{1 + \zeta e^{-\frac{E_s}{kT}}}.$$

$T \ll \frac{E_s}{k}$ da $\sigma \approx \sigma_0 = en\mu_1$, yuqori temperaturalarda

$$\left(T \gg \frac{E_s}{k} \right) \sigma \approx \sigma_0 = en \frac{\mu_1 + \zeta \mu_{11}}{1 + \zeta}.$$

O'tkazuvchanlikning qiyosiy o'tishi 14 - rasmda ko'rsatilgan.



14- rasm

qidirilayotgan nisbat quyidagiga teng: $\frac{\sigma(1000^{\circ})}{\sigma(300^{\circ})} \approx 0,5$.

4.12. Elektronlar konsentratsyasi uchun ushbu ifodani yozamiz:

$$n = \frac{L}{(2\pi)^3} \int dk f(E) = \frac{1}{\pi^2} \int_0^\infty k^2 dk f(E) = \int_0^\infty dE \rho(E) f(E)$$

bu yerda $\rho(E) = \frac{k^2 dk}{\pi^2 dE}$ - holatlar zichligi. Sanoq boshi etib o'tkazuvchanlik

sohasining chegarasini olib va k^2 ni E orqali ifodalab topamiz.

$$k^2 = \frac{1}{2\gamma} \left(1 - \sqrt{1 - \frac{8mE}{\hbar^2}} \right) \approx \frac{2mE}{\hbar^2} \left(1 + \frac{2mE}{\hbar^2} \right), \text{ undan } \rho(E) = \frac{1}{2\pi^2} \left(\frac{2m}{\hbar^2} \right)^{1/2} E^{1/2} \left(1 + \frac{5mE}{\hbar^2} \right)$$

$$\text{Shunday qilib (ilova 1 ga qarang)} n = N_c \left[F_{1/2}(\eta) + \frac{15}{2} \frac{m\gamma kT}{\hbar^2} F_{3/2}(\eta) \right]$$

4.13. Sanoq boshi etib o'tkazuvchan soha chegarasini qabul qilib va dispersiya qonunini oshkor ko'rinishidan foydalanib holatlar zichligi uchun quyldagini topamiz:

$$\sigma(E) = \frac{k^2(E) dk(E)}{\pi^2} = \frac{1}{2\pi^2} \left(\frac{2m(0)}{\hbar^2} \right)^{3/2} E^{1/2} \left(1 + \frac{E}{E_s} \right)^{1/2} \left(1 + 2 \frac{E}{E_s} \right)$$

Aynigan hol uchun elektronlar konsentratsyasi

$$n = \int_0^{\infty} dE p(E) \cdot f(E) = \frac{1}{3\pi^2} \left(\frac{2m(0)}{\hbar^2} \right)^{1/2} F^{1/2} \left(1 + \frac{F}{E_s} \right)^{1/2}, \text{ ga teng.}$$

4.14. Oldingi masala natijasidan foydalanib, $m_d = m(0) \left(1 + \frac{F}{E_s} \right)$ ni topamiz.

F ni konsentratsya orqali ifodalab, m_d uchun quyidagi ifodani hosil qilamiz:

$$m_d = \frac{m(0)}{2} \left[1 + \sqrt{1 + \frac{2\hbar^2}{m(0)E_s} (3\pi^2 n)^{2/3}} \right].$$

Dispersiya qonuni (1.3 j) uchun effektiv massa m^* quyidagiga teng:

$$m^* = \hbar^2 k \left| \frac{dk}{dE} \right|_{E=E_s} = m(0) \left(1 + 2 \frac{F}{E_s} \right) = m(0) \sqrt{1 + \frac{2\hbar^2}{m(0)E_s} (3\pi^2 n)^{2/3}}.$$

Topilgan massalar o'zaro quyidagicha bog'langan $m_d = \frac{m(0) + m^*}{2}$.

Kvadratik dispersiya uchun $m_d = m^* = m(0)$

4.15. $p < n$ bo'lganda neytrallik sharti $n = N_D^+ + p$ dan

$$N_s e^n = \frac{N_D}{1 + g_D e^n e^{-\frac{E_s - E_D}{kT}}}.$$

ni olamiz. Olingan tenglamaning e^n ga nisbatan yechimi quyidagini beradi:

$$e^n = \frac{1}{2g_D} e^{-\frac{E_s - E_D}{kT}} \left(\sqrt{1 + 4 \frac{N_D}{N_s} g_D e^{-\frac{E_s - E_D}{kT}}} - 1 \right).$$

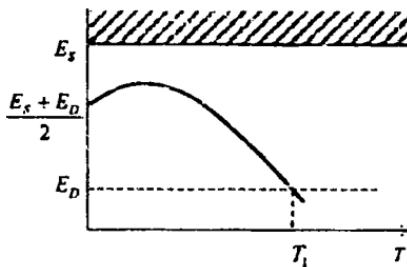
bundan

$$F = E_D + kT \ln \left\{ \frac{1}{2g_D} \left[\sqrt{1 + 4n_D \frac{N_D}{N_s} e^{-\frac{E_s - E_D}{kT}}} - 1 \right] \right\}. \quad T \rightarrow 0 \quad \text{da } N_s \ll N_D e^{-\frac{E_s - E_D}{kT}} \quad \text{va}$$

$$F = \frac{E_s + E_D}{2} + \frac{kT}{2} \ln \frac{N_p}{g_D N_s(T)}.$$

Yuqori temperaturalarda $N_s \gg N_D e^{-\frac{E_s - E_D}{kT}}$ bo'lganda $F = E_s - kT \ln \frac{N_s}{N_D}$ ga egamiz.

Shunday qilib, temperatura oshishi bilan Fermi sathi $\frac{E_s + E_D}{kT}$ dan orta boshlaydi, qandaydir maksimumga yetib deyarli chiziqli ravishda kamaya boshlaydi, bu kovaklar konsentratsyasi sezilarsiz bo'lguncha davom etadi. Fermi sathi o'zgarishi 15 - rasmida keltirilgan.



15- rasm

4.16. Oldingi masala yechimiga ko'ra quyidagi shart bajarilganda Fermi sati donor kirishma sathi bilan mos tushadi:

$$\frac{1}{2g_D} \left(\sqrt{1 + \frac{4g_N D}{N_S(T_1)} e^{-\frac{E_F - E_D}{kT}}} - 1 \right) = 1$$

(15 - rasmga qarang). Bu quyidagi ifoda bilan aniqlanuvchi temperaturada yu beradi:

$$kT_1 = \frac{E_S - E_D}{\ln \left\{ \frac{N_S(T_1)}{4g_D N_D} [(2g_D + 1)^2 - 1] \right\}}.$$

$$kT_0 = E_S - E_D \text{ ba } y = T_0 / T_1 \text{ deb belgilab}, \quad y = \ln \frac{N_S(T_0)}{N_D} + \ln \frac{(2g_D + 1)^2 - 1}{4g_D}$$

ni hosil qilamiz. Qaralayotgan hol uchun $T_0 = 116^\circ$, $N_S(T_0) = 2.5 \cdot 10^{18} \text{ sm}^{-3}$

Shunday qilib tenglama quyidagi ko'rinishga keladi $y = 6.62 - 1.5 \ln y$. Uning yechimi $y = 4,4$ ba $T_1 = 26,2 \text{ K}$. Ushbu temperaturada elektronlar konsentratsya quyidagiga teng:

$$n = \frac{N_S(T_0)}{y^{3/2}} e^{-y} = 3.3 \cdot 10^{15} \text{ sm}^{-3}.$$

4.17. Neytrallik shartidan elektronlar konsentratsyasi uchun quyidagi tenglama

$$\text{olamiz: } n^2 + \frac{n n_D}{g_D} - \frac{n_D N_D}{g_D} = 0, \quad n_D = N_S e^{-\frac{E_D - E_F}{kT}},$$

$$\text{bundan quyidagi kelib chiqadi: } n = \frac{1}{2g_D} \left(\sqrt{n_D^2 + 4g_D n_D N_D} - n_D \right)$$

Kichik temperaturalarda ($n_d \ll 4g_D N_d$ bo'lganda)

$$n = \sqrt{\frac{n_D N_D}{g_D}} = \sqrt{\frac{N_D N_S}{g_D} e^{-\frac{E_D - E_F}{2kT}}}.$$

Agar $n_d \ll g_D N_d$ bo'sha, u holda $n = N_d$ $T = 300 \text{ K}$ da Ge da quyidagiga e bo'lamiz: $n_d(300) = 0.7 \cdot 10^{19} \text{ sm}^{-3}$, $4g_D N_d = 1.6 \cdot 10^{16} \text{ sm}^{-3}$. Shunday qilib $n_d \ll N_d$ va $n = N_d = 2 \cdot 10^{15} \text{ sm}^{-3}$

4.18. Temperaturaning quyi chegarasi quyidagi tengsizlik bilan aniqlanadi:

$$n_D \gg 4g_D N_D, \quad n_D = N_D e^{\frac{E_p - E_s}{kT}}$$

va quyidagi shartdan topiladi:

$$N_s(T_1)e^{\frac{E_s - E_p}{kT_1}} = 4g_D N_D. \quad T_1 = \frac{E_s - E_p}{k \ln \frac{N_s(T_1)}{4g_D N_D}}.$$

Bunda esa temperaturaning yuqori chegarasi xususiy konsentratsyasi kirishma konsentratsyasidek kichik bo'lish sharti bilan aniqlanadi: $n_s \ll n_D$. Shuning uchun yuqori chegara quyidagi tenglamadan topiladi:

$$N_d = N_s e^{-\frac{E_s - E_p}{2kT}}, \quad E_s - E_p = \Delta - \xi T.$$

U quyidagiga teng $T_2 = \frac{\Delta}{2k \left[\ln \frac{N_s(T_2)}{N_n} + \frac{\xi}{2k} \right]}$

Quyidagicha belgilash kiritamiz: $T_0^I = \frac{E_s - E_p}{k}$, $T_0^{II} = \frac{\Delta}{2k}$, $y_1 = \frac{T_0^I}{T_1}$, $y_2 = \frac{T_0^{II}}{T_2}$.

U holda chegaralarni aniqlash uchun ikkita tenglamaga ega bo'lamiz:

$$y_1 = \ln \frac{N_s(T_0^I)}{4g_D N_d} - \frac{3}{2} y_1, \quad y_2 = \ln \frac{N_s(T_0^{II})}{N_d} - \frac{3}{2} y_2 + \frac{\xi}{2k}.$$

Germaniy uchun ushbu tenglama quyidagicha ko'rinish oladi:

$$y_1 = 5,06 - 1,5 \ln y_1 \quad y_2 = 14,95 - 1,5 \ln y_2$$

$$T_0^I = 116 \text{ K} \quad T_0^{II} = 4,5 \cdot 10^3 \text{ K}$$

$$N_s(T_0^I) = 2,5 \cdot 10^{18} \text{ sm}^{-3} \quad N_s(T_0^{II}) = 6,2 \cdot 10^{20} \text{ sm}^{-3}$$

bo'lgani uchun bu tenglamalardan

$y_1 = 3,3$; $y_2 = 11,3$; $T_1 = 35 \text{ K}$; $T_2 = 400 \text{ K}$ ni olamiz.

4.19. Oldingi masala yechimiga o'xshab InSb uchun quyidagini olamiz:

$$\Delta = 0,026 \text{ eV}, \quad \alpha = 2,7 \cdot 10^{-4} \text{ eV/K},$$

$$T_0^I = 11,6 \text{ K}, \quad T_0^{II} = 1510 \text{ K}$$

$$N_s(T_0^I) = 3,5 \cdot 10^{14} \text{ sm}^{-3}, \quad N_s(T_0^{II}) = 5,2 \cdot 10^{17} \text{ sm}^{-3}.$$

Bundan quyidagini olamiz:

$$y_1 = -3,82 - 1,5 \ln y_1; \quad y_2 = 7,13 - 1,5 \ln y_2$$

va oxirgi javob: $y_1 = 0,078$, $y_2 = 4,78$ va $T_1 = 149 \text{ K}$, $T_2 = 316 \text{ K}$

4.20. Neytrallik sharti odatdagagi ko'rinishda yoziladi:

$$N_s F_{1/2}(\eta) = \frac{N_D}{1 + g_D e^{\frac{E_p - E_s}{kT}}}, \quad \eta = \frac{F - E_s}{kT}$$

Fermi integrali uchun esa (ilova 4) ifodani soddalashtirib yozish mumkin:

$$F_{1/2}(\eta) \approx \frac{e^\eta}{1 + 0,27e^\eta}$$

Natijada quyidagi tenglamaga kelamiz:

$$e^{2\eta} + \frac{1}{g_D} \left(1 - 0,27 \frac{N_D}{N_S} \right) e^{-\frac{E_s - E_D}{kT}} e^{\eta} - \frac{N_D}{g_D N_S} e^{-\frac{E_s - E_D}{kT}} = 0$$

Uning yechimi quyidagicha

$$\eta = e^{-\frac{E_s - E_D}{kT}} \left[\sqrt{\frac{1}{4g_D^2} \left(1 - 0,27 \frac{N_D}{N_S} \right) + \frac{N_D}{g_D N_S} e^{-\frac{E_s - E_D}{kT}}} - \frac{1}{2g_D} \left(1 - 0,27 \frac{N_D}{N_S} \right) \right],$$

undan

$$F - E_D = kT \ln \left[\sqrt{\frac{1}{4g_D^2} \left(1 - 0,27 \frac{N_D}{N_S} \right) + \frac{N_D}{g_D N_S} e^{-\frac{E_s - E_D}{kT}}} - \frac{1}{2g_D} \left(1 - 0,27 \frac{N_D}{N_S} \right) \right]$$

$T \rightarrow 0$ da quyidagi tengsizlik o'rini bo'ldi.

$$\frac{(0,27)^2 N_D}{4g_D N_S} \ll e^{-\frac{E_s - E_D}{kT}}.$$

Shuning uchun

$$F = \frac{E_s + E_D}{2} + \frac{kT}{2} \ln \frac{N_D}{g_D N_S}.$$

Agar konsentratsya yetarlicha katta bo'lsa, Fermi sathi temperaturaning aniq intervalida o'tkazuvchan sohaga tushib qolishi mumkin:

$$y = \sqrt{\frac{1}{4g_D^2} \left[1 - 0,27 \frac{N_D}{N_S(T_0)} (\ln y)^{3/2} \right]^2 + \frac{N_D}{g_D N_S(T_0)} (\ln y)^{3/2} - \frac{1}{2g_D} \left[1 - 0,27 \frac{N_D}{N_S(T_0)} (\ln y)^{3/2} \right]}$$

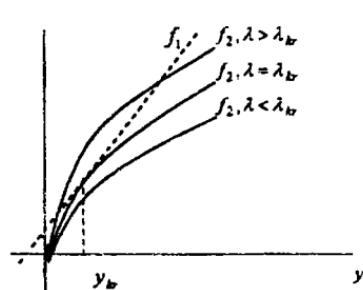
(1). Bu shart Fermi sathi o'tkazuvchan sohaning quyi chegarasi bilan mos tushgan temperaturani aniqlaydi. Biz bu yerda quyidagicha belgilash kiritdik:

$$y = e^{-\frac{E_s - E_D}{kT}}, \quad T_0 = \frac{E_s - E_D}{k}.$$

Donorlarning kichik konsentratsyasida (1) tenglama umuman yechimiga ega emas va bu holda Fermi sathi o'tkazuvchanlik sohaga tushmaydi.

(1) tenglamani tahlil qilish uchun uni quyidagi ko'rinishda yozib olish qulay:

$$y = -\frac{1}{g_D} + \lambda (\ln y)^{3/2}. \quad (2)$$



16- rasm

Bu yerda $\lambda = 1,27 \frac{Ng}{g_D N_S(T_0)}$ donorlar

konsentratsyasiga proporsional parametri. λ ning turli qiymatlarida (2) ifodaning chap va o'ng tomenlarini bog'lovchi o'tish 16-rasmida ko'rsatilgan. Bu yerda $f_1(y) = y_1$, $f_2(y) = \lambda \ln(y)^{3/2}$. Rasmida ko'rniö turibdi, qandaydir kritik N_D^{kt} konsentratsyadan kichik kirishma konsentratsyalarda Fermi sathi hech qanday temperaturada o'tkazuvchan sohaga tushib qolmayapti. Kritik konsentratsyadan katta konsentratsyalarda esa (2) tenglamaning o'ng tarafi bilan berilgan egri chiziq uning chap tomoni

bilan berilgan to'g'ri chiziq bilan ikki nuqtada kesishyapti. Bu ikki nuqta temperatura intervalining chegaralarini ifodalaydi va bu intervalda Fermi sathi o'tkazuvchan sohada yotadi. (2) va quyidagi tenglama (3) $1 = \frac{3}{2} \lambda \frac{(\ln y)^{\frac{1}{2}}}{y}$ ning birlgiligidagi yechimi Fermi sathi o'tkazuvchan sohasining quyi chegarasida yotish kritik temperaturasi T_{ν} va kritik konsentratsyusini aniqlaydi. (3) tenglamadan λ ni topib (2) tenglamaga qo'yib, kritik temperaturani aniqlash tenglamasini hosil qilamiz: $y = -\frac{1}{g_D} + \frac{2}{3} y \ln y$. $g_D=2$ bo'lganda oxirgi tenglamaning yechimi $y_{kr} = 5,2$. Shunday qilib, germaniyda (4.18 masalaga qarang), InSb uchun (4.19 masalaga qarang)

$$y_{\nu} = e^{\frac{T}{T_{\nu}}} = 5,2; \quad T_{\nu} = \frac{T_0}{\ln 5,2} = \frac{116}{1,65} = 70K;$$

$$N_D^{\nu} = \frac{2g_D}{3} \cdot \frac{y_{\nu}}{(\ln y_{\nu})^{\frac{1}{2}}} \cdot \frac{N_s(T_0)}{1,27} \approx 10^{19} sm^{-3}.$$

4.21. Kovaklar konsentratsyasi doimiy va N_a ga teng bo'ladigan temperatura intervali chegaralarini baholaylik. 4.18 - masaladagi kabi quyidagi tenglamalarni yechish zarur:

$$y_1 = \ln \frac{N_v(T_0')}{4g_a N_a} - \frac{3}{2} y_1$$

$$y_2 = \ln \frac{N_v(T_0'')}{N_a} - \frac{3}{2} y_2 + \frac{\xi}{2k}$$

Kremniy uchun

$$\Delta = 1.21 eV, \quad \xi = 2.8 \cdot 10^{-4} eV/K;$$

$$T_0' = \frac{E_a - E_v}{k} = 520K, \quad T_0'' = \frac{\Delta}{2k} = 7020K;$$

$$N_s(T_0') = 2.6 \cdot 10^{19} sm^{-3}, \quad N_s(T_0'') = 1.3 \cdot 10^{21} sm^{-3}.$$

Shunday qilib, tenglamalar quyidagi ko'rinishni oladi:

$$y_1 = 4.18 - 1.5 \ln y_1, \quad y_2 = 11.09 - 1.5 \ln y_2.$$

Ularning yechimlari quyidagicha:

$$y_1 = 2.69, \quad y_2 = 7.98;$$

$$T_1 = 194 K, \quad T_2 = 879 K.$$

Shunday qilib, xona temperaturasida $p=N_a=10^{17} sm^{-3}$. Namuna solishtirma qarshiligi quyidagicha: $\rho = \frac{1}{pe\mu_p} = 0,62 \Omega \cdot sm$

30 K temperaturada kovaklar konsentratsyasi

$$p = \sqrt{\frac{N_a N_s}{g_a}} e^{\frac{E_a - E_v}{2kT}} = 3.2 \cdot 10^{13} sm^{-3} ga teng.$$

4.22. Kirishma sohasida erkin kovaklar konsentratsyasi kichik, Fermi sathi esa taqiqlangan sohaning yuqori yarmida yotadi; shuning uchun:

$$N_s^- = \frac{N_s}{1 + g_s \exp\left(\frac{E_s - E_g}{kT}\right)} \approx N_s$$

Shuning uchun neytrallik sharti quyidagi ko'rinishga ega $n + N_a = \frac{N_e}{1 + g_D \frac{n}{n_D}}$.

Bu yerda $n_D = N_s \exp\left(\frac{E_s - E_g}{kT}\right)$.

$$\text{Bundan } n = \frac{1}{2g_D} \left[\sqrt{n_D^2 + 2g_D(2N_D - N_a)n_D + g_D^2 N_a^2} - (n_D + g_D N_a) \right]$$

kichik temperaturalarda ($n_D \ll N_a$ bo'lganda)

$$n = \frac{1}{g_D} \left(\frac{N_D}{N_e} - 1 \right) N_e e^{-\frac{E_g - E_s}{kT}}$$

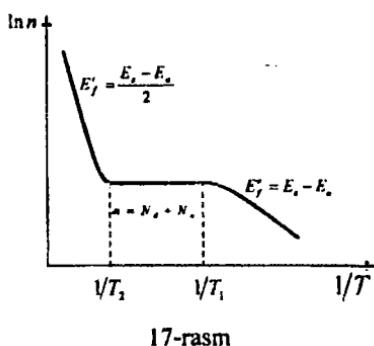
va qidirilayotgan faollashtirish energiyasi $E_s - E_D$ ga teng.

4.23. Oldingi masala yechimiga ko'ra $\frac{2g_D(N_D - N_a)n_D}{(n_D + g_D N_a)^2} \ll 1$ bo'lganda

$$n = \frac{n_D(N_D - N_a)}{(n_D + g_D N_a)} = \frac{N_D - N_a}{1 + g_D \frac{N_a}{N_D}}$$

4.24. 25 K da $N_e = 2.5 \cdot 10^{17} \text{ sm}^{-3}$, $n_D = 2.5 \cdot 10^{15} \text{ sm}^{-3}$. Shunday qilib, $\frac{2g_D n_D (N_D - N_a)}{(n_D + g_D N_a)^2} = 0.2$ va oldingi masala natijasini qo'llab, quyidagini olamiz:

$$n \equiv \frac{N_D - N_a}{1 + g_D \frac{N_a}{N_D}} = 1.1 \cdot 10^{15} \text{ sm}^{-3}$$



$$E_f = E_s - E_g \text{ ga teng.}$$

$T_1 < T < T_2$ intervalda elektronlar konsentratsyasi deyarli o'zgarmaydi va $N_g - N_a$ ga teng.

4.25. Kichik temperaturalar sohasi $T < T_1$ va katta temperaturalar sohasi $T > T_2$ uchun $\ln n$ ning temperaturaga bog'liqligi quyidagi grafikdagidek tafsiflangan. $T < T_1$ – past temperaturalar sohasi va $T > T_2$ sohada $\ln n$ ning temperaturaga bog'liqligi $n = \text{const} - \frac{E_f}{kT}$, bunda E_f – mos faollashtirish energiyasi bo'lib (17- rasm), yuqori temperaturalar sohasida $E_f = \frac{E_s - E_g}{2}$ ga teng, past temperaturalar sohasida

4.26. Sohaning quyisi chegarasi quyidagi shartdan aniqlanadi:

$\frac{1}{g_D} \left(\frac{N_D}{N_a} - 1 \right) N_s e^{-\frac{E_S - E_D}{kT_1}} = N_D - N_a$, bu nuqta $n = N_g - N_a$ – ga teng bo'lib, plato bilan kesishish va $\ln n$ ning T ga bog'lanishning kichik temperaturalardagi boshlanish nuqtasini belgilaydi. Bundan $T_1 = \frac{E_S - E_D}{k \ln \frac{N_s(T_1)}{g_D N_a}}$ kelib chiqadi. Yuqori chegara elektronlar xususiy konsentratsyasi bilan aniqlanadi: $n = N_s e^{\frac{E_S - E_D}{2kT_1}} = N_D - N_a$

Shuning uchun $T_1 = \frac{\Delta}{2k \left[\ln \frac{N_s(T_D)}{N_D - N_a} + \frac{\xi}{2k} \right]}$ Mishyak va alyuminiyi kremniy uchun $E_S - E_v = \Delta - \xi T = (1,21 - 2,8 \cdot 10^{-4}) \text{ eV}$

$$T_1' = \frac{E_S - E_D}{k} \approx 580 K, \quad y_1 = \frac{T_1'}{T_1}$$

$$T_1'' = \frac{\Delta}{2k} \approx 7,02 \cdot 10^3 K, \quad y_2 = \frac{T_1''}{T_1}.$$

Beriigan son qiymatlarni o'rniiga qo'yib, quyidagi tenglamaga kelamiz:

$$y_1 = \ln \frac{N_s(T_1')}{g_D N_a} - \frac{3}{2} \ln y_1, \quad y_2 = \ln \frac{N_s(T_1'')}{N_D - N_a} + \frac{\xi}{2k} - \frac{3}{2} \ln y_2.$$

Bu tenglama yechimlari quyidagicha: $y_1 = 10,4 - 1,5 \ln y_1, \quad y_2 = 16,8 - 1,5 \ln y_2$ va

$$y_1 = 7,4, \quad y_2 = 13,$$

$$T_1 = 78 K, \quad T_2 = 540 K.$$

4.27. Nomuvoranatli konsentratsya relaksasiyasi quyidagi qonunga bo'y sunadi

$$\frac{d\Delta p}{dt} = -\frac{\Delta p}{\tau}$$

Bundan esa quyidagini topamiz:

$$\Delta p(t) = \Delta p(0) \exp\left(-\frac{t}{\tau}\right).$$

$$\frac{\Delta p(t_1)}{\Delta p(t_2)} = \exp\left(\frac{t_2 - t_1}{\tau}\right)$$

$$\tau = \frac{t_2 - t_1}{\ln \frac{\Delta p(t_1)}{\Delta p(t_2)}} = \frac{9 \cdot 10^{-4}}{2,31} \approx 4 \cdot 10^{-4} s.$$

4.28. Statsionarlik shartiga ko'ra $g = \frac{\Delta p}{\tau}, \quad g = \alpha l$. Shuning uchun

$$\Delta p = \frac{\alpha}{\tau} = 100 \cdot 5 \cdot 10^{13} \cdot 2 \cdot 10^{-4} = 10^{14} \text{ sm}^{-1}$$

va

$$\frac{\Delta \sigma}{\sigma_e} = \frac{e \Delta p (\mu_n + \mu_p)}{e n_o \mu_e} = \frac{\Delta p}{n_o} \left(1 + \frac{1}{b} \right) = \frac{10^{14}}{10^{15}} \left(1 + \frac{1}{2,1} \right) = 0,15.$$

4.29. Nomuvozanatl konsentratsyalar so`nishi quyidagi qonunga bo`ysunadi

$$u = \frac{d\Delta n}{dt} = -\alpha \left[(n_0 + \Delta n) \left(\frac{n_i^2}{n_0} + \Delta n \right) - n_i^2 \right] = \alpha [(\Delta n)^2 + n_a \Delta n], \quad t=0 \text{ da } \Delta n = \Delta n(0)$$

boshlang`ich shart bo`yicha bu tenglamani integrallab quyidagini olamiz:

$$\alpha t = \frac{1}{n_0} \ln \frac{n_0 + \Delta n}{\Delta n} + const, \quad \Delta n = \frac{\Delta n(0)n_0}{(\Delta n(0) + n_0)e^{\alpha n_0 t} - \Delta n(0)},$$

4.30. (2.7) formuladan kuchsiz uyg`otilgan hol uchun quyidagini olamiz:

$$\tau = \frac{1}{\alpha N_t} \frac{n_0 + n_i + p_0 + p_1}{n_0 + p_0}$$

Bu yerdag konsentratsyalarni hisoblaylik:

$$n_0 = \frac{1}{\rho e \mu_n} = 3.3 \cdot 10^{14} \text{ sm}^{-3}, \quad p_0 = \frac{n_i^2}{n_0} = 2 \cdot 10^{13} \text{ sm}^{-3}, \quad n_i = p_1 = n_r = 8 \cdot 10^{13} \text{ sm}^{-3}.$$

$$\text{Bundan esa } \alpha = \frac{1}{\tau N_t} = \frac{n_0 + p_0 + 2n_i}{n_0 + p_0} \approx 2.9 \cdot 10^{-9} \text{ sm}^3/\text{s} \text{ va } S = \frac{\alpha}{v_T} \approx 2.5 \cdot 10^{-16} \text{ sm}^2$$

4.31. Bizning sharoitda, (2.7) dan, $\tau = \frac{1}{N_t \alpha_p} \left(1 + \frac{n_i}{n_0} \right)$ ni olamiz. Shartga ko`ra

$$T < 200K \text{ da } \tau \approx \frac{1}{\sqrt{T}} \text{ va } \alpha_p = v_T s_p \approx \sqrt{T} \text{ ekanligidan bu soha uchun } \tau = \frac{1}{N_t \alpha_p}$$

deb hisoblash mumkin. Bu yerdan $S_p = \frac{1}{\tau N_t v_T} \quad g_r(T=200K) = 0.96 \cdot 10^7 \text{ sm/s},$
 $S_p = 2.6 \cdot 10^{-14} \text{ sm}^2.$

Endi $T=300K$ da n_i ni (1) dan, keyin $E_s - E_t$ ni $E_s - E_t = kT \ln \frac{N_s}{n_i}$ dan topamiz:

$$g_r(T=300K) = 1.17 \cdot 10^7 \text{ sm/s}$$

$$n_i = n_0 (v_N \alpha_p - 1) = 9.3 \cdot 10^{14} \text{ sm}^{-3}, \quad N_s(T=300K) = 1.06 \cdot 10^{19} \text{ sm}^{-3}.$$

Shunday qilib, $E_s - E_t = 0.32 \text{ eV}$ ni olamiz.

4.32. (2.7) formulaga ko`ra muvozanatdan kichik chetlashishda $n_0 \approx n_i$ da

$$yashash vaqtı maksimal bo`ladi: \tau_{max} = \tau_{n_0} \frac{p_1}{2n_i} \text{ va } \tau_2 = \tau_{n_0} \frac{p_1 + p_02}{p_02}.$$

Bu yerdan p_1 va E_t ni topish mumkin: $p_1 = \frac{p_{02}}{\frac{p_{02}}{2n_i} \cdot \frac{\tau_2}{\tau_{max}} - 1} = 1.3 \cdot 10^{15} \text{ sm}^{-3},$

$$E_t - E_s = kT \ln \frac{N_s}{p_1} = 0.26 \text{ eV}. \text{ Endi tutilish koefitsientlarini topish mumkin:}$$

$$\alpha_n = \frac{1}{N_t \tau_{n_0}} = \frac{p_1}{N_t \tau_{max} 2n_i} = 4.4 \cdot 10^{-9} \text{ sm}^3/\text{s}, \quad \alpha_p = \frac{1}{N_t \tau_{n_0}} = \frac{1}{N_t \tau_2} = 62 \cdot 10^9 \text{ sm}^3/\text{s},$$

$$S_n = \frac{\alpha_n}{g_r} = 3.8 \cdot 10^{-16} \text{ sm}^2, \quad S_p = \frac{\alpha_p}{g_r} = 5.3 \cdot 10^{-16} \text{ sm}^2$$

4.33. Bizning ikki holi uchun yashash vaqtлari uchun ifoda quyidagiga teng:

$$\tau = \frac{1}{\alpha_p N_i} \left(1 + \frac{n_1}{n_0 + \Delta n} + \frac{\alpha_p}{\alpha_n} \cdot \frac{\Delta n}{n_0 + \Delta n} \right), \quad \tau_0 = \frac{1}{\alpha_p N_i} \left(1 + \frac{n_1}{n_0} \right).$$

Bundan $\left(1 + \frac{n_1}{n_0} \right) \frac{\tau}{\tau_0} = 1 + \frac{n_1}{n_0 + \Delta n} + \frac{\alpha_p}{\alpha_n} \cdot \frac{\Delta n}{n_0 + \Delta n}$

Ushbu tenglama koefitsiyentlarini hisoblab quyidagini topamiz:

$$n_1 = N_s \exp\left(\frac{E_t - E_s}{kT}\right) = 4,7 \cdot 10^{15} \text{ sm}^{-3}, \quad \frac{n_1}{n_0} = 4,66, \quad \frac{\tau_1}{\tau_0} = 2,35$$

Bu yerdan tutilish koefitsiyentlari nisbatiga teng bo'lgan tutilish kesimlar nisbatini topish mumkin: $\frac{S_p}{S_n} = \frac{\alpha_p}{\alpha_n} \approx 89$.

4.34. Qaralayotgan sharoitda yashash vaqtлari quyidagiga teng:

$$\tau_0 = \frac{1}{N_i \alpha_p} \left(1 + \frac{\alpha_p}{\alpha_n} \cdot \frac{p_1}{n_0} \right), \quad \tau_1 = \frac{1}{N_i \alpha_p} \left(1 + \frac{\alpha_p}{\alpha_n} \cdot \frac{p_1 + \Delta n}{n_0 + \Delta n} \right)$$

bunga kirgan kattaliklarni hisoblaymiz: $n_0 = \frac{1}{p_0 e \mu_n} = 10^{15} \text{ sm}^{-3}$,

$$p_1 = N_s \exp\left(\frac{E_s - E_t}{kT}\right) = 2,5 \cdot 10^{13} \text{ sm}^{-3}, \quad \frac{\Delta n}{n_0} = \frac{p_0 - p_1}{\rho} \cdot \frac{b}{1+b} = 0,2$$

(1) va (2) dan tutilish koefitsiyentlari nisbatini topamiz:

$$\frac{\alpha_p}{\alpha_n} = \frac{1 - \frac{\tau_0}{\tau_1}}{\frac{p_1 + \Delta n}{n_0 + \Delta n} \cdot \frac{\tau_0}{\tau_1} - \frac{p_1}{n_0}}, \quad \frac{\tau_0}{\tau_1} \approx 0,61. \quad \text{Bundan } \frac{\alpha_p}{\alpha_n} = \frac{0,39}{0,089} \approx 4,4.$$

$$\text{Undan esa } \tau_{p0} = \frac{\tau_0}{1 + \frac{\alpha_p}{\alpha_n} \frac{p_1}{n_0}} \approx 1,8 \cdot 10^{-6} \text{ s}, \quad \tau_{n0} = \frac{\alpha_p}{\alpha_n} \tau_{p0} \approx 8 \cdot 10^{-6} \text{ s}$$

4.35. Kichik temperaturalarda chuqur akseptor sathlar donorlar bilan kompensatsiya hisobiga to'ladi: $N_D = N_a^- = 10^{15} \text{ sm}^{-3}$, $N_a^0 = 9 \cdot 10^{15} \text{ sm}^{-3}$. Quyidagi tengsizliklar o'rinni $N_a^0 >> n_0, p_0, n_1, p_1$.

Shuning uchun injeksiya darajasini kichik deb olib ($\Delta n, \Delta p \ll N_a^-$), quyidagiga ega bo'lamiz:

$$\tau_n = \frac{1}{\alpha_n N_a^0}, \quad \tau_p = \frac{1}{\alpha_p N_a^-},$$

$$\Delta n = g \cdot \tau_n = 10^{14} \text{ sm}^{-3},$$

$$\Delta p = \Delta n \cdot \frac{\tau_p}{\tau_n} = \Delta n \frac{S_n}{S_p} \cdot \frac{N_a^0}{N_a^-} = 9 \cdot 10^{12} \text{ sm}^{-3}$$

$$\tau_p = \tau_n \frac{\Delta p}{\Delta n} = 0,9 \cdot 10^{-6} \text{ s},$$

$$\alpha_n = \frac{1}{\tau_n N_n^0} = 1,1 \cdot 10^{-11} \text{ sm}^3 / \text{s},$$

$$\alpha_p = \frac{S_p}{S_n} \alpha_n = 1,1 \cdot 10^{-9} \text{ sm}^3 / \text{s}$$

4.36. (2.9) umumiy formulani tahlil qilib ko'ramiz. Fermi sathi joylashishiga qarab E_1 va E_2 larni quyidagicha hisoblash mumkin: $n_0/p_0 \ll 1$, $n_1/p_0 \ll 1$, $p_2/p_0 \ll 1$ ekanligini hisobga olib,

$$\frac{1}{\tau} = \frac{N_t}{1 + \frac{P_1}{P_0}} \left(\alpha_{n1} + \frac{\frac{\alpha_{n2}}{P_0} \frac{P_1}{P_0}}{1 + \frac{\alpha_{n2}}{\alpha_{p1}} \frac{n_2}{P_0}} \right)$$

ni olamiz. Ushbu ifodani empirik ifoda bilan solishtirsak, tajribadagi yuqori temperaturali plata quyidagi holda o'rinni $\frac{\alpha_{n2}}{\alpha_{p1}} \frac{n_2}{P_0} \ll 1$. Bu holda quyidagini olamiz: $\tau = \frac{1}{N_t} \cdot \frac{P_0 + P_1}{\alpha_{n1} P_0 + \alpha_{n2} P_1}$ $P_1 = N_s \exp\left(\frac{E_s - E_1}{kT}\right)$ ni hisobga olib,

soddalashtirishlardan so'ng,

$$2N_t \tau = \left(\frac{1}{\alpha_{n1}} + \frac{1}{\alpha_{n2}} \right) - \left(\frac{1}{\alpha_{n2}} - \frac{1}{\alpha_{n1}} \right) \ln \left(\frac{E_s - E_2}{2kT} \cdot \frac{1}{2} \ln \frac{\alpha_{n1} P_0}{\alpha_{n2} N_0} \right)$$

formula xuddi shunga o'xshash ko'rinishga ega $2N_t \tau = A - B \ln\left(\frac{T_0}{T} - \chi\right)$. Bu yerda

$$A = 3,24 \cdot 10^8 \text{ sm}^3 \cdot \text{s}, B = 2,48 \cdot 10^8 \text{ sm}^3 \cdot \text{s}, T_0 = 955 \text{ K}, \chi = 4,41.$$

Bu yerdan quyidagilarni topamiz:

$$\alpha_{n1} = \frac{2}{A - B} = 2,64 \cdot 10^{-8} \text{ sm}^3 / \text{s}, \quad \alpha_{n2} = \frac{2}{A + B} = 3,5 \cdot 10^{-9} \text{ sm}^3 / \text{s}$$

$$p_0 = N_s \frac{\alpha_{n1}}{\alpha_{n2}} e^{-2x} = 2 \cdot 10^{14} \text{ sm}^{-3} \quad E_1 = E_s + 2kT_0 = E_s + 0,17 \text{ eV}$$

200 K da tutilish kesimlarini aniqlash uchun quyidagini topamiz:

$$g_r = \sqrt{\frac{3kT}{m_0}} = 0,96 \cdot 10^7 \text{ sm/s}. Oxir - oqibat$$

$$S_{n1} = \frac{\alpha_{n1}}{g_r} \approx 2,8 \cdot 10^{-15} \text{ sm}^2, \quad S_{n2} \approx 3,7 \cdot 10^{-16} \text{ sm}^2 \text{ ni topamiz.}$$

4.37. (2.10) tenglamiaga o'xshash quyidagini yozish mumkin:

$$\frac{d\Delta n}{dt} = g - u_n = g - \frac{\Delta p}{\tau}, \quad (1)$$

$$\frac{d\Delta p}{dt} = g - \frac{\Delta p}{\tau_n} - \frac{\Delta p}{\tau_1} + \frac{\Delta p}{\tau_2}, \quad \Delta p_t = \Delta n - \Delta p. \quad (2)$$

Statsionar sharoitda $\Delta p = g\tau_r$, $\Delta p_t = \frac{\tau_2}{\tau_1} \Delta p$, $\Delta n = \left(1 + \frac{\tau_2}{\tau_1}\right) \Delta p$. Relaksasiya hodisasida Δn va Δp o'zlarini ikkita eksponensial funksiyalar kombinasiyasi kabi tutadi: $\Delta n = Ae^{-k_1 t} + Be^{-k_2 t}$, $\Delta p = Ce^{-k_1 t} + De^{-k_2 t}$. (2) ni differensiallab, $\frac{d\Delta n}{dt}$ ni (1) orqali ifodalab xarakteristik tenglamalar hosil qilamiz: $k^2 - \frac{k}{\tau_r} + \frac{1}{\tau_1 \tau_2} = 0$. Bu

$$\text{yerda } \frac{1}{\tau_x} = \frac{1}{\tau_r} + \frac{1}{\tau_1} - \frac{1}{\tau_2}$$

Uning yechimlari $k_{1,2} = \frac{1}{g\tau_s} \pm \sqrt{\frac{1}{4\tau_s^2} - \frac{1}{\tau_r \tau_2}}$ (3). (1) tenglamadan quyidagilar kelib chiqadi: $C = \tau_r k_1 A$, $D = \tau_r k_2 B$. Boshlang'ich shartlardan $A + B = g\tau_r \left(1 + \frac{\tau_2}{\tau_1}\right)$, $C + D = g\tau_r$. Bularidan u koeffitsiyentlar aniqlanadi.

Oxirgi javob quyidagicha ko'rinishlarda bo'ladi:

$$\begin{aligned} \Delta n &= \frac{g\tau_r}{k_1 - k_2} \left\{ 1 + \frac{\tau_2}{\tau_1} \right\} \left[\left[\frac{1}{\tau_r} - k_2 \left(1 + \frac{\tau_2}{\tau_1} \right) \right] e^{-k_1 T} + \left[k_1 \left(1 + \frac{\tau_2}{\tau_1} \right) - \frac{1}{\tau_r} \right] e^{-k_2 T} \right\} \\ \Delta p &= \frac{g\tau_r^2}{k_1 - k_2} \left\{ k_1 \left[\frac{1}{\tau_r} - k_2 \left(1 + \frac{\tau_2}{\tau_1} \right) \right] e^{-k_1 T} + k_2 \left[k_1 \left(1 + \frac{\tau_2}{\tau_1} \right) - \frac{1}{\tau_r} \right] e^{-k_2 T} \right\} \end{aligned} \quad (4)$$

4.38. Statsionar sharoitlarda

$$\Delta p = g\tau_r = 10^{19} \cdot 2 \cdot 10^{-6} = 2 \cdot 10^{13} \text{ sm}^{-3}, \quad \Delta n = \Delta p \left(1 + \frac{\tau_2}{\tau_1} \right) = 2,2 \cdot 10^{14} \text{ sm}^{-3}.$$

$$\frac{\Delta \sigma}{\sigma_n} = \frac{\Delta p \cdot \mu_p + \Delta n \cdot \mu_n}{n_0 \mu_n} = \frac{\Delta p \left[1 + b \left(1 + \frac{\tau_2}{\tau_1} \right) \right]}{n_0 b} = \frac{2 \cdot 10^{13}}{5 \cdot 10^{15}} \left(\frac{1}{2,1} + 11 \right) = 0,046$$

o'rni. Oldingi masalaning (3) ifodasiga ko'ra $k_1 = 5,02 \cdot 10^6 \text{ s}^{-1}$, $k_2 = 2 \cdot 10^4 \text{ s}^{-1}$ ni topamiz. Ushbu masaladagi (4) ifoda quyidagi ko'rinish oladi:

$$\Delta n = 2,2 \cdot 10^{14} (0,58 e^{-k_1 t} + 10,42 e^{-k_2 t}) \text{ sm}^{-3},$$

$$\Delta p = 2 \cdot 10^{13} (0,58 e^{-k_1 t} + 0,42 e^{-k_2 t}) \text{ sm}^{-3}$$

Aniq $\frac{1}{\tau_1} \approx \tau_2$ tartibda vaqt o'tgach nomuvozanatlari o'tkazuvchanlikning "tez" komponentasi yo'qoladi, keyin $\frac{1}{\tau_1} \approx \tau_2$ ga mos holda bog'lanishda so'ruvchan xarakterli "dum" kuzatiladi.

4.39. Umumiy (2.6) ifodada $\frac{\Delta p_t}{\Delta p}$ da nisbat uchun bizning holda p_0 , p_1 , n_1 larni hisobga olmasa ham bo`ladi. Bundan

$$\frac{\Delta p_t}{\Delta p} = \frac{\alpha_p N_t}{\alpha_n n_0}, \quad \alpha_n = \frac{N_t}{n_0} \alpha_p, \quad \frac{\Delta p}{\Delta p_t} = \frac{10^{14}}{4 \cdot 10^{14}} \cdot 10^{-4} \cdot \frac{1}{24} \approx 1,04 \cdot 10^{-10} \text{ sm}^3/\text{s}$$

Tuzoqlar konsentratsyясини boshqa qiymatida

$$\frac{\Delta p_t}{\Delta p} = 0,24 \tau_p = \frac{1}{N_{e2} \cdot \alpha_p} = \frac{1}{10^{12} \cdot 10^{-8}} = 10^{-4} \text{ s}, \quad \tau_n = \left(1 + \frac{\Delta p_t}{\Delta p}\right) \tau_p = 1,24 \cdot 10^{-3} \text{ s}.$$

4.40. Eynshteyn ifodasi (3.7) dan foydalanib, $D_n = 98 \text{ sm}^2/\text{s}$ ni olamiz.

4.41. (3.5) formulaga asosan $D_n = \frac{n \mu_n kT}{e \frac{dn}{d\eta}}$ (1) bu yerda $\eta = \frac{F - E_s}{kT}$. (1.5) va

$$(4.43) \quad \text{ga asosan, } n = \frac{8\pi(2m_n kT)^{1/2}}{3h^3} \eta^{3/2} \quad \text{ni topamiz. Bundan esa} \\ \eta = \left(\frac{3h^3}{8\pi}\right)^{2/3} \frac{1}{2m_n kT} \cdot n^{2/3}, \quad \frac{1}{kT} \frac{dn}{d\eta} = 3m_e \left(\frac{3h^3}{8\pi}\right)^{-2/3} n^{1/3}. \quad (2)$$

$$(2) ni (1) ga qo'yib, quyidagini olamiz: $D_n = \frac{h^2}{3e} \left(\frac{3}{8\pi}\right)^{2/3} \frac{\mu_n}{m_n} \cdot n^{2/3} = 3,6 \text{ sm}^2/\text{s}.$$$

4.42. 4.4 - masala yechimidan va (1.5), (1.6) va (ilova 3) dan foydalanib $n = \frac{8\pi Q}{3h^3} (8m_x m_y m_z)^{1/2} \eta^{3/2} (kT)^{1/2}$ ni topamiz, yoki $m_d = Q^{2/3} (m_x m_y m_z)^{1/3}$ deb olib.

$$n = \frac{8\pi (2m_d kT)^{3/2}}{3h^3} - \eta^{1/2}, \quad \eta = \left(\frac{3h^3}{8\pi}\right)^{2/3} \frac{n^{2/3}}{2m_d kT}, \quad D = \frac{h^2}{3e} \left(\frac{3}{8\pi}\right)^{2/3} \frac{\mu_n}{m_d} n^{2/3}$$

4.43. Eynshteyn ifodasi va $n=p=n_i$ shartdan foydalanib quyidagini toping:

$$D = \frac{2n_i}{n_i \left(\frac{1}{D_p} + \frac{1}{D_n} \right)} = \frac{2kT}{e \left(\frac{1}{\mu_n} + \frac{1}{\mu_0} \right)} = \frac{2kT \mu_n}{e(1+b)} = 63 \text{ sm}^2/\text{s}.$$

4.44. Ushbu masala uchun uzuksizlik tenglamasi quyidagicha yoziladi (2-rasmga qarang): $D_p \frac{d^2 \Delta p}{dx^2} + g_0 - \frac{\Delta p}{\tau_p} = 0$. Chegaraviy shartlar quyidagicha:

$$D_p \frac{d\Delta p}{dx} \Big|_{x=0} = s \Delta p|_{x=0}, \quad \Delta p \rightarrow g_0 \tau_p, \quad \text{agar } x \rightarrow \infty. \quad \text{Tenglama echimi quyidagi}$$

$$\text{ko'rinishga ega boladi: } \Delta p(x) = g_0 \tau_p + C_1 e^{\frac{x}{L_p}} + C_2 e^{\frac{x}{L_p}}.$$

$$\text{Chegaraviy shartlardan } C_2 = 0, \quad -\frac{D_p}{L_p} C_1 = s(C_1 + g_0 \tau_p), \quad C_1 = -\frac{g_0 \tau_p^2 s}{L_p + s \tau_p}.$$

Nomuvuzanatlari zaryad tashuvchilar konsentratsyasi Δp ni uzliksizlik

$$s\tau_p \left(1 - \rho^{\frac{x}{L_p}} \right) + L_p$$

tenglamasidan topamiz: $\Delta p(x) = g_0 \tau_p \frac{s\tau_p \left(1 - \rho^{\frac{x}{L_p}} \right) + L_p}{L_p + s\tau_p}$, bu yerda D_p - diffuziya

koeffitsenti, kichik darajali injeksiyada doimiy, shuning uchun (2) tenglama quyidagi ko`rinish oladi: $\Delta p(0) = g_0 \tau_p \frac{L_p}{L_p + s\tau_p}$.

L dan ancha katta qalinlikdagi namuna uchun $\Delta p(0) = 0,88 \cdot 10^{-22} \text{ sm}^{-3}$

4.45. Berilgan hol uchun uzuksiz tenglamasi va chegaraviy shartlar quyidagi

ko`rinishda bo`ladi (2- rasmga qarang): $D_p \frac{d^2 \Delta p}{dx^2} + g_0 e^{-\alpha x} - \frac{\Delta p}{\tau_p} = 0$,

$$g_0 = Ia, D_p \frac{d\Delta p}{dx} \Big|_{x=0} = s\Delta p \Big|_{x=0}, \quad \Delta p \rightarrow 0, \text{ agar } x \rightarrow \infty.$$

Tenglamaning umumiy yechimini quyidagicha ko`rinishda yozish mumkin:

$$\Delta p(x) = C_1 e^{-x/L_p} + C_2 e^{x/L_p} - \frac{g_0 \tau_p e^{-\alpha x}}{L_p^2 \alpha^2 - 1}.$$

C_1 va C_2 ni chegaraviy shartlardan aniqlab, Δp ni topamiz:

$$\Delta p(x) = \frac{g_0 \tau_p}{L_p^2 \alpha^2 - 1} \left(\frac{\alpha L_p^2 + s\tau_p}{L_p + s\tau_p} e^{-x/L_p} - e^{-\alpha x} \right)$$

$$\Delta p(0) = g_0 \tau_p \frac{L_p}{(L_p + s\tau_p)(L_p + s\tau_p)} \approx g_0 \tau_p \frac{1/\alpha}{L_p + s\tau_p}$$

bizning sharoitda $L_p \alpha \gg 1$ bo`lgani uchun, $\Delta p(0) = 0,5 \cdot 10^{-14} \text{ sm}^{-3}$.

4.46. Stasionar sharoitda (2- rasmga qarang): $j_{nx} + j_{px} = 0$ va

$$\sigma E + eD_n \frac{d\Delta n}{dx} - eD_p \frac{d\Delta p}{dx} = 0.$$

Bu yerda $\sigma = \sigma_p + \sigma_n$ $\sigma_p = pe\mu_p$ $\sigma_n = pe\mu_n$

Bularidan Dember - effekt maydoni kuchlanganligini aniqlaymiz :

$$\begin{aligned} E &= -\frac{e}{\sigma} \left(D_n \frac{d\Delta n}{dx} - D_p \frac{d\Delta p}{dx} \right) = -\frac{e}{\sigma} \left((D_n - D_p) \frac{d\Delta p}{dx} - D_n \frac{d(\Delta p - \Delta n)}{dx} \right) = \\ &= -\frac{e}{\sigma} \frac{d}{dx} \left[(D_n - D_p) \Delta p - D_n (\Delta p - \Delta n) \right] \end{aligned}$$

$E = E' + E''$ deb hisoblaymiz va bu yerda

$$E' = -\frac{e}{\sigma} \frac{d\Delta p}{dx} (D_n - D_p), \quad E'' = \frac{e}{\sigma} D_n \left(\frac{d\Delta p}{dx} - \frac{d\Delta n}{dx} \right)$$

Agar $|\Delta p - \Delta n| \ll \Delta p$ shart bajarilsa, u holda E' ga nisbatan E'' qo`shiluvchi hadni nisbatan hisobga olmasa ham bo`ladi. Bu holda $\Delta p - \Delta n$ ni topish uchun Puasson tenglamasiga E' ni qo`ysak bo`ladi:

$$|\Delta p - \Delta p| = \frac{\epsilon(D_n - D_p)}{4\pi\sigma_0} \frac{d^2 \Delta p}{dx^2} \quad (1)$$

Muvozanatda bo'lmagan zaryad tashuvchilarining konsentratsyasi Δp ni uzluksizlik tenglamasidan aniqlaymiz:

$$\operatorname{div}(D \operatorname{grad} \Delta p) - \frac{\Delta p}{r} = 0, \quad (2)$$

Bu yerda D - biqutb diffuziya koefisienti bo'lib, kichik maromdag'i injeksiyada doimiydir.

U holda (2) tenglama quyidagi ko'rinishga keladi:

$$\frac{d^2 \Delta p}{dx^2} - \frac{\Delta p}{L^2} = 0, \quad L = \sqrt{D\tau}$$

L dan ko'p marta katta qalinlikdagi namuna uchun tenglama yechimi

$$\Delta p(x) = \Delta p_s e^{-x/L}, \quad (3)$$

Ko'rinishda bo'ladi. Bu yerda Δp_s - muvozanatda bo'lmaganligi zaryad tashuvchilar yuzadagi ($x=0$ dagi) konsentratsyasi. (3) dan Δp ni (2) tenglamaga qo'yamiz:

$$\frac{|\Delta p - \Delta p|}{\Delta p} = \frac{\epsilon(D_n - D_p)}{4\pi\sigma_0 L^2} = \frac{\epsilon D_n (1 - b^{-1})}{4\pi\epsilon\mu_n (n_0 + b^{-1}p_0) L^2} = \frac{\epsilon kT(b-1)}{4\pi\epsilon^2 (bn_0 + p_0) L^2}$$

$n_0 \gg p_0$ shart uchun quyidagi tenglikni olamiz: $\frac{|\Delta p - \Delta p|}{\Delta p} = \frac{\epsilon kT(b-1)}{4\pi\epsilon^2 bn_0 L^2}$.

Qaralayotgan sharoitlarda $\frac{|\Delta p - \Delta p|}{\Delta p} = 2.7 \cdot 10^{-7} < 10^{-6}$, natija shuni ko'rsatadi, bu

sharoitlarda lokal elektroneyttralilik talabi katta darajali aniqlikda bajariladi.

Demak, Dember effektii elektr maydoni kuchlanganligi uchun ancha ania yaqinlashishda quyidagi ifoda o'rini bo'ladi:

$$E = -\frac{\epsilon}{\sigma} (D_n - D_p) \frac{d\Delta p}{dx}.$$

4.47. Avvalgi masala yechimidan quyidagini yozish mumkin (2-rasmga qarang)

$$E = -\frac{\epsilon(D_n - D_p) d\Delta p}{\sigma_0 dx}, \quad \frac{d\varphi}{dx} = \frac{\epsilon D_n (1 - b^{-1})}{\epsilon \mu_n (n_0 + b^{-1}p_0)} \frac{d\Delta p}{dx}.$$

Shu sababli qalin namuna uchun

$$\Delta p = \Delta p_s e^{-x/L}, \quad \Delta p_1 = \Delta p|_{x=0}, \quad \varphi_2 - \varphi_1 = \frac{kT(b-1)}{e(bn_0 + p_0)} \Delta p.$$

Yoritilgan yuza uchun chegaraviy shart quyidagicha bo'ladi:

$$g_s = s \Delta p|_{x=0} - D_p \frac{d\Delta p}{dx}|_{x=0}$$

Bundan $\Delta p_1 = \frac{g_s}{D_p + s} = \frac{g_s}{D_n + s} = \frac{g_s}{\sqrt{D_n + s}}$, (1)

$$\frac{D_p}{L_p} + s = \frac{D_n}{bL_p} + s = \sqrt{\frac{D_n}{b\tau_c} + s}$$

$$\varphi_2 - \varphi_1 = \frac{kT(b-1)}{ebn_0} \frac{g_s}{\sqrt{\frac{D_p}{L_p} + s}}. \quad (2)$$

Berilgan kattaliklarni (1) formulaga qo'yib, $\Delta p_1 = 6,0 \cdot 10^{11} \text{ sm}^{-3}$ natijani olamiz.

Shunday qilib, $\Delta p_1 \ll n_0$ shart bajariladi va (2) formulaga asosan

$$\varphi_2 - \varphi_1 = 1,6 \cdot 10^{-3} V.$$

4.48. Oldingi masala yechimidan ma'lumki, uzluksizlik tenglamasi quyidagi ko'rinishda bo'ladi (2-rasmga qarang):

$$D_p \frac{d^2 \Delta p}{dx^2} + g_0 - \frac{\Delta p}{\tau_p} = 0,$$

$g_0 = Ia$ - namuna hajmida ortiqcha zaryad tashuvchilarining generatsiya tezligi.

$D_p \frac{d\Delta p}{dx} \Big|_{x=0} = s\Delta p \Big|_{x=0}, \quad D_p \frac{d\Delta p}{dx} \Big|_{x=\infty} = -s\Delta p \Big|_{x=\infty}, \quad \Delta p \rightarrow 0 \quad \text{agar } x \rightarrow \infty \quad \text{- chegaraviy shartlar o'rini bo'ladi.}$

Shuning uchun qalin namuna holida $\Delta p(x) = g_0 \tau_p + C_1 e^{-x/L_p} + C_2 e^{x/L_p}$.

Nurlantirilayotgan sirtlar uchun chegaraviy shartlar quyidagicha:

$$C_1 = sg_0 \tau_p \frac{\left(\frac{D_p}{L_p} + s \right) e^{\frac{d}{L_p}} + \left(\frac{D_p}{L_p} - s \right)}{-\left(\frac{D_p}{L_p} + s \right)^2 e^{\frac{d}{L_p}} + \left(\frac{D_p}{L_p} - s \right)^2 e^{-\frac{d}{L_p}}}, \quad (2)$$

$$C_2 = sg_0 \tau_p \frac{\left(\frac{D_p}{L_p} + s \right) + \left(\frac{D_p}{L_p} - s \right) e^{-\frac{d}{L_p}}}{-\left(\frac{D_p}{L_p} + s \right)^2 e^{\frac{d}{L_p}} + \left(\frac{D_p}{L_p} - s \right)^2 e^{-\frac{d}{L_p}}}. \quad (3)$$

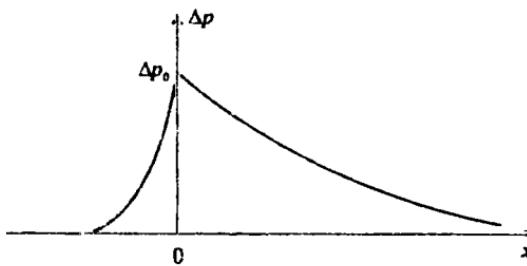
(1), (2) va (3) formulalarini qo'llab, quyidagini topamiz:

$$\Delta p(0) = \Delta p(d) = g_0 \tau_p \frac{D_p}{L_p} \left(\frac{D_p}{L_p} + s \right) e^{\frac{d}{L_p}} - \left(\frac{D_p}{L_p} - s \right) e^{-\frac{d}{L_p}} - 2s$$

$$\frac{\left(\frac{D_p}{L_p} + s \right)^2 e^{\frac{d}{L_p}} - \left(\frac{D_p}{L_p} - s \right)^2 e^{-\frac{d}{L_p}}}{\left(\frac{D_p}{L_p} + s \right)^2 e^{\frac{d}{L_p}} + \left(\frac{D_p}{L_p} - s \right)^2 e^{-\frac{d}{L_p}}}.$$

Bizning hol uchun hisoblashlar quyidagi natijani beradi: $\Delta p(0) = 9,8 \cdot 10^{12} \text{ sm}^{-3}$.

4.49. Uzluksizlik tenglamasi berilgan hol uchun quyidagi ko'rishishga keladi:



18- rasm

$$\Delta p = \begin{cases} \Delta p_0 e^{k_1 x}, & x < 0 \\ \Delta p_0 e^{k_2 x}, & x > 0 \end{cases} \quad \text{bu yerda: } k_{1,2} = \frac{1}{2} \frac{eE}{kT} \pm \sqrt{\frac{1}{4} \frac{e^2 E^2}{k^2 T^2} + \frac{1}{L_p^2}}, \quad \text{бунда } \Delta p_0 = \lim_{x \rightarrow -\infty} \Delta p$$

инъекшия нүктасидаги Δp ning qiymati.

$I = kT/eE$, $L_E = E\mu_p\tau_p$ (L_E - дreyf uzunlik) belgilashlar kiritsak, k ning ifodasi oson aniqlanadi:

$$k_{1,2} = \frac{1}{2I} \left(1 \pm \sqrt{1 + \frac{4I}{L_E}} \right)$$

$$\text{Бизning sharoitda } I = 5,2 \cdot 10^{-3} \text{ sm}, \quad L_E = \frac{eEL_p^2}{kT} = 1,57 \text{ sm}.$$

$$I/L_E \ll 1 \text{ bo'lgani uchun, } k_1 \approx \frac{1}{I}; \quad k_2 \approx -\frac{1}{L_E} \quad \text{deb hisoblash mumkin.}$$

4.50. Dreyflarini (daydishlarini) hisobga cimaganda nomuvozanatii kovakla taqsimoti quyidagicha bo'ladi: $\Delta p = \Delta p(0) e^{-\frac{|x|}{L_p}}$. Bu yerda

$$j_p(o) = -eD_p \frac{d\Delta p}{dx} \Big|_{x=0} = \frac{eD_p \Delta p(0)}{L_p}. \quad j_p(0) = \gamma_j \text{ formulani qo'llab, quyidagini topamiz:}$$

$$\Delta p(0) = \frac{L_p}{eD_p} = 10^{13} \text{ sm}^{-3}.$$

4.51. Tutilishlar bo'limganda ($\Delta n = \Delta p$) va kovakli tokning dreyf etuvchisini hisobga olmaganda

$$j_p = -eD_p \frac{d\Delta p}{dx} = \gamma j e^{-\frac{|x|}{L_p}}, \quad j_n = \sigma_n E + eD_n \frac{d\Delta n}{dx} = \sigma_0 E - b j_p, \quad \sigma_0 = e n_0 \mu_n$$

га ега bo'lamiz. To'liq tok zichligi quyidagiga teng:

$$j = j_n + j_p = \sigma_0 E - (b - 1)\gamma j e^{-\frac{|x|}{L_p}}.$$

Bu yerdan $x=0$ dagi kuchlanganlikni topamiz:

$$E(0) = \frac{j}{\sigma_0} [1 + (b - 1)\gamma] = 0,025 \text{ V / sm}.$$

$$D_p \frac{d^2 \Delta p}{dx^2} - E\mu_p \frac{d\Delta p}{dx} - \frac{\Delta p}{\tau} = 0,$$

$x \neq 0$ yoki

$$\frac{d^2 \Delta p}{dx^2} - \frac{eE}{kT} \frac{d\Delta p}{dx} - \frac{\Delta p}{L_p^2} = 0, \quad x \neq 0$$

Injeksiya nuqtasidan katta masofalarda muvozanatsiz konseentratsya Δp nolga aylanadi. Tenglamani esa quyidagi yechim qanoatlan tiradi (18-rasm):

Agar $E\mu_p \ll D_p/L_p$ yoki $E \ll kT/eL_p$ bo'lsa, kovaklar o'tkazuvchanlik toki diffuzion tokdan ancha kichik bo'ladi. Bizning sharoitda ushbu tengsizlik bajariladi.

4.52. Ushbu holda uzluksizlik tenglamasi quyidagi ko'rinishga ega:

$$D_p \frac{d^2 \Delta p}{dx^2} - \frac{(\Delta p)^2}{a} = 0.$$

Uni $2 \frac{d\Delta p}{dx}$ ga ko'paytirib quyidagini olamiz: $D_p \frac{d}{dx} \left(\frac{d\Delta p}{dx} \right)^2 - \frac{2}{3a} \frac{d}{dx} (\Delta p)^3 = 0$,

undan $\left(\frac{d\Delta p}{dx} \right)^2 - \frac{2}{3aD_p} (\Delta p)^3 = const$. Bu yerda $x \rightarrow \infty$ da $\Delta p \rightarrow 0$ va $\frac{d\Delta p}{dx} \rightarrow 0$

bo'lgani uchun $const=0$. $x=0$ nuqtadan uzoqlashgandagi ortiqcha kovaklar konsentratsiyasini kamayishini hisobga olib, (1) ifodadan

$$\Delta p(x) = \frac{\Delta p(0)}{\left(1 + \frac{x}{x_0} \right)^2} \text{ ni topamiz. Bu yerdan } x_0 = \sqrt{\frac{6aD_p}{\Delta p(0)}}.$$

4.53. Uzluksizlik tenglamasini quyidagicha yozish mumkin:

$$D \frac{d^2 \Delta p}{dx^2} - E\mu_p \frac{d\Delta p}{dx} - \frac{\Delta p}{\tau_p} = 0, \text{ bu yerda } D = \frac{n_0 + p_0}{D_p + D_n}, \mu = \frac{n_0 + p_0}{\mu_p + \mu_n}.$$

$E > 0$ va kuchli elektr maydoni uchun tenglama yechimi quyidagicha (49-masalaga qarang): $\Delta p(x) = \Delta p(0)e^{-\frac{x}{L_E}}$, bu yerda $L_E = E\mu_p \tau_p$.

$X=0$ nuqtada kovaklar toki uchun quyidagi ifodani yozamiz:

$$j_p|_{x=0} = \gamma j = [e\mu_p(p_0 + \Delta p)E]_{x=0} + \frac{eD_p}{L_E} \Delta p(0),$$

yoki dreyfga nisbatan diffuziyani hisobga olmasak,

$$j_p|_{x=0} = \gamma j = e\mu_0(p_0 + \Delta p)E|_{x=0} \quad (1)$$

To'liq tok zinchligi quyidagicha: $j = j_n + j_p = e\mu_n(n_0 + \Delta n)E + e\mu_p(p_0 + \Delta p)E$. Bundan

$$E|_{x=0} = \frac{j}{e\mu_p[bn_0 + p_0 + (b+1)\Delta p(0)]}. \quad (2)$$

(2) ni (1) ga qo'yib, j ni topamiz

$$\gamma j = j \frac{p_0 + \Delta p(0)}{bn_0 + p_0 + (b+1)\Delta p(0)} \Leftrightarrow j \frac{n_0}{bn} \frac{\Delta p(0)}{p_0} \text{ va } \gamma = \frac{p_0}{bn_0 + p_0} + \frac{p(0)}{bn_0 + p_0}, \text{ bu yerdan}$$

$$\Delta p(0) = \gamma(bn_0 + p_0) - p_0 \quad (3) \quad \text{Bizning holda } \Delta p(0) = -0,11 \cdot 10^{13} \text{ sm}^{-3}.$$

Agar $\gamma = \gamma_0 = \frac{P_0}{Bn_0 + P_0}$ bo'lsa, u holda (3) dan kelib chiqadiki, $\Delta p(0)=0$, bunday

kontakt omik kontakt deyiladi. Agar kuchsiz legirlangan elektron yarimo'tkazgichda $\gamma \ll \gamma_0 = \frac{P_0}{en_0 + P_0}$ shart bajarilsa, u holda kontakt sohasida

asosiy zaryad tashuvchilarining kamayishi kuzatiladi. Ushbu hodisa tok tashuvchilar «ekslyuziyasi» deb nom olgan.

4.54. Boshlanqich tenglama oldingi masaladagi kabi, biroq $\Delta p(x)$ taqsimoti (4.49- masalaga qarang) boshqacha. $\Delta p = \Delta p(0) \exp\left(-\frac{e|E|x}{kT}\right)$, $x=0$ nuqtada

kovaklar toki quyidagicha $j_p(0) = j_p = -e[p_n + \Delta p(0)]\mu_p|E| - eD_p \frac{d\Delta p}{dx} \Big|_{x=0}$, yoki (1) ni hisobga olib $j_p(0) = j_p = -ep_n\mu_p|E|$. $x=0$ nuqtada elektron tok quyidagiga teng:

$$j_p(0) = -e[n_0 + \Delta p(0)]\mu_p|E| - \frac{eD_p}{kT} \Delta p(0)e|E| = -e[n_0 + 2\Delta p(0)]\mu_p|E|.$$

(2) va (3) ni qo'shamiz:

$$\gamma = \frac{j_p(0)}{j} = \frac{p_0}{bn_0 + p_0 + 2b\Delta p(0)}. \text{ Bu yerdan } \Delta p(0) = \frac{(1-\gamma)p_0 - \gamma bn_0}{2b\gamma}$$

$$\text{Agar } \gamma \ll 1 \text{ bo'lsa, u holda } \Delta p(0) = \frac{p_0 - \gamma bn_0}{2b\gamma}.$$

Bizning holda $\Delta p(0) = 2,9 \cdot 10^{12} \text{ sm}^{-3}$. (6) $x=0$ nuqtada kuchli manfiy elektr maydon (ya'ni maydon yo'naliishi shundayki, kovaklar $x=0$ nuqtadan elektrodga harakat qiladi) qo'yilgan. Kuchsiz legirlangan elektron yarimo'tkazgichda injeksiya koefitsiyenti γ ning kichik qiymatlarida elektrod yaqinida asosiy bo'limgan zaryad tashuvchilar - kovaklar yig'ilib qoladi.

4.55. Uzluksizlik tenglamasi $D_p \frac{d^2 \Delta p}{dx^2} - \frac{\Delta p}{\tau_p} = 0$. (1) ning yechimi quyidagi

ko'rinishga ega: $\Delta p = \Delta p(0)e^{-\frac{x}{L_p}}$, (2) ko'rinishda bo'lgani uchun quyidagini topamiz: $\Delta p_1 = \Delta p(0)e^{-\frac{x_1}{L_p}}$, $\Delta p_2 = \Delta p(0)e^{-\frac{x_2}{L_p}}$, (3)

$$\text{undan } \frac{\Delta p_1}{\Delta p_2} = e^{\frac{x_2 - x_1}{L_p}}, \quad L_p = \frac{x_2 - x_1}{\ln(\Delta p_1 / \Delta p_2)} = 0,1 \text{ sm}. \quad (4)$$

4.56. V_H kuchlanish va E_y maydon $j_y=0$ shartdan topiladi. (4.1) tenglamada H^2 li $j_x = en_0\mu_n E_x$,

$$\text{hadlarni hisobga olmasak, } j_y = 0 = en_0\mu_n \left(E_y + \frac{\mu_n H}{c} E_x H \right). \quad (5)$$

$$\text{Bu yerdan } E_y \text{ va } V_H \text{ topiladi: } E_y = -\frac{\mu_n H}{c} E_x = \frac{\mu_n H}{c} \frac{j_x}{en_0\mu_n}, \quad (6)$$

$$\text{va } R = R_0 = -\frac{\mu_n}{\mu_n n_0 e} \frac{1}{7,38 \cdot 10^3 \text{ sm}^3 / C}, \quad V_H = -\frac{\mu_n}{\mu_n n_0 e c} \frac{aj_x H}{3,7 \cdot 10^{-3} V}. \quad (7)$$

hosil bo'ldi.

4.57. (4.2) tenglamadan $\beta = \frac{\mu_{ph} H}{C}$ kelib chiqadi. Unda H^3 li hadlarni hisobga olmay quyidagini olamiz: $E_y = \beta E_x$, $j_{px} = p e \mu_p E_x [1 - \beta^2 (\eta_p - 1)]$ (8)

Bu yerdan $\rho = \frac{1}{\sigma}$ ni nisbiy o'zgarishining kichikligidan

$$-\frac{\Delta \sigma}{\sigma_0} = \frac{\Delta \rho}{\rho_0} = (\eta_p - 1) \beta^2, \quad \beta^2 = \left(\frac{\mu_{ph} H}{c} \right)^2 = 8 \cdot 10^{-3} \quad (9)$$

va $\eta_p = 1,3$. (4.3) formula bo'yicha $R_0 = -\frac{c \beta}{\sigma_0 H}$. Shuning uchun $R_0^2 \sigma_0^2 \cdot \frac{H^2}{C^2} = \beta^2$

va (4.5) ta'rifga asosan $\xi_p = \eta_p - 1 = 0,3$. (10)

Ushbu qiymat akustik tebranishlarda kovaklar socqilishi uchun xarakterlidir.

4.58. (4.1) va (4.2) tenglamalar yig'indisining x komponentasini olamiz:

$$0 = j_n + j_p = e(n \mu_n + p \mu_p) E_y + (n \mu_n \mu_{nh} - p \mu_p \mu_{ph}) \frac{E_x H}{c} \quad (11)$$

$$\text{Bu yerdan } E_y = \frac{p - nb^2}{p - nb} \frac{\mu_{ph} H}{c} E_x. \quad (12)$$

(4.3) formula bo'yicha

$$R = \frac{c E_y}{\sigma_0 E_x H} = \frac{c E_y}{H(n \mu_n + p \mu_p) E_x} = \frac{c E_y}{H E_x} \frac{1}{e \mu_p (p + nb)} = \frac{p - nb^2}{(p - nb)^2} \frac{\mu_{ph}}{\mu_p} \frac{1}{e}. \quad (13)$$

p va n ni neytrallik shartidan aniqlaymiz:

$$p = n + N_a = \frac{n^2}{p} + N_a. \quad (14)$$

$$\text{Bu yerdan } p = \frac{N_a}{2} + \sqrt{\frac{N_a^2}{4} + n^2} = 5,47 \cdot 10^{16} \text{ sm}^{-3}. \quad (15)$$

Echimning ishorasi $p > 0$ shartga javob beradi hamda

$$n = 0,47 \cdot 10^{16} \text{ sm}^3 \quad (16)$$

va nihoyat quyidagini topamiz:

$$R = -1190 \text{ sm}^3 / C \quad (17)$$

4.59. R=0 da E_y nolga aylanadi. Shuning uchun (4.6) va (4.7) formulalardan quyidagini topamiz: $0 = j_n + j_p = \frac{n e b \mu_p}{1 + b^2 \beta^2} b \beta E_x - \frac{p e \mu_p}{1 + b^2 \beta^2} \beta E_x, \quad \frac{nb^2}{1 + b^2 \beta^2} = \frac{p}{1 + b^2},$

$$\frac{p}{n} \frac{b^2 (1 + \beta^2)}{1 + b^2 \beta^2} = 25,3. \quad (18)$$

Kichik β larda $j_y = 0$ shartdan kelib chiqadiki

$$\frac{R_0 \sigma_0 H}{c} = \frac{E_y}{E_x} = \frac{p - nb^2}{p + nb} \beta \quad (19)$$

(4.6) va (4.7) ifodalar yig'indisining x komponentasini qarab chiqib quyidagini olamiz:

$$j_x = ne\mu_n E_x \left(1 - b^2 \beta^2 - \frac{p-nb^2}{p+nb} \beta^2 b \right) + pe\mu_p E_x \left(1 - \beta^2 + \beta^2 \frac{p-nb^2}{p+nb} \right) \quad (20)$$

$$\text{Bundan } \frac{\Delta\sigma}{\sigma_0} = -\frac{pn\beta^2(1+b)^2b}{(p+nb)^2}, \quad \xi = -\frac{\Delta\sigma}{\sigma_0} \left(\frac{c}{R_0\sigma_0 H} \right)^2 = \frac{npb(1+b)^2}{(p-nb^2)^2} = \frac{\frac{p}{n}b(1+b)^2}{\left(\frac{p}{n}-b^2\right)^2} = 0,95.$$

(21)

4.60. (4.12) tenglamani x bo'yicha $x=0$ dan $x=d$ gacha integrallab (5-rasmga qarang), quyidagini olamiz: $0 = \sigma_0 dE_y + \frac{eH(\mu_{nh} + \mu_{ph})}{c} D_p \Delta n(0)$ (22)

Namuna kub bo'lgani uchun $dE_y = V_{FEM}$ va

$$V_{FEM} = -\rho_0 e \beta (1+b) D_p \Delta n(0) = 2,5 \cdot 10^{-4} V. \quad (23)$$

4.61. Ushbu holda FEM-kuchlanish foto'tkazuvchanlik hisobiga kuchlanish tushishi o'zgarishi bilan konpensasiyalanadi. (4.12) tenglamani integrallab va quyidagi tartibdagi hadlarni olib qolib

$$\Delta n = \Delta p = \Delta n(0) \exp(-x/L_n) \quad (24)$$

quyidagini olamiz:

$$0 = eE_{1,y} (\mu_n + \mu_p) \Delta n(0) L_n + \frac{eH}{c} (\mu_{nh} + \mu_{ph}) D_n \Delta n(0). \quad (25)$$

Bundan

$$\tau = \left(\frac{H(\mu_{nh} + \mu_{ph})}{c(\mu_n + \mu_p)} \frac{1}{E_{1,y}} \right)^2 D_n = 5 \cdot 10^{-7} s. \quad (26)$$

4.62. (4.8)-(4.12) Tenglamalardan kelib chiqadiki, n-turdagi yetarlicha qalin namuna uchun

$$\Delta n(x) = \Delta n(0) e^{-\frac{x}{L_p}}, \quad \Delta p(x) = \frac{\tau_p}{\tau_n} \Delta n(x), \quad L_p = \sqrt{D_p \tau_p}.$$

Bu yerda, muvozanatdan chetlashish kichik bo'lgani uchun

$$\delta = \frac{1}{d\sigma_0} \int_0^d \Delta\sigma(x) dx = \frac{\Delta n(0)}{n_0} \frac{L_p}{d} \left(1 + \frac{\tau_p}{b\tau_n} \right)$$

(4.12) tenglamani bizning hol uchun quyidagicha yozsa bo'ladi:

$$J_y = \frac{V_{FEM}}{a} \sigma_0 + e \beta (1+b) D_n \frac{\tau_p}{\tau_n} \frac{d\Delta n}{dx}.$$

y yo'naliish bo'yicha to'liq tok nolga teng, shuning uchun integrallab

$$V_{FEM} = \frac{c}{d} \frac{(1+b) D_p \Delta n(0) \tau_p}{\mu_n n_0 \tau_n}, \quad \frac{\tau_p}{\tau_n} = 10.$$

ni topamiz. Bu natijani (1) ga qo'yib, quyidagini topamiz:

$$\tau_p = \frac{1}{D_p} \left[\frac{\delta \cdot d}{1 + \frac{\tau_p}{b\tau_n}} \frac{n_0}{\Delta n(0)} \right]^2 = 10^{-5} s, \quad \tau_n = 10^{-6} s.$$

4.63. Faqat x ga bog'liqbol uchun Puasson tenglamasi

$$\frac{d^2\varphi}{dx^2} = -\frac{4\pi\rho}{\varepsilon}, \quad \rho = e[p(x) - n(x)], \quad (1)$$

Bu yerda

$$p(x) = n_i e^{-e\varphi(x)/kT}, \quad n = n_i e^{e\varphi(x)/kT}. \quad (2)$$

Bu yerda n_i -hajmiy zaryad sohadagi hajmda elektronlar (yoki kovaklar)

konsentratsiyasi. (2) ni Puasson tenglamasi (1) ga qo'yamiz:

$$\frac{d^2\varphi}{dx^2} = -\frac{4\pi\varepsilon}{\varepsilon} n_i (n_i e^{-e\varphi/kT} - n_i e^{e\varphi/kT}) \approx \frac{8\pi\varepsilon^2 n_i}{\varepsilon kT} \varphi.$$

$L_D = \sqrt{\frac{\varepsilon kT}{8\pi\varepsilon^2 n_i}}$ bo'lgani uchun, quyidagini hosil hilamiz:

$$\frac{d^2\varphi}{dx^2} - \frac{\varphi}{L_D^2} = 0. \quad (3)$$

Potensial konstanta aniqligicha aniqlanganligi uchun, biz uni namuna ichida nolga teng deb olishimiz mumkin. Elektr induksiya vektorining normal tashkil etuvchisi uzuksiz bo'lishi kerak. Shuning uchun chegaraviy shartlar quyidagi ko'rinish oladi (6-rasmga qarang):

$$\begin{cases} \varphi = 0, & x \rightarrow \infty, \\ E = -\varepsilon \frac{d\varphi}{dx}, & x = 0. \end{cases}$$

(3) tenglama yechimi quyidagi ko'rinishda bo'ladi:

$$\varphi(x) = C_1 e^{-x/L_D} + C_2 e^{x/L_D}.$$

Chegaraviy shartlarda ushbuni topamiz:

$$C_2 = 0, \quad C_1 = \frac{EL_D}{\varepsilon}, \quad (4)$$

$$\varphi(x) = \frac{EL_D}{\varepsilon} e^{-x/L_D}$$

(5.1) va (4) ga asoslanib,

$$E_s - E_{so} = \frac{eL_D E}{\varepsilon} e^{-\frac{x}{L_D}},$$

$$E_s = E_{so} - \frac{eL_D E}{\varepsilon} e^{-\frac{x}{L_D}}$$

ni topamiz. Sirdagi potensialni sakrashi

$$\Delta\varphi = \frac{EL_D}{\varepsilon} = 0,76 mV.$$

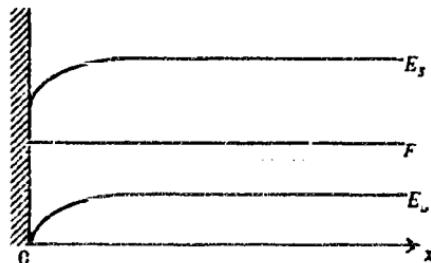
4.64. Oldingi masaladagi kabi quyidagi tenglamani olamiz:

$$\frac{d^2\phi}{dx^2} - \frac{\phi}{L_D^2} = 0,$$

Bu yerda $L_D = \sqrt{\frac{ekT}{8\pi\varepsilon n_i}}$

Chegaraviy shartlar (19-rasm)
quyidagicha

$$\left| \begin{array}{l} \phi = 0, \quad x \rightarrow \infty, \\ E = \frac{4\pi Q_S}{\varepsilon}, \quad Q_S = eN, \\ x = 0. \end{array} \right.$$



19-rasm

Tenglama yechimi quyidagi ko'rinishda izlanadi:

$$\phi(x) = C_1 e^{-x/L_D} + C_2 e^{x/L_D}.$$

Chegaraviy shartlardan quyidagini topamiz:

$$C_2 = 0, \quad C_1 = \frac{4\pi e N L_D}{\varepsilon}.$$

Nihoyat quyidagi natijalarini olamiz:

$$\phi = \frac{4\pi e N}{\varepsilon} e^{-x/L_D}, \quad \Delta\phi = \frac{4\pi e N L_D}{\varepsilon} = 8,6 mV.$$

4.65. Chegaraviy shartlardan

$$E = \frac{4\pi e N}{\varepsilon}.$$

φ_0 ni namunaning elektroneytrallik shartidan topamiz:

$$N = \int_0^\infty [n(x) - p(x)] dx,$$

bu erda $n(x) = n_i e^{e\varphi_0/kT}, \quad p(x) = n_i e^{-e\varphi_0/kT}$

Shunday qilib,

$$N = 2n_i \int_0^{e\varphi_0/kT} sh\left[\frac{e(\varphi_0 - E \cdot x)}{kT}\right] dx$$

$$\frac{e(\varphi_0 - E \cdot x)}{kT} = y \text{ deb belgilab, quyidagini hosil qilamiz:}$$

$$N = -\frac{2n_i kT}{eE} \int_{e\varphi_0/kT}^0 sh y dy = -\frac{2n_i kT}{eE} ch y \Big|_{e\varphi_0/kT}^0 = \frac{n_i kT}{eE} (e^{e\varphi_0/kT} - 2 + e^{-e\varphi_0/kT})$$

$$e\varphi_0/kT \gg 1, \text{ deb olib } e^{e\varphi_0/kT} \approx \frac{4\pi e^2 N^2}{ekTn_i} \text{ ni, undan esa}$$

$$e\varphi_0 = kT \ln \frac{4\pi e^2 N^2}{ekTn_i} = 0,32 \text{ eV} \quad \text{ni olamiz.}$$

4.66. Chiqish ishining o'zgarishi sirdagi sohaning egilish kattaligiga teng (8-rasmga qarang) $\Delta\Phi = -e\varphi$. Qaralayotgan holda $\varphi = 4\pi m$, bu yerda m - ikkilangan qatlam quvvati ($m = Nd$, $d = el$, l - molekula dipoli yelkasi), ya'ni $\varphi = 4\pi N d$.

Bundan $\Delta\Phi = -4\pi e N d = -3,78 \cdot 10^{-3} eV$

4.67. Puasson tenglamasidan foydalanamiz:

$$\frac{d^2\varphi}{dx^2} = -\frac{4\pi\rho}{\epsilon}, \quad \rho = e[N_D - N_A + p(x) - n(x)]$$

Chegaraviy shartlar quyidagicha:

$$\begin{cases} \varphi|_{x \rightarrow \infty} = 0, & \frac{d\varphi}{dx}|_{x \rightarrow \infty} = 0, \\ \varphi|_{x=0} = \varphi_s > 0. \end{cases}$$

Yarimo'tkazgich hajmida $N_D - N_A = n - p$.

Bu yerda n va p- hajmdagi elektronlar va kovaklar konsentratsyasi

Bu yerdan $n(x) = ne^{-\varphi/kT}$, $p(x) = pe^{-e\varphi/kT}$ va $\rho = en(1 - e^{-e\varphi/kT}) + ep(e^{-e\varphi/kT} - 1)$,

$np = n^2$ ya'ni $n/p = n_i/p = \gamma$ ekanligidan $\rho = en_i[\gamma(1 - e^{-e\varphi/kT}) + \gamma^{-1}(e^{-e\varphi/kT} - 1)]$

$\psi = e\varphi/kT$ belgilash kiritamiz, u holda Puasson tenglamasi quyidagi ko'rinish oladi:

$$\frac{d^2\psi}{dx^2} = -\frac{4\pi e^2 n_i}{ekT} [\gamma(1 - e^\psi) + \gamma^{-1}(e^{-\psi} - 1)]$$

Ikkala qismini $2\frac{d\psi}{dx}$ ga ko'paytiramiz va ψ bo'yicha integrallaymiz

$$\left(\frac{d\psi}{dx}\right)^2 = -\frac{1}{L_D^2} (\gamma\psi - \gamma e^\psi - \gamma^{-1} e^{-\psi} - \gamma^{-1}\psi) + C.$$

Bu yerdan $\frac{1}{L_D^2} = \frac{8\pi e^2 n_i}{ekT}$, L_D - Debay uzunligi. C-doimiyini chegaraviy shartdan olamiz: $x \rightarrow \infty$ da $\psi \rightarrow 0$ va $d\psi/dx \rightarrow 0$. Doimiy uchun quyidagini olamiz:

$$C = -\frac{1}{L_D^2} (\gamma + \gamma^{-1})$$

va

$$\left(\frac{d\psi}{dx}\right)^2 = \frac{1}{L_D^2} [\gamma(e^\psi - 1) + \gamma^{-1}(e^{-\psi} - 1) + \psi(\gamma^{-1} - \gamma)].$$

$$\text{Undan } \frac{d\psi}{dx} = \pm \frac{kT}{e L_D} \frac{1}{\sqrt{\gamma(e^{e\varphi/kT} - 1) + \gamma^{-1}(e^{-e\varphi/kT} - 1) + \frac{e\varphi}{kT}(\gamma^{-1} - \gamma)}}.$$

Plus ishorani tashlab yuborish darkor, chunki $\frac{d\varphi}{dx} < 0$ yani x ortishi bilan potensial kamayib boradi. $x=0$ da chegaraviy shart quyidagi ko'rinish oladi: $eE|_{x=0} = 4\pi Q_S$

Bu yerda $E \Big|_{\varphi=0} = -\frac{d\varphi}{dx} \Big|_{\varphi=0}$, Q_s sirdagi zaryad zichligi. Bu yerdan

$$E \Big|_{\varphi=0} = \frac{kT}{eL_D} \sqrt{\gamma(e^{e\varphi_s/kT} - 1) + \gamma^{-1}(e^{-e\varphi_s/kT} - 1) + \frac{e\varphi_s}{kT}(\gamma^{-1} - \gamma)},$$

$$Q_s = 2en_i L_D \sqrt{\gamma(e^{e\varphi_s/kT} - 1) + \gamma^{-1}(e^{-e\varphi_s/kT} - 1) + \frac{e\varphi_s}{kT}(\gamma^{-1} - \gamma)}.$$

4.68. (4.67) masaladan

$$Q_s = 2en_i L_D \sqrt{\gamma(e^{e\varphi_s/kT} - 1) + \gamma^{-1}(e^{-e\varphi_s/kT} - 1) + \frac{e\varphi_s}{kT}(\gamma^{-1} - \gamma)},$$

$$\frac{1}{L_D^2} = \frac{8\pi e^2 n_i}{ekT}, \quad \gamma = \frac{n_i}{n_s}.$$

Masala sharti bo'yicha $n/n_s \gg 1$ va $e\varphi_s/kT \gg 1$ va u holda

$$Q_s \approx 2en_i L_D \sqrt{\gamma e^{e\varphi_s/kT}} = \left(\frac{ekTn_i}{2\pi} \right)^{1/2} e^{e\varphi_s/2kT}. \quad Q_s = eN \quad \text{bo'lgani uchun}$$

$$\frac{e\varphi_s}{2kT} = \ln \left[eN \left(\frac{2\pi}{ekTn_i} \right)^{1/2} \right] = 5,14. \quad \text{Bundan } e\varphi_s = 0,27 \text{ eV}$$

4.69. Agar sohalari pastga egilgan bo'lsa, $\varphi > 0$ va $\varphi < 0$ bo'ladi, agar sohalari yuqoriga egilgan bo'lsa. Shuning uchun (4.67*) masala yechimida $\varphi_s \rightarrow -\varphi_s$ ga almashtirish kerak bo'ladi:

$$Q_s = 2en_i L_D \sqrt{\gamma(e^{-e\varphi_s/kT} - 1) + \gamma^{-1}(e^{e\varphi_s/kT} - 1) + \frac{e\varphi_s}{kT}(\gamma^{-1} - \gamma)}.$$

Bu erda φ_s - zona sohasini egilish kattaligi; $1/L_D^2 = 8\pi e^2 n_i / ekT$; $\gamma = n/n_s \gg 1$ va $e\varphi_s/kT = 10 \gg 1$.

Shuning uchun

$$Q_s \approx 2en_i L_D \sqrt{-\gamma + \gamma^{-1}e^{-e\varphi_s/kT} + \gamma \frac{e\varphi_s}{kT}} \approx 2en_i L_D \gamma^{1/2} \left(\frac{e\varphi_s}{kT} \right)^{1/2} = \left(\frac{en_i e\varphi_s}{2\pi} \right)^{1/2} = 3,37 \cdot 10^{-4}$$

$$\text{Bundan } N = \frac{Q_s}{e} = 2,1 \cdot 10^{11} \text{ sm}^{-2}.$$

4.70. Qarayotgan holda sirtiy o'tkazuvchanlik quyidagicha ((5.10) ifoda bilan taqqoslaganda):

$$G \approx e\mu_p \int_0^\infty [p(x) - p] dx,$$

$$\text{Bu yerda } p(x) = pe^{\frac{e\varphi}{kT}}, \quad \varphi > 0,$$

$$\text{ya'ni, } G = e\mu_p \int_0^\infty p(e^{e\varphi/kT} - 1) dx = -e\mu_p p \int_0^{\varphi_s} \frac{e^{e\varphi/kT} - 1}{\frac{d\varphi}{dx}} d\varphi. \quad (1)$$

Chegaraviy shartlar quyidagicha

$$\begin{cases} \phi|_{x=0} = \varphi_s, & e\varphi_s = 0,25 \text{ eV} \\ \phi|_{x \rightarrow \infty} = 0. \end{cases}$$

Puasson tenglamasi quyidagi ko'rinish oladi:

$$\frac{d^2\phi}{dx^2} = \frac{4\pi e}{\epsilon} [p(x) - N_a], \text{ bunda } N_a = p,$$

$$\text{yoki } \frac{d^2\phi}{dx^2} = \frac{4\pi e}{\epsilon} p (e^{e\varphi/kT} - 1),$$

$$\text{undan esa } \left(\frac{d\phi}{dx} \right)^2 = \frac{8\pi ep}{\epsilon} \int (e^{e\varphi/kT} - 1) d\varphi = \frac{8\pi ep}{\epsilon} \left(\frac{kT}{e} e^{e\varphi/kT} - \varphi + C \right).$$

$$x \rightarrow \infty \text{ da } \frac{d\phi}{dx} \rightarrow 0, \varphi \rightarrow 0 \text{ bulardan } C = -kT/e \text{ va :}$$

$$\frac{d\phi}{dx} = -\sqrt{\frac{8\pi pkT}{\epsilon}} \left(e^{e\varphi/kT} - \frac{e\varphi}{kT} - 1 \right) \quad (2)$$

(2) formulani (1) ga qo'yib, quyidagini olamiz:

$$G = e\mu_p^* p \int_0^\infty \frac{(e^{e\varphi/kT} - 1) d\varphi}{\sqrt{\frac{8\pi pkT}{\epsilon} \left(e^{e\varphi/kT} - \frac{e\varphi}{kT} - 1 \right)}}.$$

Masala shartiga ko'ra $e\varphi_s/kT = 10 \gg 1$ bo'lgani uchun, integralga asosan φ , ga yaqin φ qiymatlar sohasi hissa qo'shami, natijada quyidagini yozish mumkin:

$$G \approx e\mu_p^* p \sqrt{\frac{\epsilon}{8\pi pkT}} \int_0^{e\varphi_s/kT} \frac{(e^{e\varphi/kT} - 1)}{e^{e\varphi/2kT}} d\varphi$$

$$\text{Bu yerdan } G = e\mu_p^* p \sqrt{\frac{\epsilon \cdot 4(kT)^2}{8\pi pkTe^2}} e^{e\varphi_s/2kT} = \sqrt{2} L_D e\mu_p^* p e^{e\varphi_s/2kT}, \text{ bu yerda } L_D = \sqrt{\frac{ekT}{4\pi e^2 p}}$$

Masala shartlarini qo'yib, ushbuni topamiz: $G = 4,4 \cdot 10^{-5} \Omega^{-1}$.

4.71. Sirtiy o'tkazuvchanlik ((5.10) va (5.9) ga qarang) quyidagicha

$$G = e\mu_n \Delta N + e\mu_p \Delta P = e\mu_n \int_0^\infty (n_i e^{e\varphi/kT} - n_i) dx + e\mu_p \int_0^\infty (n_i e^{-e\varphi/kT} - n_i) dx,$$

yoki masala shartiga ko'ra $e\varphi_s/kT \ll 1$ bo'lgani uchun

$$G \approx e\mu_n n_i \int_0^\infty \frac{e\varphi}{kT} dx - e\mu_p n_i \int_0^\infty \frac{e\varphi}{kT} dx = \frac{e^2 \mu_n n_i}{kT} (1 - b^{-1}) \int_0^\infty \varphi dx.$$

$\varphi(x)$ bog'lanishni Puasson tenglamasi yechimidan topamiz:

$$\frac{d^2\varphi}{dx^2} = -\frac{4\pi p}{\epsilon}, \quad \frac{d^2\varphi}{dx^2} = -\frac{4\pi e}{\epsilon} [p(x) - n(x)] \quad (2)$$

Chegaraviy shartlar quyidagicha

$$\begin{cases} \varphi = \varphi_s, & x = 0 \\ \varphi = 0, & x \rightarrow \infty. \end{cases}$$

(2) ga hajmiy zaryad sohasidagi elektron va kovaklar konsentratsyalari ifodasini qo'yamiz va quyidagini topamiz: $\frac{d^2\varphi}{dx^2} = -\frac{4\pi n_i}{\epsilon} (e^{-\varphi/kT} - e^{+\varphi/kT}) \approx \frac{8\pi^2 n_i}{ekT} \varphi$

yoki $\frac{d^2\varphi}{dx^2} = \frac{\varphi}{L_D^2}$,

Bu yerda $L_D = \sqrt{\frac{ekT}{8\pi^2 n_i}}$. Tenglamani yechimi quyidagicha: $\varphi = \varphi_s e^{-x/L_D}$,

uni (1) ga qo'yamiz $G = \frac{e^2 \mu_n n_i L_D \varphi_s (1 - b^{-1})}{kT}$,

undan esa $\varphi_s = G \frac{kT}{e^2 \mu_n n_i L_D (1 - b^{-1})} = \frac{8\pi GL_D}{e\mu_n (1 - b^{-1})} = 5,4 \text{ mV}$

4.72. $x=0$ nuqtada chegaraviy shartlar, Puasson tenglamasi uchun, quyidagicha $4\pi Q_s = \varepsilon_1 E_1 - \varepsilon_2 E_2$ (1)

Bunda $E_1 = E$ - tashqi elektr maydon kuchlanganligi, $\varepsilon_1 = 1$, $E_2 = -\frac{d\varphi}{dx}\Big|_{x=0}$ va $\varepsilon_2 = \varepsilon = 16$.

Puasson tenglamasi quyidagicha yoziladi: $\frac{d^2\varphi}{dx^2} = -\frac{4\pi\rho}{\epsilon}$, $\rho = e(n - ne^{-\varphi/kT})$, bu

yerda $n = N_d$, yoki, $e\varphi_s/kT \ll 1$ bo'lgani uchun

$$\frac{d^2\varphi}{dx^2} \approx \frac{4\pi^2 n \varphi}{ekT} = \frac{\varphi}{L_D^2}$$

$\begin{cases} x = 0, & \varphi = \varphi \\ x \rightarrow \infty, & \varphi \rightarrow 0 \end{cases}$ chegaraviy shartlar bilan ushbu tenglamani integrallab, quyidagini olamiz va ushbuni topamiz: $\varphi = \varphi_s e^{-x/L_D}$.

Bu yerdan $\int_0^\infty \varphi dx = \varphi_s L_D$. (2)

Sirtiy o'tkazuvchanlik ifodasi uchun yozamiz:

$$G = e\mu_n \int_0^\infty [n(x) - n] dx + e\mu_p \int_0^\infty [p(x) - p] dx.$$

Bu yerda ikkinchi hadlarni hisobga olmasa ham bo'ladi, chunki $n \gg p$ va $n(x) \gg p(x)$ (sohalar pastga yechilgan). (2) formulani qo'llab, quyidagini olamiz:

$$G = e\mu_n n \int_0^\infty \frac{e\varphi}{kT} dx = e\mu_n n \frac{e\varphi_s}{kT} L_D.$$

$$\text{Bu yerdan } \varphi_s = \frac{G \cdot \frac{kT}{e}}{e\mu_n n L_D} = \frac{GL_D 4\pi}{e\mu_n} = 3,9 \cdot 10^{-3} V$$

Sirtiy holatlardagi zaryadni (1) chegaraviy shartlardan topamiz:

$$Q_s = eN = \frac{E - \epsilon \frac{\varphi_s}{L_D}}{4\pi}, \text{ bundan } N = 1,1 \cdot 10^9 \text{ sm}^{-2}.$$

4.73. Umumiy holda namuna neytrallik shartini yozamiz:

$$\int_0^{\infty} \rho(x) dx + Q_s = 0, \quad (1)$$

bu yerda $Q_s = eN$.

Puasson tenglamasi $\frac{d^2\varphi}{dx^2} = -\frac{4\pi}{e}\rho$ uchun chegaraviy shartlar:

$$\left. \frac{d\varphi}{dx} \right|_{x=0} = 0, \quad \left. \varphi \right|_{x=\infty} = 0$$

Sirtiy potensial φ_s va sirtiy zaryad Q_s orasidagi bog'lanishni topish uchun Puasson tenglamarasini 2 marta integrallaymiz, avval x bo'yicha, keyin φ bo'yicha:

$$\int_0^{\infty} \rho dx = -\frac{\varepsilon}{4\pi} \int_0^{\infty} \frac{d^2\varphi}{dx^2} dx = -\frac{\varepsilon}{4\pi} \int_0^{\infty} \frac{d}{dx} \frac{d\varphi}{dx} dx = \frac{\varepsilon}{4\pi} \left(\frac{d\varphi}{dx} \right)_{x=0},$$

$$\int_{\varphi_s}^0 \rho d\varphi = -\frac{\varepsilon}{4\pi} \int_{\varphi_s}^0 \frac{d^2\varphi}{dx^2} d\varphi = -\frac{\varepsilon}{8\pi} \int_{\varphi_s}^0 \frac{d}{dx} \frac{d\varphi}{dx} d\varphi = \frac{\varepsilon}{8\pi} \left(\frac{d\varphi}{dx} \right)_{x=0}.$$

Ushbu bog'lanishlardan

$$\int_0^{\infty} \rho(x) dx = \sqrt{\frac{\varepsilon}{2\pi}} \int_{\varphi_s}^0 \rho d\varphi. \quad (2)$$

(2) ni (1) ga qo'yamiz

$$\frac{2\pi Q_s^2}{\varepsilon} = \int_{\varphi_s}^0 \rho d\varphi$$

hajmiy zaryad quyidagiga teng: $\rho = e[N_D^+ - n(x)]$.

Bu yerda

$$N_D^+ = \frac{n}{\frac{F-E_D+eq}{kT}}$$

E_d deganda, umuman aytganda, $E_D + kT \ln g_D$ bo'lishi kerak, bunda g_D -donor satining aynish karrasi, E_D -donor energiyasi. Hajmda ($x \gg L$) bo'lganligi uchun

$$N_D^+ = \frac{n}{\frac{E_D - F}{kT}} \approx n, \quad \left(\frac{E_D - F}{kT} \gg 1 \right).$$

Hajmiy zaryad sohasida

$$n(x) = n e^{eq/kT}$$

$\int_{\varphi_s}^0 \rho d\varphi$ integralni hisoblab, ushbuni topamiz:

$$\int_{\varphi_s}^0 \rho d\varphi = kTn \left(\ln \frac{1 + e^{\frac{F-E_D+eq_s}{kT}}}{1 + e^{\frac{F-E_D}{kT}}} - 1 + e^{eq_s/kT} \right)$$

Ifodadan shaklini o'zgartiramiz

$$\ln \frac{\frac{F-E_D+e\varphi_S}{kT}}{1+\frac{F-E_D}{kT}} = \ln \frac{\frac{F-E_D}{kT} + e^{-e\varphi_S/kT} + 1 - 1}{1 + e^{-e\varphi_S/kT}} = \ln \left\{ 1 + \frac{e^{-e\varphi_S/kT} - 1}{1 + e^{-e\varphi_S/kT}} \right\} \approx \ln \left\{ 1 + e^{-e\varphi_S/kT} - 1 \right\} = -\frac{e\varphi_S}{kT}$$

Shunday qilib,

$$\int_{\varphi_S}^0 \rho d\varphi = kTn \left(-\frac{e\varphi_S}{kT} - 1 + e^{e\varphi_S/kT} \right)$$

Olingan natijani (3) ifodaga qo'yamiz:

$$\frac{2\pi Q_s^2}{\varepsilon} = kTn \left(-\frac{e\varphi_S}{kT} - 1 + e^{e\varphi_S/kT} \right)$$

Ikki xil holni qarab chiqamiz. Birinchi holda

$$\frac{e\varphi_S}{kT} \ll 1 .$$

(4) ifodadan quyidagini topamiz

$$\frac{2\pi Q_s^2}{\varepsilon} \approx kTn \cdot \frac{1}{2} \left(\frac{e\varphi_S}{kT} \right)^2 .$$

undan

$$\varphi_S = \sqrt{\frac{4\pi N^2 kT}{\varepsilon n}} = 3,1 mV$$

Ikkinchi holda

$$\frac{e\varphi_S}{kT} \gg 1 .$$

(4) formula bu holda quyidagi ko'rinish oladi:

$$\frac{2\pi Q_s^2}{\varepsilon} \approx kTn e^{e\varphi_S/kT} ,$$

bu yerdan

$$q'_S = \frac{kT}{e} \ln \frac{2\pi e^2 N^2}{ekTn} = 0,29 V$$

4.74. Hajmiy zaryad zichligi ρ quyidagiga teng

$$\rho = e[p(x) - N_a^-]$$

Bu yerda

$$p(x) = pe^{e\varphi_S/kT}, \quad N_a^- = \frac{\rho}{\frac{E_a - F + e\varphi_S}{kT}}, \quad E_a = E_a^+ + kT \ln g_a, \quad E_a^+ - akseptorlar energiyasi, \quad g_a - akseptor sathlarning aynish darajasi.$$

Yarimo'tkazgich ichida ($x \gg L_D$) akseptorlar to'la ionlashgan, shuning uchun

$$N_a^- = \frac{P}{1 + e^{\frac{F - E_a}{kT}}} \approx p$$

$\int_0^\infty \rho d\varphi$ integralni hisoblab, oldingi masala kabi

$$\int_0^\infty \rho d\varphi = p k T \left(1 - e^{e\varphi_s/kT} + \frac{e\varphi_s}{kT} \right)$$

ni hosil hilamiz. Ushbu natijani quyidagi tenglamaga qo'yamiz.

$$\frac{2\pi Q_s^2}{\epsilon} = - \int_0^\infty \rho d\varphi,$$

(oldingi masalaga qarang) va quyidagini olamiz:

$$Q_s = \sqrt{\frac{pkT\epsilon}{2\pi} \left(e^{e\varphi_s/kT} - \frac{e\varphi_s}{kT} - 1 \right)}$$

Masala shartiga ko'ra $\varphi_s = 0.25V$, demak $T = 300K$ da $\frac{e\varphi_s}{kT} \approx 10^\circ \gg 1$. Shuning uchun oxirgi formulada taxminan

$$Q_s \approx \sqrt{\frac{pkT\epsilon}{2\pi}} e^{e\varphi_s/2kT}, \text{ bunda } Q_s = eN \text{ va nihoyat,}$$

$$N = \sqrt{\frac{pkT\epsilon}{2\pi\epsilon^2}} e^{e\varphi_s/2kT} = \sqrt{2} p L_D e^{e\varphi_s/kT} = 1,52 \cdot 10^{12} sm^{-2}.$$

4.75. Namunani bir tekis yoritib, hosil qilingan generasiya manbayi o'chirilgandan keyingi ortiqcha zaryad tashuvchiliar konsentratsyasi vaqt bo'yicha qanday o'zgarishini hisoblaymiz:

$$\frac{\partial \Delta p}{\partial t} = -\frac{\Delta p}{\tau_p} - \operatorname{div} \vec{j}_p, \quad \vec{j}_p = -D_p \operatorname{grad} \Delta p. \quad (1)$$

Chegaraviy shartlar quyidagicha:

$$D_p \frac{d\Delta p}{dx} = \mp s \Delta p \quad x = \pm a \text{ bo'lqanda} \quad (2)$$

(x o'qi plastinka sirtiga perpendikulyar yo'nalgan). (1) dan kelib chiqadiki,

$$\frac{\partial \Delta p}{\partial t} = D_p \frac{\partial^2 \Delta p}{\partial x^2} - \frac{\Delta p}{\tau_p} \quad (3)$$

(3) tenglamani o'zgaruvchilarni ajratish usuli bilan yechamiz:

$$\Delta p = \psi(x) \quad (4)$$

U holisa quyidagi tenglamaga ega bo'lamiz:

$$\frac{\partial \psi}{\partial t} = D_p \frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2} - \frac{\psi}{\tau_p}.$$

Undan

$$\frac{\partial \psi}{\partial t} \cdot \frac{1}{\psi} + \frac{1}{\tau_p} = D_p \frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2} \cdot \frac{1}{\psi} = \text{const}$$

Ushbu qiymatni $\frac{1}{\tau_s}$ deb belgilaymiz va quyidagicha belgilash kiritamiz:

$$\frac{1}{\tau} = \frac{1}{\tau_p} + \frac{1}{\tau_s}$$

Vaqtga bog'liq tenglama bu holda quyidagi ko'rinishga ega bo'ladi:

$$\frac{d\varphi}{dt} \cdot \frac{1}{\tau} + \frac{1}{\tau} = 0$$

Uning xususiy yechimi

$$\varphi(t) = e^{-t/\tau} \quad (5)$$

x ga bog'liq tenglama

$$\frac{d^2\psi}{dx^2} + \frac{1}{\tau_s D_p} \psi = 0$$

Uning yechimi

$$\psi(x) = A \cos\left(\frac{x}{\sqrt{\tau_s D_p}}\right) + B \sin\left(\frac{x}{\sqrt{\tau_s D_p}}\right) \quad (6)$$

Yechim $x=0$ ga nisbatan simmetrik bo'lishi kerak, chunki masala shartiga ko'plastina ikkala tomoni bir xil sirtiy rekombinasiya tezligiga ega. Shuning uchun $B=0$ va (4),(5) va (6) formulalardan

$$\Delta p = A \cos\left(\frac{x}{\sqrt{\tau_s D_p}}\right) e^{-t/\tau} \quad (7)$$

kelib chiqadi. (2) chegaraviy shartdan (7) ga asosan ushbuni olamiz:

$$D_p A \sin\left(\frac{x}{\sqrt{\tau_s D_p}}\right) e^{-t/\tau} - \frac{1}{\sqrt{\tau_s D_p}} = s A \cos\left(\frac{x}{\sqrt{\tau_s D_p}}\right) e^{-t/\tau}.$$

Quyidagicha belgilash kiritamiz:

$$\frac{x}{\sqrt{\tau_s D_p}} \operatorname{tg} \frac{x}{\sqrt{\tau_s D_p}} = \frac{s a}{D_p}.$$

U holda

$$\eta = \frac{a}{\sqrt{\tau_s D_p}}$$

$$\text{va } \eta \operatorname{tg} \eta = \frac{s a}{D_p} \quad (8)$$

(8) transtendent tenglama cheksiz ko'p yechimga ega (demak τ_s ham); η_1, η_2, \dots bunda $\eta_1 < \eta_2 < \eta_3, \dots$ (3) tenglamaning yechimini quyidagi ko'rinishda yozish mumkin:

$$\Delta p = \sum_{n=1}^{\infty} A_n \cos\left(\frac{x}{\sqrt{\tau_s D_p}}\right) e^{-t/\tau}, \quad (9)$$

(9) dan shu narsa kelib chiqadiki, yuqori darajali ildizlar birinchi ildizi nisbatan vaqt bo'yicha tezroq so'nadi. Shuning uchun judayam kichik

bo'lmagan t uchun (yani boshlanqich o'tish hodisasidan so'ng) birinchi ildizdan boshqa ildizlarini hisobga olmasa ham bo'ladi. U holda

$$\frac{1}{\tau_1} = \frac{1}{\tau_p} + \frac{1}{\tau_{s1}}$$

$$\text{Bu yerda } \frac{1}{\tau_{s1}} = \frac{\eta^2 D_p}{a^2}$$

Kichik s lar uchun, ya'ni $\frac{s a}{D_p} \ll 1$ bo'lganda, (8) tenglamada eng kichik ildiz uchun $\operatorname{tg}\eta \approx \eta$

$$\text{deb olish mumkin. U holda } \frac{a^2}{\tau_{s1} D_p} = \frac{s a}{D_p} \text{ va } s = \frac{a}{\tau_{s1}} = a \left(\frac{1}{\tau_1} - \frac{1}{\tau_p} \right) = 100 \text{ sm/s}$$

4.76. Hajm bo'yicha bir jinsli generatsiya to'xtagandan so'ng nomuvozanatlari zaryad tashuvchilar konsentratsyysining vaqt bo'yicha o'zgarish qonuniyatini hisoblaymiz:

$$\frac{\partial \Delta p}{\partial t} = -\frac{\Delta p}{\tau_p} - d \nu j_p, \quad (1)$$

bu yerda

$$j_p = -D_p \operatorname{grad} \Delta p$$

Chegaraviy shartlar quyidagicha (x o'qi plastinka sirtiga perpendikular)

$$\begin{cases} D_p \frac{\partial \Delta p}{\partial x} = -s_1 \Delta p, & x = a, \\ D_p \frac{\partial \Delta p}{\partial x} = s_2 \Delta p, & x = -a \end{cases}$$

(1) tenglamani o'zgaruvchilarini ajratish usuli bilan yechamiz (75 masala bilan solishtiring):

$$\Delta p = (A \cos \alpha x + B \sin \alpha x) e^{-t/\tau}, \quad (2)$$

$$\text{bu yerda } \alpha = \frac{1}{\sqrt{\tau_s D_p}}, \quad \frac{1}{\tau} = \frac{1}{\tau_p} + \frac{1}{\tau_s}.$$

(2) ni chegaraviy shartga qo'yamiz

$$-A \sin \alpha a + B \cos \alpha a = -\frac{s_1}{D_p \alpha} (A \cos \alpha a + B \sin \alpha a),$$

$$A \sin \alpha a + B \cos \alpha a = \frac{s_2}{D_p \alpha} (A \cos \alpha a - B \sin \alpha a).$$

yoki

$$\begin{cases} A(-\eta \operatorname{tg} \eta + k_1) + B(k_1 \operatorname{tg} \eta + \eta) = 0, \\ A(\eta \operatorname{tg} \eta - k_2) + B(k_2 \operatorname{tg} \eta + \eta) = 0, \end{cases} \quad (3)$$

$$\text{Bu } \eta = \alpha a = \frac{a}{\sqrt{\tau_s D_p}}, \quad k_1 = \frac{a s_1}{D_p}, \quad k_2 = \frac{a s_2}{D_p}.$$

Bir jinsli tenglamalar sistemasi (3) notrivial yechimlarga ega, agar quyida shart bajarilsa

$$\begin{vmatrix} -\eta \operatorname{tg} \eta + k_1 & k_1 \operatorname{tg} \eta + \eta \\ \eta \operatorname{tg} \eta - k_1 & k_2 \operatorname{tg} \eta + \eta \end{vmatrix} = 0$$

Bundan

$$\operatorname{tg}^2 \eta + 2\operatorname{tg} \eta \frac{\eta^2 - k_1 k_2}{\eta(k_1 + k_2)} - 1 = 0 . \quad (4)$$

(4) transcendent tenglama cheksiz sonli yechimga ega: $\eta_1, \eta_2, \eta_3, \dots$. Tenglamani yechimini endi quyidagicha yozish mumkin:

$$\Delta p = \sum_{i=1}^{\infty} \left[A_i \cos \left(\frac{x}{\sqrt{r_s D_p}} \right) + B_i \sin \left(\frac{x}{\sqrt{r_s D_p}} \right) \right] e^{-it_i}$$

4.75-masaladagi kabi sekin so'nuvchi hadni olib qolamiz. U holda

$$\frac{1}{r_1} = \frac{1}{r_p} + \frac{1}{r_{s1}}, \quad \frac{1}{r_{s1}} = \frac{\eta_1^2 D_p}{a^2} \quad (5)$$

$\eta_1 \ll \frac{\pi}{2}$ holni qarab chiqamiz, bunda $i\eta_1 = \eta_1$ va (4) tenglama quyida ko'rinishga keladi:

$$\eta_1^2 k_1 + \eta_1^2 k_2 + 2\eta_1^2 - 2k_1 k_2 - k_1 - k_2 = 0.$$

Bundan

$$\eta_1^2 = \frac{k_1 + 2k_1 k_2 + k_2}{k_1 + k_2 + 2} \quad (6)$$

Quyidagi $k_1 \ll 1$ va $k_1 \ll 1$ shartlar bajarilganda, yoki

$$\frac{as_1}{D_p} \ll 1, \quad \frac{as_2}{D_p} \ll 1. \quad (7) bo'lganda (6) ifodadan kelib chiqadiki, \eta_1 \ll 1.$$

(6) va (5) formulalardan

$$\frac{1}{r_1} = \frac{1}{r_p} + \frac{D_p}{a^2} \frac{s_1 + s_2 + 2s_1 s_2}{s_1 + s_2 + 2 \frac{D_p}{a}}$$

ni topamiz, yoki (7) tengsizlikni hisobga olib,

$$\frac{1}{r_1} \approx \frac{1}{r_p} + \frac{s_1 + s_2}{2a}$$

ifodani hosil qilamiz. Agar $s_1 \gg s_2$ bo'lsa, u holda

$$\frac{1}{r_1} = \frac{1}{r_p} + \frac{s_1}{2a}$$

Undan

$$s_1 = 2a \left(\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_p} \right) = 800 \text{ sm/s} .$$

4.77. Sirtiy rekombinatsiya markazlari tomonidan elektronlarning tutilish absolut (mutloq) maromi $u_n = c_n [(1 - f_i) n_i - n_{si} f_i]$ ga teng, bunda f_i – tuzoqlarning elektronlar bilan to`la qismi, n_i – yarimo`tkazgich sirtidagi elektronlar konsentratsyasi, n_{si} – muvozanat holidagi yarimo`tkazgich sirtidagi elektronlar konsentratsyasi, bunda Fermi sathi tuzoqlar sathi bilan mos tushadi, C_n – hamma tuzoqlar bo`shligida bitta elektronning tutilish ehtimolligi. Xuddi shunga o`xshash kovaklar tutilishining absolut maromi uchun yozamiz: $u_s = c_p [f_i p - p_{si} (1 - f_i)]$.

Statsionar holda $u_n = u_s = u$. Ushbu shartdan f_i ni topib va topilgan ifodani elektronlar tutilish absolyut maromi uchun ifodaga qo`yib, u ni topamiz:

$$u = \frac{c_n c_p (p_s n_s - p_{si} n_{si})}{c_n (n_s + n_{si}) + c_p (p_s + p_{si})},$$

bu yerda

$$p_s = p_{s0} + \Delta p_s = p_{s0} \exp\left(-\frac{eF_p}{kT}\right),$$

$$n_s = n_{s0} + \Delta n_s = n_{s0} \exp\left(\frac{eF_n}{kT}\right).$$

Bu yerda kovaklar va elektronlar uchun Fermi kvazisathlari, "O" indeksi bilan muvozanatdagi kattaliklar belgilangan:

$$p_{s0} = n_i \exp\left(-\frac{e\psi_t}{kT}\right), \quad n_{s0} = n_i \exp\left(\frac{e\psi_L}{kT}\right).$$

So`ngra

$$p_{si} = n_i \exp\left(\frac{E_i - E_s}{kT}\right), \quad n_{si} = n_i \exp\left(\frac{E_L - E_i}{kT}\right).$$

Bunda $E_i = \frac{E_c + E_g}{2} + \frac{3}{4} kT \ln \frac{m_s}{m_n}$ (4.1-masala bilan solishtiring), n_i – xususiy yarimo`tkazgichdagagi konsentratsya. Ma`lumki, $p_s n_s = p n$; $p_{si} n_{si} = n_i^2$, shuning uchun

$$u = \frac{c_n c_p (p n - n_i^2)}{c_n (n_{s0} + \Delta n_s + n_{s1}) + c_p (p_{s0} + \Delta p_s + p_{s1})}.$$

Injeksiya uncha katta bo`lmagan darajasi uchun:

$$u \approx \frac{c_n c_p (p_0 + n_0) \Delta n}{c_n (n_{s0} + n_{s1}) + c_p (p_{s0} + p_{s1})}.$$

Quyidagicha belgilash kiritib

$$\frac{c_n}{c_p} = e^{\frac{2\psi_L}{kT}}, \quad (2)$$

(1) dagi maxrajning shaklini almashtirish va u uchun olingan ifodani $s = \frac{e}{\Delta n}$ ga

$$\text{qo'yamiz: } s = \frac{\sqrt{c_n c_p} (n_0 + p_0)}{2n_i \left[\text{ch} \left(\frac{E_i - E_i - e\psi_0}{kT} \right) + \text{ch} \left(\frac{e(\psi_i - \psi_0)}{kT} \right) \right]}.$$

bu yerda $c_n = N_i <\alpha_n>$, $c_p N_i <\alpha_p>$. Bunda $<\alpha_n> = ee <\alpha_p>$ - elektron va kovaklarning sirtiy satilarda tutilish ehtimolligi bo'lib, ular tutilish effektiv kesimining issiqlik tezligiga ko'paytmasiga teng. Shuning uchun sirtiy rekombinatsiya tezligi uchun quyidagini yozish mumkin:

$$s = \frac{N_i \sqrt{<\alpha_n><\alpha_p>} (n_0 + p_0) / 2n_i}{\text{ch} \left(\frac{E_i - E_i - e\psi_0}{kT} \right) + \text{ch} \left(\frac{e(\psi_i - \psi_0)}{kT} \right)} \quad (3)$$

4.78*. Oldingi masaladagi (3) ifodaning ekstremumi uchun

$$\frac{ds}{d\psi_i} = 0 = -\frac{e}{kT} \frac{N_i \sqrt{<\alpha_n><\alpha_p>} (n_0 + p_0) / 2n_i}{\left\{ \text{ch} \left(\frac{E_i - E_i - e\psi_0}{kT} \right) + \text{ch} \left[\frac{e(\psi_i - \psi_0)}{kT} \right] \right\}^2} \text{sh} \left(\frac{e(\psi_i - \psi_0)}{kT} \right) \quad \text{dan}$$

quyidagini olamiz:

$$\text{sh} \left(\frac{e(\psi_i - \psi_0)}{kT} \right) = 0$$

Bundan $s = s_{\max}$ da $\psi_i = \psi_0$ (oldingi masaladagi (2) belgilashga qarang) ekanini olamiz, demak,

$$\frac{s_p}{s_n} = \frac{C_p}{C_n} = e^{\frac{2e\psi_0}{kT}} = 9.$$

4.79. (6.2a), (6.3a) va (6.3b) formulalardan quyidagini olamiz:

$$Q^* = \frac{\int_0^\infty dE \cdot \frac{\partial f}{\partial E} \cdot E^{r+1}}{\int_0^\infty dE \cdot \frac{\partial f}{\partial E} \cdot E^{r+1}} = kT(r+2) \cdot \frac{F_{r+1}(\eta)}{F_r(\eta)}.$$

bu yerdan

$$\alpha = -\frac{k}{e} \left[(r+2) \frac{F_{r+1}(\eta)}{F_r(\eta)} - \eta \right].$$

Aynigan holat uchun α ifodasi quyidagi holga o'tadi:

$$\alpha = -\frac{\pi^2 k}{3e\eta} (r+1)$$

Tipik metall uchun

$$k/e = 86,3 \frac{mkV}{K}$$

qiymatni ishlatib, ushbuni olamiz

$$\alpha_{met} = -8,2 \frac{mkV}{K}$$

Metall termo EYuK ining aynigan yarimo'tkazgich termo EYuK iga nisbati quyidagicha bo'ldi:

$$\frac{\alpha_{met}}{\alpha_{yu}} = \frac{m_{met}}{m_{yu}} \left(\frac{n_{yu}}{m_{met}} \right)^{\frac{3}{2}} = 5 \cdot 10^{-2}$$

Shunday qilib, metallarda erkin elektronlarning katta konsentratsyada mavjudligi uchun metalldagi termo EYuK ko'pchilik yarimo'tkazgichlar termo EYuK dan ancha kichik ekan.

4.80. Temperatura uncha baland bo'limganda, kovaklar konsentratsyasi elektronlarnikidan katta bo'lganda termo EYuK ga asosan kovaklar hissa qo'shadilar ((6.6) formulaga qarang). Aralashma sohasida kovaklar konsentratsyasi deyarli o'zgarmas qoladi, termo EYuK esa musbat bo'lib quyidagi teng:

$$\alpha = \frac{k}{e} \left(\ln \frac{N_s(T_0)}{p_0} + \frac{3}{2} \ln \frac{T}{T_0} + \frac{Q_p^*}{kT} \right)$$

Ushbu sohada termo EYuK temperaturaga nisbatan sekin o'sadi. Xususiy sohada termo EYuK ga ikkala turdag'i zaryad tashuvchiilar hissa qo'shadilar:

$$\alpha = -\frac{k}{e} \left[\frac{b-1}{b+1} \frac{E_b}{2kT} + \frac{3}{4} \ln \frac{m_n}{m_p} - \frac{b}{b+1} \frac{Q_p^*}{kT} - \frac{1}{b+1} \frac{Q_p^*}{kT} \right]$$

Bunda b - elektronlar va kovaklar harakatchanliklari nisbati,

Q_n^* va Q_p^* esa mos ravishda elektron va kovaklarning ko'chish energiyasi. Yuqori temperaturagacha dumaloq qavs ichidagi

birinchi had asosiy rol o'ynaydi va germaniyda $b > 1$ bo'lgani uchun termo EYuK manfiy va temperatura ortishi bilan absolyut kattaligi bo'yicha kamayadi. O'rtacha temperaturalar sohasida aralashmali holatdan xususiy holatga o'tayotganda: termo EYuK ishorasini o'zgartiradi. Termo EYuK ning taxminiy yo'li 20-rasmda ko'rsatilgan.

4.81. p - turdag'i sayoz holatlari tipik aralashmali germaniy uchun aralashma sohasining chegarasini aniqlaymiz ($E_a - E_g = 0,01\text{eV}$). Xuddi 4.18-masalada ko'rilgandek, quyidagi tenglamalarni olamiz:

$$y_1 = \ln \frac{N_v(T_0)}{4g_a N_a} - \frac{3}{2} y_1, \quad y_2 = \ln \frac{N_v(T_0)}{N_a} - \frac{\xi}{2k} - \frac{3}{2} y_2.$$

Bunda oldingidek

$$E_\epsilon = \Delta - \xi T$$

$$T_0' = \frac{E_\epsilon - E_b}{k} = 116\text{K}.$$

$$T_0' = \frac{\Delta}{2k} = 4,5 \cdot 10^3 \text{K}, \quad y_1 = T_0'/T_1, \quad y_2 = T_0'/T_2$$

Bulardan topamiz ($g_a \sim 1$ bo'lganda):

$$\begin{aligned}y_1 &= 4 - 1,5 \ln y_1, & y_2 &= 13,2 - 1,5 \ln y_2 \\y_1 &= 2,6 & y_2 &= 9,8 \\T_1 &= 44K & T_2 &= 460K\end{aligned}$$

Shunday qilib, $200K$ da Fermi sathini quyidagi formula orqali ifodalash mumkin:

$$F = kT \ln \frac{N_s}{N_a}$$

$$\text{Termo EYuK quyidagiga teng } \alpha = \frac{k}{e} \left(2 + \ln \frac{N_s}{N_a} \right) = 0,7MV/K$$

4.82. Qaralayotgan shartda Fermi sathi quyidagi ifoda orqali hisoblanadi (4.22-masalaga qarang): $F = E_D + kT \ln \left[\frac{1}{g_D} \left(\frac{N_D}{N_a} - 1 \right) \right]$.

ko'chish energiyasi esa quyidagicha (1-masaladagi (1) ga qarang):

$$Q^* = kT \cdot (r+2) \frac{F_{r+2}(\eta)}{F_r(\eta)} = 2kT$$

F va Q^* uchun topilgan ifodalarni (6.1) ifodaga qo'yib

$$\alpha = -\frac{k}{e} \left\{ \frac{E_D}{kT} + 2 - \ln \left[\frac{1}{g_D} \left(\frac{N_D}{N_a} - 1 \right) \right] \right\}$$

$$\text{ni hosil qilamiz. Bundan } |E_D| + kT \ln g_D = kT \left[\frac{e|\alpha|}{k} - 2 + \ln \left(\frac{N_D}{N_a} - 1 \right) \right]$$

$$\text{va } g_a = 2 \text{ bo'lganda } |E_D| = 0,2 \text{ eV}$$

4.83. Ixtiyoriy dispersiya qonuni uchun

$$Q^* = \frac{\int_0^\infty dE \left(-\frac{\partial f}{\partial E} \right) \left(\frac{dE}{dk} \right)^2 k^{2r}(E) E}{\int_0^\infty dE \left(-\frac{\partial f}{\partial E} \right) \left(\frac{dE}{dk} \right)^2 k^{2r}(E)} \text{ ga egamiz.}$$

Kuchli aynigan hol uchun (1.6) yoyilmanni qo'llab, ushbuni topamiz:

$$\frac{Q^*}{kT} = \eta + \frac{\pi^2}{3\eta} \frac{\eta}{k^{2r}(F) \cdot \left(\frac{d\eta}{dk(F)} \right)^2} \cdot \frac{d}{d\eta} \left[k^{2r}(F) \cdot \left(\frac{d\eta}{dk(F)} \right)^2 \right]$$

Bu yerdan termo EYuK ni topamiz

$$\alpha = -\frac{\pi^2}{3\eta} \cdot \frac{k}{e} \cdot \frac{\eta}{k^{2r}(F) \cdot \left(\frac{d\eta}{dk(F)} \right)^2} \cdot \frac{d}{d\eta} \left[k^{2r}(F) \left(\frac{d\eta}{dk(F)} \right)^2 \right]$$

(6.5) dagi ta'rifdan, Fermi energiyasiga teng energiyada $m_F^* = \hbar^2 k(F) \frac{dk(F)}{dF}$ ekanligi kelib chicadi. (1) formuladan $\frac{dk(F)}{d\eta}$ ni m_F^* orqali $k(F)$ ni esa konsentratsya orqali ifodalab, aynigan elektron gaz uchun termo EYuK ning konsentratsyaga bog'lanishi topiladi.

$$\alpha = -\frac{k}{e} \cdot \frac{2\pi^2}{3\hbar^2} \left(\frac{m_F^*}{(3\pi^2 n)^{2/3}} \right) \left(r+1 - 3 \frac{n}{m_F^*} \frac{dm_F^*}{dn} \right)$$

Elektronlar dispersiya qonuni (1.3 j) o'rini bo'lgan yarimo'tkazgich uchun (14-masalaga qarang)

$$m_F^* = m(0) \sqrt{1 + \frac{2\Lambda^2}{m(0)E_g} (3\pi^2 n)^{2/3}}$$

Ushbu ifodani (2) ga qo'yib va masala shartidagi son qiymatlarini qo'yib, indiy antimonidi uchun $\alpha = 46 mV/K$ topiladi.

4.84. Sohalarning noperabaliqligidan birinchi tartibli tuzatmani hisobga olib, o'tish energiyasi uchun

$$Q^* = \frac{\int dE \left(-\frac{\partial f}{\partial E} \right) E^{r+1} \left[1 + (r-3) \frac{E}{E_s} \right]}{\int dE \left(-\frac{\partial f}{\partial E} \right) E^{r+1} \left[1 + (r-3) \frac{E}{E_s} \right]} = kT(r+2) \frac{F_{r+1}(\eta) \frac{(r-3)(r+3)}{E_s} kTF_{r+2}(\eta)}{F_r(\eta) \frac{(r-3)(r+2)}{E_s} kTF_{r+1}(\eta)}$$

ni yozamiz. Bundan

$$\alpha = -\frac{k}{e} \left[(r+2) \frac{F_{r+1}(\eta) \frac{(r-3)(r+3)}{E_s} kTF_{r+2}(\eta)}{F_r(\eta) \frac{(r-3)(r+2)}{E_s} kTF_{r+1}(\eta)} - \eta \right]$$

Kuchli aynigan elektron gaz uchun ushbu ifoda oldingi masaladagi ifoda bilan bir xil bo'ladi, agar E/E_s bo'yicha qatorga yoyib, 1-tartibli tuzatma bilan chegaralansa.

4.85. Elektronlar harakatchanligi akustik tebranishlarda sochilishi bilan aniqlanganligi uchun, $\alpha \approx 1$ va $l_f \approx 0,12 \text{ sm}$ deb olib

$$\alpha_F \approx \frac{\theta_s \cdot l_f}{\mu} \approx 10 \text{ mV/K} \text{ ni aniqlaymiz.}$$

4.86. Harakatchanlikka akustik tebranishlarda sochilishning nisbiy ulushini tavsifiaydigan α ning kattaligini baholaymiz:

$$\alpha \approx \frac{(\mu_{InSb})_{\text{const}}}{(\mu_{InSb})_{\text{nat-v}}} \approx 2 \cdot 10^{-3}$$

$(l_f)_{\text{ge}} \approx (l_f)_{\text{nat}}$ deb olib, termo EYuK "fenon" tashkil etuvchisi uchun,

$$\frac{(\alpha_e)_{hcb}}{(\alpha_e)_{Ge}} = \frac{a_{Ge}}{a_{hcb}} \cdot \frac{\vartheta_{hcb}}{\vartheta_{Ge}} \cdot \frac{\mu_{hcb}}{\mu_{Ge}} = 10^{-3}$$

Shunday qilib, n-turli indiy antimonidida fotonlar hisobiga elektronlar ko'payishi germaniydagiga nisbatan ancha kichik. Oldingi masaladan topilgan $(\alpha_f)_{Ge}$ qiymatidan foydalanib, 20K dagi $(\alpha_f)_{hcb} \approx 10 \text{ MKV/K}$ ni olamiz.

4.87. Zaryad tashuvchilar dispersiyasining kvadratik qonuni uchun (6.2b), (6.3v), (6.3g) lardan kuchli magnit maydoni uchun $\sigma_2 >> \sigma_1$, ($q_2 >> q_1$) bo'lqanda:

$$Q^* = \frac{q_2}{\sigma_2} = \frac{\langle E \rangle}{\langle 1 \rangle} = \frac{\int dE \left(-\frac{\partial f}{\partial E} \right) E k^3(E)}{\int dE \left(-\frac{\partial f}{\partial E} \right) k^3(E)} = \frac{5}{2} kT \cdot \frac{F_{\frac{5}{2}}(\eta)}{F_{\frac{1}{2}}(\eta)}$$

Bunday kelib chiqadiki, termo EYuK

$$\alpha(\infty) = \frac{k}{e} \left[\frac{5}{2} \frac{F_{\frac{5}{2}}(\eta)}{F_{\frac{1}{2}}(\eta)} + \eta \right]$$

$\omega \gg 1$ maydon sohasida α magnit maydonga va sochilish meqanizmiga bog'liq emas. Oxirgi holat kuchli maydonda termo EYuK ni zaryad tashuvchilar effektiv massasini aniqlash usuli bilan topishni qulaylashtiradi: aynimagan gaz uchun $\alpha(\infty) = \frac{k}{e} \left(\frac{5}{2} + \eta \right)$.

Ushbu formuladan $\eta = 3$ ni topamiz: shunday qilib, kovakli gazni aynimagan deb oliish yaxshi tasdiqlanadi. Kovaklar konsentratsiyasini bilgan holda kovaklar effektiv soni

$$N_b = p \cdot e^n = 1,18 \cdot 10^{19} \text{ sm}^{-3}, \text{ bundan } m_p = 0,6 m_0$$

4.88. Kvadratik dispersiya qonuniga bo'y sunuvchi aynimagan yarimo'tkazgich uchun:

$$\alpha = \alpha(H)_{H=0} = -\frac{k}{e} [(r+2) - \eta], \quad \alpha(\infty) = \alpha(H)_{H=\infty} = -\frac{k}{e} \left(\frac{5}{2} - \eta \right)$$

$$\text{va demak, } \Delta\alpha(\infty) = \alpha(\infty) - \alpha = -\frac{k}{e} \left(\frac{1}{2} - r \right)$$

Bundan, xususan shu narsa kelib chiqdiki, $r = \frac{1}{2}$ da, $\Delta\alpha(\infty)$ nolga aylanadi.

Ya'ni, shu holatdagi sochilish optik tebranihorda sodir bo'ladi va temperatura Debay temperaturasidan past bo'ladi.

4.89. Kuchli magnit maydon holida ($\theta \gg 1$), ko'chish energiyasi sochilish mehanizmiga bog'liq emas va elektron gazining kuchli aynigan holi uchun u quyidagiga teng:

$$Q^* = \frac{\langle E \rangle}{\langle 1 \rangle} = kT \cdot \eta \frac{1 + \frac{\pi^2}{6k^3(F)\eta} \frac{d^2}{d\eta^2} \eta k^3(F)}{1 + \frac{\pi^2}{6k^3(F)} \frac{d^2}{d\eta^2} k^3(F)}$$

bu yerdan ixtiyoriy dispersiya qonuni uchun

$$\alpha(\infty) = -\frac{\pi^2 k}{e} \frac{1}{k(F)} \frac{dk(F)}{d\eta} ni olamiz.$$

(6.5) ta'rifga ko'ra, m^* kattalik quyidagiga teng:

$$m^* = \hbar^2 k(E) \frac{dk(E)}{dE}.$$

Ixtiyoriy dispersiya qonuni uchun izotrop holda $k(F) = (I\pi^2 n)^{\frac{1}{3}}$ bo'lishi uchun, $\alpha(\infty)$ uchun quyidagi ko'rinish o'rinni:

$$\alpha(\infty) = -\frac{\pi^2 k}{e} kT \cdot \frac{m^*_F}{\hbar^2 (3\pi^2 n)^{\frac{2}{3}}}. \quad (1)$$

Bu yerda $m^*_F - m^*$ ning Fermi energiyasidagi qiymati. Masala shartidagi berilganlarni qo'yib, $m^*_F = 0.019 m_0$ ni topamiz. 4.14-masaladagi m^* formulasiga murojaat qilib, elektronlarning soha tubidagi effektiv massasini topamiz:

$$m(0) = -\frac{\hbar^2 (3\pi^2 n)^{\frac{2}{3}}}{E_F} + \sqrt{\frac{\hbar^4 (3\pi^2 n)^{\frac{4}{3}}}{E_F^2} + m^*_{F_p}^2} = 0.013 m_0.$$

4.90. 4.83-masaladagi (2) ifoda va 4.89-masaladagi (1) ifodadan foydalanib, kvadratik dispersiya qonuni aynigan yarimo'tkazgich uchun magnit maydon bo'lmagandagi termo EYuK va kuchli magnit maydonidagi termo EYuK orasidagi bog'lanishni topish mumkin:

$$\alpha = \frac{2}{3} \alpha(\infty) (r+1)$$

Undan

$$r = \frac{3}{2} \cdot \frac{\alpha}{\alpha(\infty)} - 1 = 1.8.$$

Shunday qilib, qaralayotgan holda sochilish asosan zaryadlangan aralashmalarda yuz beradi.

4.91. 4.83 masaladagi (2) va 4.89-masaladagi (1) dan

$$\alpha = \frac{2}{3} \alpha(\infty) \left(r+1 - 3 \frac{n}{m^*_{F_p}} \frac{dm^*_{F_p}}{dn} \right)$$

ni olamiz. Shuning uchun

$$\Delta \alpha(\infty) = \alpha(\infty) - \alpha = -\frac{1}{3} \alpha(\infty) \left[6 \frac{n}{m^*_{F_p}} \frac{dm^*_{F_p}}{dn} - (2r-1) \right] \quad (1)$$

Berilgan dispersiya qonuni uchun (6.5) ta'rifga ko'ra

$$\frac{m^*}{m} = 0,023 + 1,35 \cdot 10^{-15} k^2 (cm^{-2}) = 0,023 + 1,3 \cdot 10^{-14} n^{\frac{2}{3}}. \quad (2)$$

(1) ifodada kvadrat qavs va u bilan birga $\Delta\alpha(\infty)$ nolga teng bo'ldi. U holda

$$\frac{n}{m^*} \frac{dm^*}{dn} = \frac{2r-1}{6}. \quad (3)$$

(2) bog'lanishi hisobga olinsa, ushbu shart quyidagicha bo'ldi:

$$\frac{2}{3} \cdot \frac{1,3 \cdot 10^{-14} n^{\frac{2}{3}}}{0,023 + 1,3 \cdot 10^{-14} n^{\frac{2}{3}}} = \frac{2r-1}{6}$$

Shunday qilib, $\Delta\alpha(\infty)$ quyidagi konsentratsyada nolga aylanadi:

$$n = 2,26 \left(\frac{2r-1}{5-2r} \right)^{\frac{1}{2}} 10^{18} sm^{-3} \equiv 10^{19} sm^{-3}$$

U holda dispersiya qonuni (1.3) ko'rinish oladi.

$$\frac{m^*}{m_0} = \frac{m(0)}{m_0} \sqrt{1 + \frac{2\hbar^2}{m(0)E_s} (3\pi^2 n)^{\frac{2}{3}}}$$

(4.14-masalaga qarang) va $\Delta\alpha(\infty)$ ning nolga aylanish sharti quyidagicha bo'lib qoladi:

$$1 - \frac{1}{1 + \frac{2\hbar^2}{m(0)E_s} (3\pi^2 n)^{\frac{2}{3}}} = \frac{3}{2}$$

Ushbu shart hech qanday konsentratsyada bajarilmaydi, demak (1.3) dispersiya qonuni uchun $\Delta\alpha(\infty)$ nolga aylanmaydi.

4.92. p-turdagi yarimo'tkazgichni qarab chiqamiz. U holda (7.1) ifodaga $n=0$ ni qo'yish lozim:

$$\varepsilon = \int \frac{D_p}{\mu_p} \frac{1}{p} \frac{dp}{dx} dx = \int \frac{D_p}{p \mu_p} dp$$

Integral ostidagi funksiya p bir qiymatli ((3.6) bilan solishtiring) va butun kontur bo'yyicha integral nolga teng. Bu foto EYuK ning bipolyar xarakteri haqida guvohlik beradi.

4.93. Avval (7.3) bo'yyicha ventil foto EYuK ε_1 ni hisoblaymiz; undagi p_0 ni tushurib qoldirsak,

$$\begin{aligned} \varepsilon_1 &= \frac{kT}{e} \int_{-\frac{b}{2}}^{\frac{b}{2}} \frac{b+1}{bn_0 + (b+1)\Delta n} \frac{\Delta n}{n_0} \frac{dn_0}{dx} dx = \frac{kT}{e} \Delta n \frac{b+1}{b} \int_{-\frac{b}{2}}^{\frac{b}{2}} \frac{n_0^{-1} dn_0}{n_0 + \frac{b+1}{b} \Delta n} = \\ &= \frac{kT}{e} \ln \frac{1 + \frac{b+1}{b} \frac{\Delta n}{n_{0,A}}}{1 + \frac{b+1}{b} \frac{\Delta n}{n_{0,B}}} = \frac{kT}{e} \ln \frac{1 + \frac{\Delta \sigma}{n_{0,A}}}{1 + \frac{\Delta \sigma}{n_{0,B}}} \end{aligned}$$

Ikkinchchi qo'shiluvchi E_2 (7.4) integralni, A va B yaqinidagi kichik interval kenglik 2ϵ bo'yicha ikki qismga bo'lamiz, bunda $\frac{d\Delta n}{dx} \neq 0$:

$$\begin{aligned}\varepsilon_2 &= -\frac{kT}{e} \frac{b-1}{b+1} \left[\int_{A-\epsilon}^{A+\epsilon} \frac{d\Delta n}{\Delta n + \frac{bn_{0,A}}{b+1}} + \int_{B-\epsilon}^{B+\epsilon} \frac{d\Delta n}{\Delta n + \frac{bn_{0,B}}{b+1}} \right] = -\frac{kT}{e} \frac{b-1}{b+1} \left[\ln \frac{\Delta n + \frac{bn_{0,A}}{b+1}}{\frac{bn_{0,A}}{b+1}} + \ln \frac{\Delta n + \frac{bn_{0,B}}{b+1}}{\frac{bn_{0,B}}{b+1}} \right] = \\ &= -\frac{kT}{e} \frac{b-1}{b+1} \ln \frac{1 + \frac{b+1}{b} \frac{\Delta n}{n_{0,A}}}{1 + \frac{b+1}{b} \frac{\Delta n}{n_{0,B}}}.\end{aligned}$$

ε_1 va ε_2 larni qo'shib topamiz:

$$E = \frac{2}{b+1} \frac{kT}{e} \ln \frac{1 + \Delta\sigma p_{0,A}}{1 + \Delta\sigma p_{0,B}} = 1,17 \cdot 10^{-2} V.$$

4.94. Oldingi masala javobidan, $\Delta\sigma/\sigma_0 \ll 1$ chegaraviy shart uchun

$$E = \frac{2}{b+1} \frac{kT}{e} \Delta\sigma (p_{0,A} - p_{0,B})$$

va teskari chegaraviy holdagi $\Delta\sigma/\sigma_0 \gg 1$ uchun:

$$\varepsilon = \frac{2}{b+1} \frac{kT}{e} \ln \frac{p_{0,A}}{p_{0,B}}$$

qaralayotgan hollarda: $\Delta\sigma_1 p_{0,A} = 0,1 \ll 1$, $\varepsilon' = 3,4 \cdot 10^{-1} V$;
 $\Delta\sigma_2 p_{0,B} = 16 \gg 1$, $\varepsilon'' = 3,0 \cdot 10^{-3} V$.

4.95*. p ni Δl ga siljishdagi o'zgarishi uncha katta emas deb olib,

$$p(x + \Delta l) = p(x) + \frac{dp}{dx} \cdot \Delta l$$

deb yozish mumkin.

4.93-masaladagi ε uchun formuladan

$$\varepsilon = \frac{2}{b+1} \frac{kT}{e} \left(\frac{\Delta\sigma \cdot \Delta l \cdot \frac{dp}{dx}}{1 + \Delta\sigma \cdot p} \right),$$

bunda qavs ichidagi ifoda kichik deb tasavvur qilamiz.

Bundan

$$\int \frac{dp \cdot \Delta\sigma}{1 + \Delta\sigma \cdot p} = \frac{A(b+1)e}{2kT\Delta l} \int \frac{dx}{1 + Bx} = C \ln(1 + Bx)$$

bu yerda

$$C = \frac{A}{B} \frac{(b+1)e}{2kT \cdot \Delta l} = 0,89.$$

Birinchi ifodani p bo'yicha integrallab:

$$\frac{1 + \Delta\sigma\rho(x)}{1 + \Delta\sigma\rho(0)} = (1 + Bx)^C$$

$$\text{ni topamiz, undan: } \rho(x) = \frac{(1 + \Delta\sigma\rho(0))(1 + Bx)^C - 1}{\Delta\sigma}$$

$$\text{va } \Delta\sigma = \Delta n \cdot e\mu_n(b+1) = 4,7 \cdot \Omega^{-1} \cdot sm^{-1}.$$

$x=2$ da $\rho = 4,9 \cdot \Omega^{-1} \cdot sm^{-1}$ ni olamiz. Tekshirishlar shuni ko'rsatadiki, yuqoridagi farazlar to'la bajariladi.

4.96. (7.3) formula bo'yicha quyidagini topamiz:

$$\begin{aligned} \varepsilon_1 &= \frac{kT}{e} \frac{b+1}{b} \Delta n \int_{n_0}^{n_p} dx \frac{1}{n_0 \left(n_0 + \Delta n \frac{b+1}{b} \right)} \frac{dn_0}{dx} = \frac{kT}{e} \frac{b+1}{b} \Delta n \int_{n_0}^{n_p} \frac{dn_0}{n_0 \left(n_0 + \Delta n \frac{b+1}{b} \right)} = \\ &= \frac{kT}{e} \ln \frac{n_p \left(n_p + \Delta n \frac{b+1}{b} \right)}{n_0 \left(n_0 + \Delta n \frac{b+1}{b} \right)}. \end{aligned}$$

Qaralayotgan sharoitda (2-ilovadagi jadvalga qarang), 4.1-masaladan (1) formulaga asoslanib $n_i = 10^{-7} sm^{-3}$, $n_p = \frac{n^2}{n_i} = 10^{-29} sm^{-3}$, $\frac{kT}{e} = 6,5 \cdot 10^{-3} V$

bo'lgani uchun quyidagi natijani olamiz: $\varepsilon_1 \approx -0,11 V$.

4.97. (7.2) formuladan foydalaniib (shuningdek 4.46*, 4.47*-masalalarga qarang) quyidagini topamiz:

$$\begin{aligned} n_0(x) &= n'_0 (1 - \xi x), \quad \xi = 0,2 sm^{-1}, \\ \Delta\phi &= \frac{kT}{e} \int_0^L dx \frac{(1-b)N \left[-\frac{1}{L} \exp\left(-\frac{x}{L}\right) \right] + b\xi n'_0}{bn'_0(1-\xi x)} = \frac{kT}{e} \frac{b-1}{b} \frac{N}{n'_0} \int_0^L \frac{\xi dx \cdot e^{-x/L}}{1-\xi x} + \frac{kT}{e} \int_0^L \frac{\xi dx}{1-\xi x}, \\ z &= \frac{x}{L}. \end{aligned}$$

Birinchi integralda $z \leq 1$ va mahrajni 1 ga almashtirish mumkin, chunki $L=0,2 \cdot 0,01 \ll 1$.

Integrallash natijasi: $\Delta\phi = \frac{kT}{e} \left(\frac{b-1}{b} \frac{N}{n'_0} + \ln \frac{1}{1-\xi d} \right)$ ga teng bo'ladi,

Undan $\Delta\phi = 4,1 \cdot 10^{-3} V$

4.98. (7.2) dan (7.3) va (7.4) formulalardan kelib chiqqani kabi, birinchi holda, $\Delta\rho = \Delta n \tau_p / \tau_n$ da, quyidagini topamiz:

$$\varepsilon_1 = \frac{kT}{e} \int dx \frac{b + \tau_p / \tau_n - \Delta n}{bn_0 + (b + \tau_p / \tau_n) \Delta n} \frac{dn_0}{dx},$$

$$\varepsilon_2 = \frac{kT}{e} \int dx \frac{\tau_p / \tau_n - b}{bn_0 + (b + \tau_p / \tau_n) \Delta n} \frac{d\Delta n}{dx}$$

So'ngra, 4.93-masalaga o'xshash holda

$$\varepsilon_1 = \frac{kT}{e} \ln \frac{1 + \Delta\sigma \cdot \rho_{0,A}}{1 + \Delta\sigma \cdot \rho_{0,B}}$$

$$\varepsilon_2 = \frac{\tau_p/\tau_n - b}{\tau_p/\tau_n + b} \frac{kT}{e} \ln \frac{1 + \Delta\sigma\rho_{0,A}}{1 + \Delta\sigma\rho_{0,B}}$$

va nihoyat, $\varepsilon = \varepsilon_1 + \varepsilon_2 = \frac{2\tau_p/\tau_n}{b + \tau_p/\tau_n} \frac{kT}{e} \ln \frac{1 + \Delta\sigma\rho_{0,A}}{1 + \Delta\sigma\rho_{0,B}} = 2,7 \cdot 10^{-2} V$ ga teng bo'ldi.

Ilova 1.

Fermi intervalining ba'zi bir xessalari

Fermi integrali $F_j(\eta)$ quyidagicha aniqlanadi:

$$F_j(\eta) = \frac{1}{\Gamma(j+1)} \int_0^\infty \frac{\varepsilon^j d\varepsilon}{1 + \exp(\varepsilon - \eta)} \quad (I.1)$$

bu yerda $\Gamma(j=1)$ — gamma funksiya. Klassik holda, ya ni η manfiy va absolut qiymati bo'yicha yetarlicha katta bo'lganda

$$F_j(\eta) \approx e^{\eta} \quad (I.2)$$

Katta musbat η lar uchun (statistikada bunga deyarli butunlay aynigan hol to'g'ri keladi) quyidagi o'rinni:

$$F_j(\eta) = \frac{\eta^{j+1}}{\Gamma(j+2)} \left[1 + \frac{\pi^2}{6\eta^2} \frac{\Gamma(j+2)}{\Gamma(j)} + \dots \right] \quad (I.3)$$

Fermi integrali $F_{1/2}(\eta)$ uchun ko'pincha quyidagi o'rinni:

$$F_{1/2}(\eta) \approx \frac{e^\eta}{1 + 0.27e^\eta}, \quad (I.4)$$

bunda, $\eta \leq 1,3$ da 3% dan ko'p bo'limgan xatolik boladi, $\eta \leq 1$ da taqribiliy formula:

$$F_{1/2}(\eta) \approx \frac{4\eta^{1/2}}{3\sqrt{\pi}} \left(1 + \frac{1.15}{\eta^2} \right) \quad (I.5)$$

ham 3% dan katta bo'limgan xatolikni beradi. Shunday qilib, yaqinlashuvchi (I.4) va (I.5) ifodalar kuchli ayniganlikdan to synimagan hol (klassik hol) gacha intervaldag'i qiyatlarni beradi.

Fermi funksiyalari yoki ularning hosilalarini o'z ichiga olgan integralni baholeshda quyidagi qatorдан foydalilanadi:

$$\int_{-\infty}^{\infty} d\varepsilon \cdot \frac{dG(\varepsilon)}{d\varepsilon} \cdot \frac{1}{1 + \exp(\varepsilon - \eta)} = -G(\infty) + G(\eta) + \frac{\pi^2}{6} \frac{d^2 G(\eta)}{d\eta^2} + \dots, \quad (I.6)$$

bu yerda $G(\varepsilon)$ — energiyaning ixtiyoriy funksiyasi bo'lib, u $\varepsilon = \eta$ nuqta atrofida monotondir.

Yarimo`tkazgich materialning ba`zi parametrlari.

	E_g , eV	m_{dn}/m_0	m_{dp}/m_0	$\mu_n(300^0 K)$, sm ² /V sek	$\mu_p(300^0 K)$, sm ² /V·sek
Ge	0,74	0,56	0,37	3800	1800
Si	1,12	1,08	0,59	1450	500
InSb	0,22	0,013	0,4	78000	750
InAs	0,43	0,023	0,41	33000	460
InP	1,40	0,067	---	4600	150
GaSb	0,80	0,047	0,23	4000	1400
GaAs	1,52	0,068	0,5	8800	400

Ba`zi fizik kattaliklar

Kattaliklar	Belgisi	SI birliklarida	SGS birliklarida
Elektronning tinchlikdagi massasi	m_e	$9,11 \cdot 10^{-31}$ kg	$9,11 \cdot 10^{-28}$ g
Elektronning zaryadi	e	$1,6 \cdot 10^{-19}$ Kl	$4,8 \cdot 10^{-10}$ sgse
	h	$6,63 \cdot 10^{-34}$ J·s	$6,63 \cdot 10^{-27}$ erg·s
Plank doimiysi	\hbar	$1,05 \cdot 10^{-34}$ J·s	$1,05 \cdot 10^{-34}$ erg·s
Avagadro soni	N_A	$6,02 \cdot 10^{23}$ mol ⁻¹	$6,02 \cdot 10^{23}$ mol ⁻¹
Boltsman doimiysi	κ	$1,38 \cdot 10^{-23}$ J·K ⁻¹	$1,38 \cdot 10^{-16}$ erg·K ⁻¹
Gaz doimiysi	R	$8,31$ J · mol ⁻¹ · K ⁻¹	$8,31 \cdot 10^{-16}$ erg · mol ⁻¹ · K ⁻¹
Elektron volt	eV	$1,6 \cdot 10^{-19}$ Kl	$1,6 \cdot 10^{-12}$ erg
Bor magnetoni	$\mu_B = \frac{e\hbar}{2m_e}$	$9,27 \cdot 10^{-24}$ J·T ⁻¹	
Vakuumda yorug'lik tezligi	s	$3 \cdot 10^8$ m/s ⁻¹	$3 \cdot 10^{10}$ sm/s ⁻¹
Vakuumning dielektrik singdiruvchanligi	ϵ_0	$8,85 \cdot 10^{-12}$ F · m ⁻¹	
Vakuumning magnit singdiruvchanligi	μ_0	$1,26 \cdot 10^{-6}$ Gn · m ⁻¹	
1 eV energiyali foton to'lqin uzunligi	λ_0	$1,24 \cdot 10^{-6}$ m	$1,24 \cdot 10^{-8}$ sm
1 eV energiya foton takroriyligi	v ₀	$2,42 \cdot 10^{14}$ Gs	$2,42 \cdot 10^{14}$ Gs

Nazorat savollari:

I. Ideal yarimo`tkazgichlarda zaryad tashuvchilarining energetik spektri

1. Yarimo`tkazgichlarning boshqa moddalardan farq qiluvchi asosiy xususiyati nimadan iborat?
2. Yarimo`tkazgichlarning tashqi ta'sirlarga sezgirligi qanday tushuntiriladi?
3. Yarimo`tkazgichlarning elektr o`tkazuvchanligini temperaturaga bog'liqligini tushuntiring.
4. Yarimo`tkazgichning o`tkazuvchanligini faoliashtirish energiyasi nima?
5. Kristaldagi elektronlarning energetik spektri izolyatsiyalangan (yakkalangan) atomdagi elektronlarning spektridan qanday farqlanadi?
6. Taqiqlangan zonaning kengligi elektronning yadroga bog`lanish darajasiga qanday bog`liq?
7. Kristaldagi elektron uchun Shredinger tenglamasini yechishdagi bir elektronli adiabatik yaqinlanishning mohiyati nimadan iborat. Bu yaqinlanishdagi to'lqin va energiya funksiyalarining ko'rinishi qanday?
8. Kristaldagi elektronning potensial funksiyasi yakkalangan atomdagi elektronning potensial funksiyasidan qanday farqlari bor?
9. Ideal kristal panjara nima va u elektronning harakatiga qanday ta'sir qiladi?
10. Kroning-Penni modelining mohiyati nimadan iborat?
11. Elektronning kvaziimpulsi deganda nima tushuniladi?
12. Briullen zonasini nima va uni tuzish qoidalari aytung.
13. Dispersiya qonuni. Kristalarda elektronlarning dispersiyasi qonuning asoslari.
14. Effektiv massaning fizik mohiyati nimadan iborat?
15. Effektiv massaning izoenergetik yuza egriligi bilan, tezligi va kvaziimpulsi bilan bog`liqligi.
16. Metall, yarimo`tkazgich va dielektriklarning zona tuzilishlari (strukturalari) orasida qanday farqlar bor?
17. Aralashmali holatning vodorodsimon modeli nimadan iborat?
18. Real yarimo`tkazgichlarning zona strukturasining asosiy qonuniyatları.
19. Taqiqlangan zonaning kengligi tashqi ta'sirga qanday bog`liq?

II. Real yarimo`tkazgichlarda zaryad tashuvchilarining energetik spektri

1. Xususiy yarimo`tkazgich nima? Xususiy yarimo`tkazgichning faoliashtirish energiyasi deb nimaga aytildi?

2. Donor va akseptorlarni tavsiflang. Kirishmali yarimo`tkazgich xususiy o`tkazuvchanlikka egami?
3. Nuqsonning ta`rifi nima? Nuqtaviy, chiziqiy va yassi nuqsonlarga misol keltiring. Rasional nuqson nima?
4. Kristalarda kirishmalarning qattiq eritma yoki suqilma qattiq eritma hosil qilishining geometrik va elektrokimyoviy omillarining mohiyati nimada?
5. Qattiq eritma hosil qiluvchi kirishmalar elektronlarning energetik spektrlarini qanday o`zgartiradi?
6. Elektr o`tkazuvchanlik nazariyasining asoslari nimadan iborat? Uning yutuq va kamchiliklari.
7. Asosiy va asosiy bo`imagan zaryad tashuvchilar nima?
8. Germaniy va kremliy temir, nikel mis va qalay bilan legirlansa, uning elektr o`tkazuvchanligi qanday turda bo`ladi?
9. Yarimo`tkazgichlarda kirishmalarning amfoterligi deganda nima tushuniladi?
10. A^{IV}, A^{III} va B^V kristalari uchun amfoter kirishmalarga misol keltiring. F markazlar nima?
11. Kristalarda vakansiyalarning qanday turlari mavjud? A^{IV}, A^{III}, B^V va A^{II}B^{VI} kristalaridagi vakansiyalarning paydo bo`lishini fizik mohiyati (tabiat) nimadan iborat?
12. Vakansiyalar elektronlarning energetik spektrlariga qanday o`zgartirishlar kiritadi?
13. Tamm sathlari nima? Ularning tabiatini qanday?
14. Dislokatsiyalar nima? Qirrali va vintli dislokatsiyalarning hosil bo`lish tabiatini qanday?
15. Dislokatsiyalarning elektronlarni energetik spektriga ta`siri nimada aks etadi?
16. n- yoki p- turdag'i aynigan va aynimagan yarimo`tkazgichlar uchun elektron va kovaklarning konsentratsiyasini grafik usulda tavsiflang.
17. Kuchli aynigan yarimo`tkazgichlarda elektronlar konsentratsiyasini temperaturaga bog'liq bo`lmasligini ko`rsating?
18. Aynigan va aynimagan xususiy yarimo`tkazgichlar uchun zaryad tashuvchilar konsentratsiyasi formulasini keltiring. Ge va Si uchun T= 300K da n_i ni toping.
19. Aynimagan yarimo`tkazgichlarning taqiqlangan zonasining kengligi eksperimental qanday aniqlanadi?
20. f(E,T) funksiya zaryad tashuvchilarning qanday xossalarini tavsiflaydi?
21. Elektronning holatini f (E,T) ning qanday turlari tavsiflaydi?
22. f_n(E,T) va f_p(E,T) funksiyalari orasida qanday bog'lanish bor? Aynigan va aynimagan yarimo`tkazgichlar uchun ularning ko`rishini aniqlang.
23. Germaniy va kremlniyda holat zichliklari uchun elektronlarning va kovaklarning effektiv massa formulalarini keltirib chiqaring.

24. 1-2 tartibli Fermi integrali nima va u qanday hisoblanadi?
25. Ruxsat etilgan zonadagi effektiv holatlar soni qanday hisoblanadi?
26. Ruxsat etilgan zonada va aralashmali sathlarda zaryad tashuvchilarining holatlar bo'yicha taqsimoti qanday farq qiladi?
27. Elektronneytrallik tenglarnasini umumiy hol uchun yozing va uning ma'nosini tushuntiring.
28. a) Xususiy yarimo'tkazgichlar, b) aynimagan akseptor va donor yarimo'tkazgichlar, v) qisman kompensirlangan yarimo'tkazgichlar ($N_d > N_a$ va $N_d < N_a$) uchun Fermi sathini temperaturaga bog'liqligining grafigini ko'rsating.
29. Yarimo'tkazgichga aralashma kiritilishi bilan aynishini shart - sharoiti nimadan iborat?
30. Yarimo'tkazgichlardan InAs va Ge ning qaysi biriga uning aynishi uchun ko'proq konsentratsya aralashma kiritilishi kerak? n va p-tur o'tkazuvchanliklarda aynish konsentratsyalarini taqqoslang.
31. Taqsimot funksiyasining fizik ma'nesi.
32. Kimyoviy potensial nima?
33. Fermi satidan yuqori, pastki va sathga to'g'ri keluvchi energetik sathlarning elektronlar bilan to'ldirilishi qanday?
34. Aynigan elektron gaz deb nimaga aytildi?
35. Xususiy yarimo'tgazgichda kimyoviy potensial qaerda joylashgan?
36. Fermi sathi n- va p-turdagi yarimo'tkazgichlarda taqiqlangan zonaning qaysi qismida joylashgan?
37. Qattiq jismlarda mikro kuchlanishlar vujudga kelishi umumiy shartlari qanday?
38. Ko'p qatlamli qattiq jismlar tuzilmalarida mikro kuchlanishlarning qanday asosiy manbalari mavjud?

III. Yarimo'tkazgichlarda kinetik hodisalar

1. Zaryad tashuvchilarining sochilishi deb nimaga aytildi?
2. Sochilishning effektiv kesimi tushunchasi, uning relaksatsiya vaqtini bilan bog'liqligi.
3. Qanday kattaliklar sochilishning miqdoriy o'lchovi bo'jadi?
4. Zaryad tashuvchilarining harakatchanligi tushunchasiga ta'rif bering.
5. Panjara dagi atomlarning tebranishi qanday ifodalanadi va unda zaryad tashuvchilarining sochilishi qanday tavsiflanadi?
6. Qanday kuchiar: a) Elektr o'tkazuvchanlikni, b) Xoll effektini, v) Termo EYuK ini, s) Issiqlik o'tkazuvchanlikni, d) Nernst-Ettingauzen, Nernst effektlarini vujudga kelishiga olib keladi?
7. Dispersion munosabat S dan qanday ma'lumotlar olish mumkin?
8. Kinetik tenglama usulining mohiyati nimadan iborat?

9. Kinetik hodisa o'rganilganda relaksatsiya vaqtı yaqinlashishining ma'nosi nima?
10. Kirishmasiz (aralashmasiz) yarimo'tkazgichlarda socqilishning qanday mexanizmlari o'rinni?
11. Har xil deffekt (nuqson) larga ega bo'lgan yarimo'tkazgichlarda sochilishning qanday mexanizmlari o'rinni?
12. Debay temperaturasi deb nimaga aytildi?
13. Neytral kirishmalarda (neytral va zaryadlangan) zaryad tashuvchilarining sochilishning fizik mohiyati nimadan iborat?
14. Dislokatsiyalarda zaryad tashuvchilarining sochilishini fizikasi nimadan iborat?
15. Bir necha mexanizmlar baravar qatnashganda relaksatsiya vaqtleri qanday qonun asosida qo'shiladi?
16. Zaryad tashuvchilar konsentratsyasi va Xoll koefitsiyenti qanday munosabatda bog'langan?
17. Issiqlik o'tkazuvchanlik mexanizmi.
18. Qanday termoelektr effektlari bor va ularning fizik mohiyati nimadan iborat?
19. Fononlarning elektronlarni olib ketish effektining mohiyati nimada?
20. Issiqlik o'tkazuvchanlikning panjara o'tkazuvchanlik tashkil etuvchisini hosil bo'lishiga sabab nimada? Kuchli aynish holatida yarimo'tkazgichlarda elektronlar konsentratsyasi temperaturaga bog'liq bo'lmasligini ko'rsating.
21. Fononlarning socqilish mexanizmlarini sanab bering (izoqlab bering).
22. Optik va akustik fononlar nima? Fononlarning taqsimot funksiyasi.
23. Normal jarayon va tarqalgan (razbros) jarayonlari nima?
24. Deformasion potensial usulining mohiyati nimadan iborat?
25. Optik va akustik fononlardagi sochilishda relaksasiya vaqtı energiyaga qanday bog'liq?
26. Otkazuvchanlik effektiv massasining fizik ma'nosi.
27. Zonalar aro va qatlamlar aro (mejdolinniy) socqilish tushunchalari
28. Har xil sochilish mexanizmlari uchun zaryad tashuvchilarining harakatchanligini temperaturaga bog'liqligi.
29. Yarimo'tkazgichlar uchun tok va elektr o'tkazuvchanlik ifodalari magnit maydon mavjud bo'lganda qanday o'zgaradi?
30. Qanday termomagnit hodisalarni bilasiz?

IV. Yarimo'tkazgichiarda optik hodisalar

1. Yorug'likning yarimo'tkazgichdagi elektronlar bilan qanday ta'sirlashish turlari bor?
2. To'g'ri (bevosita) va bilvosita (nepryamoy) optik o'tishlar deb nimaga aytildi?

3. Qanday o'tishlar ruxsat etilgan (taqiqlanmagan) va ruxsat etilmagan o'tishlar deyiladi?
4. Burshteyn siljishi deb nimaga aytildi?
5. Yorug'likning kristal panjara bilan ta'sir mexanizmi qanday?
6. Germaniy va kremlniy kristalarida kislorod aralashmasining mavjudligi tufayli yorug'lik yutilishida namoyon bo'ladijan yutilish spektrlari qanday to'lqin uzunliklarida kuzatiladi?
7. Aralashma (kirishma) atomlari tomonidan yorug'likning yutilish tabiatini qanday?
8. Eksiton nima?
9. Yorug'likning qaysi to'lqin uzunliklari intervalida yorug'likning eksiton yutilishi kuzatiladi?
10. Yorug'likning qaytishini tadqiqot qilish asosida yarimo'tkazgichning qanday xossalari haqida ma'lumot olish mumkin?
11. Faradey effektining mohiyati nimada?

V. Yarimo'tkazgichda zaryad tashuvchilarining rekombinasiyasi

1. Elektron-kovak jutfini generatsiya jarayoni deb nimaga aytildi? Ularning qanday usullari mavjud?
2. Zaryad tashuvchilarining injeksiyasi degan tushunchani ma'nosi nimada?
3. Zaryad tashuvchilarining rekombinatsiya jarayoni deb nimaga aytildi?
4. Zaryad tashuvchilarining generatsiya va rekombinatsiya tezliklarini ta'riflang.
5. Zaryad tashuvchilarining yashash vaqtiga ta'rif bering.
6. Zaryad tashuvchilarining stasionar va nostasionar yashash vaqlari nimalar bilan farqlanadi?
7. Zaryad tashuvchilarining qanday holatiga muvozanatsiz holat deyiladi?
8. Yopishish effektining mohiyati nimada?
9. Rekombinasiyaning qanday turlari mavjud?
10. Rekombinasiyaning qanday mexanizmlari mavjud? Ularning farqlari nimalarda namoyon bo'ldi?
11. Nurlanish yashash vaqtining qiymati yarimo'tkazgichning legirlanish darajasiga bog'liq holda qanday o'zgaradi?
12. Qanday yarimo'tkazgichlarda nurlanish zonalar aro rekombinasiyaning extim 'ligi eng katta?
13. Zonalar aro to'lqinlanish rekombinasiyaning mohiyati nimadan iborat
14. Sirtiy rekombinasiya nima?
15. Rekombinasiya kesim yuzasi nimani tavsiflaydi?
16. Diffuzion uzunlik tushunchasining fizik ma'nosi qanday? U zaryad tashuvchilarining yashash vaqt bilan qanday bog'langan?

17. Zaryad tashuvchilarning ortiqcha konsentratsyasining ixtiyoriy qonuniyat bilan kamayishida yashash vaqtini tushunchasi qanday kiritiladi?
18. Fermi sathining holati zaryad tashuvchilar yashash vaqtiga qanday ta'sir qiladi?
19. Shokli-Rid nazariyasiga asosan aniqlangan zaryad tashuvchilarini o'rtacha yashash vaqtini yarimc'tkazgichga uncha katta bo'limgan konsentratsyada donor kiritilsa o'zgaradimi?
20. Aralashmalarni zaryad tashuvchilarining yashash vaqtiga ta'siri qanday aniqlanadi?
21. Stasionar sharoitda "ortiqcha" zaryad tashuvchilarning fazoviy taqsimoti qanday?
22. Rekombinasiya sathining energetik holati eksperimental qanday aniqlash mumkin?
23. Asosiy bo'limgan zaryad tashuvchilarning diffuzion uzunligi nimani tavsiflaydi va u eksperimental qanday aniqlanadi?
24. Zaryad tashuvchilarning ekskluziya, ekstraksiya va akkumulyatsiya jarayonlari nimadan tashkil topgan?

VI. Yarimo'tkazgichlarda fotoelektrik hodisalar.

1. Fotoo'tkazuvchanlik hodisasinining moqiysi nima?
2. Fotoo'tkazuvchanlik yorug'likning yutilishi bilan qanday bog'langan?
3. Fotoo'tkazuvchanlikning qizil chegarasi nima?
4. Fototermik ionizasiyaning mexanizmi qanday?
5. Fotoo'tkazuvchanlik vujudga kelishida eksitonlar qatnashadimi?
6. Fotosezgirlikning qanday ta'riflari bor?
7. Mono - va biquqli aralashmali fotoo'tkazuvchanliklarning farqi nimada?
8. Fotoo'tkazuvchanlikda kirishmalar sathiarining to'ldirilishi qanday rol o'yndaydi?
9. Yarimo'tkazgichning lyuks-amper xarakteristikasi deb nimaga aytildi? U qanday parametrlar orqali tavsiflanadi?
10. Fotovoltik hodisa deb nimaga aytildi?
11. Fotovoltik hodisa ro'y berishi uchun qanday shart - sharoitlar bajarilishi kerak?
12. Hajmiy foto EYuK ning tabiatini tushuntiring.
13. Dember effektining mohiyati nimadan iborat?
14. Fotomagnit EYuK ning vujudga kelish mexanizmi qanday?
15. Fotolyuminessensiya hodisasinining mohiyati nimadan iborat?
16. Luminessensiyaning qanday turlari bor?
17. Luminessensiya intesivligi qanday omillarga bog'liq?

VII. Kuchli elektr maydonida yarimo`tkazgichlar.

1. Kuchsiz elektr maydoni kristalardagi elektronlarning tezligini qanday qilib o`zgartiradi?
2. Kritik maydon deb nimaga aytildi?
3. Sochilish mexanizmi zaryad tashuvchilarning harakatchanligini elektr maydon kuchlanganligiga bog`liqligiga qanday ta`sir qiladi?
4. Elektron temperatura tushunchasining fizik ma`nosini tushuntiring. Qanday zaryad tashuvchilar "qaynoq" tashuvchilar deyiladi?
5. Kuchli elektr maydonlarida nima uchun Om qonuni bajarilmay qoladi. Yarimo`tkazgichda qanday effektlar Om qonuning buzilishiga olib kelishi mumkin?
6. Zaryad tashuvchilarning konsentratsyasiiga kuchli elektr maydonining ta`siri qanday tajribalar asosida isbot qilingan?
7. Kuchli elektr maydonining termoelektrik ionizatsiyaga ta`sir mexanizmi qanday?
8. Termoelektrik ionizasiya va tunnel effektlarni tajribada qanday farqlash mumkin?
9. Kuchli maydonning to`qnashuv ionizasiyasiga ta`sir mexanizmi qanday?
10. Qanday maydonlarda yarimo`tkazgichiarda termoelektrik ionizatsiya, tunnel effekt, to`qnashuv ionizasiysi, elektr teshilish kuzatiladi?
11. Frans-Keldish effektining mohiyati nimadan iborat?
12. Tok noturg`unligining qanday mexanizmlari bor va ularning mohiyati nimadan iborat?
13. Ganna effektining mohiyati nimadan iborat?

VIII. Kontakt hodisalar

1. Yarimo`tkazgichlarning yuzasida energetik zonalarning egrilanishi qanday tushuntiriladi?
2. Kontakt hodisalarining namoyon bo`lishi nimalarga bog`liq?
3. Elektronning chiqish ishi deb nimaga aytildi?
4. Kontakt potensiallar farqi deb nimaga aytildi?
5. Metall- yarimo`tkazgich kontakti bo`lganda yarimo`tkazgich yuza qatlamida zona strukturasi qanday o`zgaradi?
6. Metall va yarimo`tkazgich orasidagi potensiallar farqi nimalar bilan aniqlanadi?
7. Ekranlashishning Debay uzunligi nima?
8. Maydon effektining mohiyati nimada?
9. Nima uchun metall-yarimo`tkazgich kontaktida kontakt maydon yarimo`tkazgichga kiradi, metallga umuman kirmaydi?

- Berkituvchi va antiberkituvchi (antizapirayushiy) qatlamlar deb nimaga aytildi?
- Metall-yarimo'tkazgich kontaktida tokning to'g'rilanish mexnizmini tushuntiring.
- p-n o'tish nima? Uning metall-yarimo'tkazgich kontaktidan farqi nimada?
- p-n o'tishning VAX.
- p-n o'tishlarni qanday klassifikasiyalash mumkin?
- Omk kontaktni tavsiflang. Omik kontaktning qanday turlari bor?
- Geter o'tishni odatiy gomogen o'tishdan qanday farq qiladi?
- p-n o'tishni tashqi kuchlanish manbaiga ulaganda qaysi yo'nalishni musbat yo'nalish deb hisoblash mumkin?
- Sirt holatining kontakt hodisalariga ta'siri?

IX. Yarimo'tkazgichlarda magnit hodisalar

- Bir elektronli atomning natijaviy magnit momenti nimalar bilan aniqlanadi?
- Ko'p elektronli atomning natijaviy magnit momenti nimalar bilan aniqlanadi?
- Qattiq jismrlarda magnit atomlarini tartiblashuvining qanday turlari mavjud?
- Paramagnitning magnit qabul qiluvchanligi temperaturaga qanday bog'liq? Magnit maydonigachi?
- Almashinuv o'zaro ta'sirining mohiyati nimada?
- Yarimo'tkazgichlar uchun magnetizmning qaysi turi xarakterlidir?
- Yarim magnetik va magnetik yarimo'tkazgichlar nomagnetik yarimo'tkazgichlardan qanday farqlanadi?
- Landau sathlari nima?
- Yarimo'tkazgichlarda ossillyatsiya hodisasining tabiatini tushuntiring.
- Yarimo'tkazgichlarda mavjud bo'lgan va lokalizatsiyalashgan magnit momentlari qanday effektlarda namoyon bo'ladi?
- Tajribada rezonans hodisalari nimalarda namoyon bo'ladi?
- Qanday rezonans hodisalar mumtoz fizika nuqtai nazaridan tushuntiriladi?
- Qanday rezonans hodisalar kvant mexanikasi asosida tushuntiriladi?
- Qanday o'zaro ta'sirlar YaMR ga olib keladi?
- Qanday o'zaro ta'sirlar EPR ga olib keladi?
- Qanday o'zaro ta'sirlar YaKR ga olib keladi?
- Siklotron rezonansning YaKR va EPR dan prinsipial farqi nima dan iborat?
- Yarimo'tkazgichlar tadqiqotida YaMR, YaKR va EPR qanday maqsadlarda ishlatalidi?
- Yarimo'tkazgichlar tadqiqotida siklotron rezonans qanday maqsadlarda qo'llaniladi?
- Magnetik va nomagnetik yarimo'tkazgichlarning zona strukturalari qanday farq qiladi? Bu farqlar qanday effektlarga olib keladi?

X. Tartiblanmagan moddalarning yarimo`tkazgich xususiyatlari

1. Strukturada yaqin va uzoq tartib deb nimaga aytildi?
2. Qanday moddalar tartiblanmagan moddalarga tegishli?
3. Tartiblanmagan moddalar turlarini aytинг?
4. Kuchli va kuchsiz legirlangan (kirishmali) yarimo`tkazgichlarning shartlarini mohiyati nimada?
5. Holat zichligi bog`lanishida "dumlar" nima?
6. "Gofrirlangan (qat-qat burmalangan) zonalar" nima?
7. Kirishmarning tasodifiy taqsimotida potensial chuqurlik va "bukri"larning fizik mohiyati nimadan iborat?
8. Kuchli legirlangan va kuchli kompensirlangan yarimo`tkazgichlarda aralashma (kirishma) potensialini fluktuatsiyasi qanday qilib paydo bo`ladi?
9. Qanday fizik hodisalarda kirishma potensialini fluktuatsiyasi o`rinli bo`ladi (ahamiyatga molik bo`ladi)?
10. Amorf yarimo`tkazgichlarning kuchli legirlangan kristal yarimo`tkazgichlarga o`xshashligi nimada va nimalari bilan farq qiladi?
11. Fluktuasion sathlar deb nimaga aytildi?
12. Mott o`tishi nima?
13. Amorf yarimo`tkazgichlarda vodored qanday rol o`ynaydi?
14. Suyuq, eritilgan yarimo`tkazgichlarda yarimo`tkazgich xossalaring tabiatini qanday?
15. Shishasimon yarimo`tkazgichlarda yarimo`tkazgich xossalaring tabiatini qanday?

XI. Yarimo`tkazgichlarning asosiy parametrlarini o`lchash metodlari

1. Yarimo`tkazgichlarning qanday parametrlari fundamental parametrlar deyiladi?
2. Yarimo`tkazgichlarning qanday parametrlari xarakteristik (tavsifiy) parametrlar deyiladi?
3. Ishlab chiqarilgan yarimo`tkazgich materiallarning pasportida qanday ko`rsatkichlar aks ettiriladi?
4. Solishtirma qarshiliknki o`lchashning to`rt zondli usulining tamoyili nimadan iborat?
5. To`rt zondli usul bilan solishtirma qarshiliik o`lchaganda qirra (chegara) effekti qanday qilib hisobga olinadi?
6. Solishtirma qarshilik zond usulida o`lchanganda zondlar qanday materiallardan tayyorlanadi?
7. To`rt zondli usulning eng katta xatoligi nima bilan aniqlanadi?

8. Van-der-Pauve metodining mohiyati nimada?
9. Ikki zondli usulning eng katta xatoligi nima bilan aniqlanadi?
10. Ikki zondli solishtirma qarshilikni o'lhash usulining mohiyati nimadan iborat?
11. Harakatlanuvchi zoad usuli qanday maqsadlarda qo'llaniladi?
12. Kontaktsiz solishtirma qarshilikni o'lhash usulining mohiyati nimada?
13. Kontaktsiz solishtirma qarshilikni o'lhash usulining eng katta xatoligi nima bilan aniqlanadi?
14. Xoll effektining mohiyati nimada? Elektronlar va kovaklar qanday oqadi?
15. Xoll effektini o'lhashda qanday ma'lumotlar olinadi?
16. Xoll koefitsiyentini aniqlashda parazit EYUk qanday bartaraf etiladi?
17. Xoll koefitsiyentini to'g'ri o'lhash uchun namunaga qanday talablar qo'yiladi?
18. A^{IV} va A^{III} B^V turdag'i yarimo'tkazgichlarda donorlar va akseptorlar konsentratsyysini alohida aniqlash tamoyili nimadan iborat?
19. Zaryad tashuvchilarining yashash vaqtini aniqlashda o'tkazuvchanlikni modulyasiyalash usulining tamoyili nimadan iborat?
20. Foto'o'tkazuvchanlikning so'nish usulining mohiyati nimada?
21. Qanday hollarda zaryad tashuvchilarining yashash vaqtini fazali usul orqali aniqlanadi va uning tamoyili nimadan iborat?
22. Germaniydag'i zaryad tashuvchilarining diffuzion uzunligi bevosita qanday aniqlanadi?
23. Statsionar foto'o'tkazuvchanlik metodi va FEM-effektlarning tamoyilini tushuntiriting?
24. Yarimo'tkazgichli moddalarning optik xususiyatlarini o'r ganishda qanday yorug'lik manbalari va yorug'lik qabul qilgichlari qo'llaniladi?
25. Quyidagilarni aniqlash uchun qanday eksperimentlar o'tkazilishi kerak?
 - A). Zaryad tashuvchilarining sochilish mexanizmi,
 - B). Elektroniarning effektiv massasi,
 - C). Ruxsat etilmagan (taqiqlangan) zona kengligi,
 - D). Yarimo'tkazgich moddaning tozaligi.

XII. Epitaksial pardalarning parametrlarini o'lhash usullari

1. Epitaksial qatlam qalinligini o'lhash uchun qanday usullar qo'llaniladi?
2. Yupqa qatlamlarning qalinligini o'lhashning interferension usulining mohiyati nimada?
3. Epitaksial qatlamning solishtirma qarshiligini zondlar usui bilan aniqlash mumkinmi?
4. Elipsometriya usulining mohiyati nimadan iborat?
5. Qanday qilib sirqish usuli bilan solishtirma qarshilikni o'lhash mumkin?

6. Sig'implar usuli bilan yarimo'tkazgichlarning xususiyatlari haqida qanday ma'lumotlar olish mumkin?
7. Kirishmali sathlarni sig'im spektroskopiyasi qanday amalga oshiriladi?
8. Bir jinsli bo'lmaslikni elektron - zond usulida tadqiqot qilishning mohiyati nimada?
9. Ion mikroanalizi qanday amalga oshiriladi?
10. LRSA (lokal rentgenostruktura analizi), MKLA (mikrokatodolyuminessent analiz), IMA (ion mikro analiz) usullarining sezgirligi va o'lchash xatoliklari qanday?

XIII. Yarimo'tkazgichli radio va elektr asboblari

1. Yarimo'tkazgich materiallarning qo'llanilish sohalarini qanday klassifikasiyalash mumkin?
2. Kuchli yarimo'tkazgichli diodiar qanday maqsadlarga mo'ljalangan?
3. Boshqariluvchi yarimo'tkazgichli diodlarning strukturasi, voltamper xarakteristikasi va uning ishlash tamoyili qanday?
4. Kuchli yarimo'tkazgichli diodjarni tayyorlash uchun qanday yarimo'tkazgichli materiallar ishlatalidi?
5. Stabilitronning ishlash tamoyilini tushuntiring.
6. Stabilitronning sifati qanday parametrlar orqali tavsiflanadi?
7. Stabilitron ishlab chiqarilishi uchun qanday yarimo'tkazgich materiallar ishlatalidi?
8. Impulslri diodlarni tayyorlash uchun qanday yarimo'tkazgichli materiallar ishlatalidi?
9. Yuqori chastotali detektorlarni tayyorlash uchun qanday yarimo'tkazgichli materiallar ishlatalidi?
10. p-n-o'tishning sig'imi nimalarga bog'liq?
11. Varikapning ishlashi p-n-o'tishning qaysi xossasiga asoslangan?
12. Varikap qanday materiallardan tayyorlanadi?
13. Tunnel diodning ishlash tamoyilini tushuntiring.
14. Tunnel diodlarga qo'yilgan talablar qaysi yarimo'tkazgich materiallarni ishlatish asosida amalga oshiriladi?
15. Tranzistorning ishlash tamoyilini tushuntiring.
16. Tranzistorlarni ishlab chiqarish uchun (tayyorlash uchun) qanday yarimo'tkazgich materiallar ishlatalidi?
17. Zaryad bog'lanishning tamoyili nimadan iborat?
18. Integral sxemalar deb nimaga aytildi?

XIV. p-n- o'tishli foto va termoelektrik asboblar

1. Yarimo'tkazgichli fotoelementning ishlash tamoyilini tushuntiring.

2. Qanday kattaliklar fotoelementlarning asosiy xarakteristikalarini bo'lib hisoblanadi?
3. Quyosh batareyalari qanday materiallardan yasaladi?
4. Fotoqarshilikning ishlashi qanday fizik hodisaga asoslangan?
5. Fotodiod va quyosh batareyasining ishlash tamoyillari nima bilan farq qiladi.
6. Yadro zarrachalarini qayd qilishni p-n o'tishning qanday strukturasi amalga oshiradi?
7. Yadro zarrachalarining detektorlari qanday materiallardan yasaladi?
8. Yarimo'tkazgichli yorug'lik manbai va lazerlarning ishlash tamoyili nimalardan iborat?
9. Yarimo'tkazgichli yorug'lik manbalarini tayyorlash uchun qanday yarimo'tkazgich materiallar istiqbolli hisobianadi?

XV. p-n- o'tishsiz foto va termoelektrik asboblar

1. Termoelektrik asboblarda ishlatiladigan yarimo'tkazgich materiallarning asligi qanday fizik kattaliklar bilan aniqlanadi?
2. Termoelektrik asboblar ishlab chiqarishda qanday yarimo'tkazgich materiallar eng yaroqli deb ataladi?
3. Yarimo'tkazgichli tenzometrning ishlash tamoyili qanday fizik hodisaga asoslangan?
4. Yarimo'tkazgichli tenzometrlarning ishlab chiqarishga qanday materiallar yaroqli?
5. Xoll datchigining sezgirligi deb nimaga aytildi va uni yarimo'tkazgich materialning qaysi xossalari belgilaydi?
6. Xoll datchigi qanday materiallardan tayyorlanadi?

XVI. Mikroelektronika va integral sxemalar

1. Zamonaviy fan va texnikada mikroelektronikaning o'mni.
2. Yarimo'tkazgichli, pardali, gidrid va jamlangan mikrosxemalar va ularning tuzilishi.
3. Integral mikrosxemalar tavsifnomalari va parametrlari.
4. Yarimo'tkazgich va pardali mikrosxemalar tayyorlash texnologiyasining xususiyatlari.
5. Yarimo'tkazgichlar va dielektrik materiallarning yupqa qatlamlarini olish metodlari.
6. n-p-n turdag'i integral tranzistorlar.
7. p-n-p turdag'i integral tranzistorlar.
8. Integral rezistorlar va kondensatorlar turlari va ularning ishchi tavsifnomalari.
9. Integral mikrosxemalar komponentlarini izolyasiyalash metodlari.
10. Raqamli va analogli mikrosxemalar.

11. Tranzistor kalitlar. Tranzistor kalitlarning turlari.
12. Triggerlar va ularning turlari.
13. Kuchaytirgich kaskadlar. Kuchaytirgich kaskadlar ish maromlari va ishchi tavsifnomalarini hisoblash.
14. Biqutbiy va maydonli tranzistorlarda kuchaytirgich kaskadlar.
15. Emitter takrorlagichlar.
16. Differensial kuchaytirgichlar.
17. Operasjon kuchaytirgichlar va ularning asosiy parametrlari.
18. Mantiqiy elementlar va ularning ishlash tamoyilkari.
19. Mantiqiy elementlarni qo'llash.
20. Doimiy xotirlovchi qurilmalar. Asosiy parametrlar va tavsifnomalar.
21. Operativ xotirlovchi qurilmalar.
22. Katta integral mikrosxemalar.
23. Mikrominiaturlashning fizik chekloviari.
24. Zaryad aloqali asboblar ishlashning fizik asoslari.
25. Zaryad aloqali asboblarning rivojlanish istiqbollari.

XVII. Ko'p qatlamli yarimo'tkazgich strukturalar

1. Ko'p qatlamli yarimo'tkazgich strukturalar va ularning turlari.
2. Metall-yarimo'tkazgich-metall strukturalar. Metall-yarimo'tkazgich-metall strukturalarning voltamper tavsifnomalari.
3. Metall-yarimo'tkazgich-metall strukturalarning sig'imiy xossalari.
4. Metall-yarimo'tkazgich-metall strukturalariga temperaturaning ta'siri.
5. Metall-yarimo'tkazgich-metall strukturalarning optik xossalari.
6. Metall-yarimo'tkazgich-yarimo'tkazgich strukturalar. Metall-yarimo'tkazgich-yarimo'tkazgich strukturalar voltamper tavsifnomasi.
7. Metall-yarimo'tkazgich-yarimo'tkazgich strukturalarning sig'imiy xossalari.
8. p-i-p, n-i-n, p-i-n va n-i-p strukturalar.
9. p-i-n va n-i-p strukturalarning optik xossalari.
10. Dielektrik qatlamli triod strukturalarning ishlash prinsiplari.
11. Dielektrik qatlamli triod strukturalarning qo'llanish sohalari.
12. Dielektrik qatlamli triod strukturalarning energetik zonaviy diagrammalari.
13. To'rt qatlamli strukturalarning ishlash prinsiplari va ularning asosiy tavsifnomalari.
14. To'rt qatlamli strukturalarning turlari.
15. To'rt qatlamli strukturalarning VAX hisoblash.
16. Ko'p qatlamli ko'chish datchiklari.
17. Ko'p qatlamli namlik datchiklari.
18. Ko'p qatlamli yoritish va bosim datchiklari.
19. Ko'p qatlamli ionlovchi nurlanish datchiklari.
20. Ko'p qatlamli temperatura datchikiari.

XVIII. Yarimo'tkazgichlar asosidagi quyosh elementlari va batareyalari

- 1.**
 1. Qanday energiya manbalari mavjud?
 2. Qayta tiklanuvchi energiya turlariga qanday energiyalar kiradi?
 3. Qaysi turdag'i energiyalar qayta tiklanmaydiganlariga kiradi?
 4. Quyosh energiyasini qaysi ko'rinishdagi energiyalarga effektiv aylantirish mumkin?
 5. Quyosh nurlanishi asosida nimra yotadi?
 6. Quyosh nurlanishi deb qanday nurlanishga aytadi?
 7. Qanday nurlanishlar to'liq Quyosh nurlanishi deyiladi?
 8. Quyosh nurlanishining tarkibiy qismi.
 9. Quyosh elementini tayyorlashda yarimo'tkazgichning qaysi parametrlari asosiy hisoblanadi?
 10. Quyosh elementining ishlash fizikaviy tamoyili.
 11. Quyosh elementining asosiy parametrlari.
 12. Ko'p qatlamlı Quyosh elementlaridagi yo'qotish turlari.
 13. Quyosh nurlanishining imitatorlari va ularning funksiyasi.
 14. Ochiq kosmosda ishlataladigan fotoelektrik batareyalarga qo'yiladigan asosiy talablar.
 15. Quyosh elementining F. I. K.
 16. Quyosh elementining radiasjon chidamlliigi?
 17. Quyosh elementi voltamper xarakteristikasining ifodasi.
 18. Metall-yarimo'tkazgichdagi potesial bar'erning tabiat.
 19. Metall-yarimo'tkazgichning ideal kontakti uchun voltamper xarakteristika ifodasi.
 20. Quyosh elementi qarshiligini shuntlash va unig yuzaga kelish sababi.
 21. Metall-yarimo'tkazgich kontakti orqali tok o'tish mexanizmi.
 22. Metall-yarimo'tkazgich kontakti elektr maydoni va maydon potensialining taqsimlanishi.
 23. Metall-yarimo'tkazgich kontakti VAX si.
 24. Fotoelektrik batareyalarning asosiy parametrlari.
 25. Quyosh elementlari xarakteristikalariga temperaturaning ta'siri.
- 2.**
 1. Quyosh elementlari tayyorlashda ishlataladigan materiallarning yuzasi mikrorelefini analiz qilish usullari.
 2. Yupqa qatlamlı quyosh elementlarining afzalligi va ularni kamchiligi.
 3. Yarimo'tkazgichlarda yorug'lik yutilishining tabiat.
 4. Yarimo'tkazgichlarda yorug'likning xususiy va aralashmali yutilishi.
 5. Geteroo'tish asosidagi quyosh elementlari.
 6. Kaskadli quyosh elementlari.
 7. Aralashmali va xususiy yarimo'tkazgichlar.
 8. Kristalarda yorug'likning yutilish mexanizmi.
 9. Yutilishning spektrli xarakteristikalar.
 11. Dember samarasи.

12. Fotogalvanik effekt.
 13. Geteroo'tishli quyosh elementlarining afzalligi va kamchiligi.
 14. Yarimo'tkazgichlardagi nuqsonlarning quyosh elementini tavsifiga ta'siri.
 15. Quyosh elementining asosiy xarakteristikasi (VAX)
 16. Yarimo'tkazgichning xususiy foto'tkazuvchanligi.
 17. Fotorezistorlar, fotodiодлар.
 18. Erkin zaryad tashuvchilar tomonidan optik nurlanishning yutilishi.
 19. Yarimo'tkazgichlardagi fotoelektrik effektlar.
 20. Zonalararo to'g'ri va teskari optik o'tishlar.
 21. Yarimo'tkazgichlarning issiqlik sig'imi va issiqlik o'tkazuvchanligi.
 22. Quyosh elementlari uchun FIK tushunchasi.
 23. Yarimo'tkazgichlardagi radiasion defektlar.
 24. Elektron-kovakli o'tishning olish metodlari.
- 3.
1. p-n o'tish elektr xarakteristikasiga yuzaning ta'siri.
 2. Fotografiya to'g'risida asosiy tushunchalar.
 3. p-n o'tishlar planar konstruksiyalarining quyosh elementlarida ishlatalishi.
 4. Kvant chiqishi va yog'ish koeffitsiyenti.
 5. Quyosh elementlarining shuntlovchi va ketma-ket qarshiliklari.
 6. Quyosh elementlarining planar konstruksiyalarini.
 7. Optik va rekombinasion yo'qotishlar mexanizmi.
 8. Quyosh elementlari konstruksiyalarini optimallashtirishda kerak bo'ladigan xususiyatlar.
 9. Yuqori samarali zamonaivi quyosh elementlari.
 10. Vertikal p-n o'tishli Quyosh elementlari.
 11. Ikki tomonlarna sezgirlikka ega bo'lgan Quyosh elementlari.
 12. Yupqa kremniy asosidagi Quyosh elementlari.
 13. MDYa, MOYa, YAOYa-strukturali quyosh elementlari.
 14. Amorf kremniy asosidagi yupqa qatlamlili quyosh elementlari.
 15. Issiqlik hosil qiluvchi Quyosh elementlari.
 16. Quyosh elementlari FIK ni oshirish usullari.
 17. Erda joylashtiriladigan Quyosh elementlari va fotoelektrik stansiyalar.
 18. Elektr energiyasini saqlash usullari.
 19. Yarimo'tkazgichlar fotosezgir parametrlarini o'lhash usullari.
 20. Quyosh elementi yarimo'tkazgichdagagi o'tkazuvchanlik turini aniqlashda ishlataladigan termozond usuli asosida yotuvchi fizik hodisa.
 21. Solishtirma qarshilikni o'lhashda ishlataladigan to'rt zondli usulni qo'llashda namunaga qo'yiladigan talablar.
 22. Dielektrikdagagi dielektriklar yo'qotishlar, ularning turi va ularni aniqlash usullari.
 23. Yarimo'tkazgich namunasining yuzasi relesini analiz qilish usullari.
 24. Yarimo'tkazgichlar materiallari yuzasi himoyaviy tarkibini analiz qilish usullari.
 25. Yarimo'tkazgich materiallar yuzasini atomlar strukturاسini analiz qilish usullari.

Мундарижа

1 - QIYINLIK DARAJADAGI MASALALAR.....	4
2 - QIYINLIK DARAJADAGI MASALALAR.....	6
3 - QIYINLIK DARAJADAGI MASALALAR.....	9
4 - QIYINLIK DARAJADAGI MASALALAR.....	15
1. Yarimo'tkazgichlardagi elektronlar va kovaklar statistikasi.....	15
2. Yarimo'tkazgichlardagi zaryad tashuychilar rekombinasiyasi.....	21
3. Zaryad tashuvchilarning diffuziyasi va dreyfi.....	25
4. Magnit maydonda zaryad tashuvchilarning diffuziyasi va dreyfi.....	29
5. Sirtiy hodisalar.....	32
6. Yarimo'tkazgichdagi termo elektr yurituvchi kuch (EYuK)	36
7. Yarimo'tkazgichlarda foto EYuK.....	40
MASALALARNING JAVOBLARI VA YECHIMLARI	42
1 - qiyinlik darajadagi masalalarning javoblari	42
2 - daraja qiyinlikdagi masalalarning javoblari	43
3 - daraja qiyinlikdagi masalalarning javoblari	45
4 - daraja qiyinlikdagi masalalarning javoblari	48
NAZORAT SAVOLLARI:.....	97

K.A. Tursunmetov, U.Q.Valiyev, H.Yu. Mavlyanov, I.X. Xamidjonov

YARIMO'TKAZGICHALAR FIZIKASIDAN MASALALAR VA SAVOLLAR TO'PLAMI (O'quv qo'llanma)

15.05.2012 йилда теришга берилди. 24.12.2012 йилда босишига
руҳсат этилди. Бичими 60×84 , 1/16. Хажми 7,0 босма тибок.
Адади 500 дона. Буюртма 56. Баҳоси келишилган нарҳда.

“Фахризода” КТКК. Дўстлик шоҳ кӯчаси, 2 “А” уй,
Наманган шаҳри.